

نموذج إحصائي لتقسيم المنطقة الجغرافية لمناطق تأمينية وفقاً للعوامل المؤثرة في ورجة الخطر (بال تطبيق على التأمين الشامل للسيارات)

د. جمال عبد الباقي واصف

مدرس الرياضيات والتأمين

د. محمد توفيق البلقيني

أستاذ الإحصاء الإكتواري

كلية التجارة - جامعة المنصورة

ملخص

لقد تم اعتبار نموذج بيز التجريبي كأساس لنموذج إحصائي تم تطبيقه على تكرارات المطالبات لكل مركز من مراكز الدراسة ، حيث تم تطوير هذا النموذج الإحصائي بهدف التقدير الكمي لدرجة خطر حوادث السيارات بالمنطقة الجغرافية وفقاً للتقسيم الداخلي لها ، وذلك بالتطبيق على منطقة بحري من جمهورية مصر العربية بالنسبة للسيارات الملاحية . وتم تجميع المراكز التي تتقارب فيها قيمة الخسارة المتوقعة معا ، وتم توزيعها على قطاعات ، وذلك حسب درجة الخطورة والتي تعتمد في تحديدها على التوقع الشرطي للتوزيع البعدي *Posterior distribution* ، أي على تقدير بيز *Bayes estimation* . وبهذه الطريقة تم وضع خريطة بها قطاعات تأمينية مختلفة حسب درجة الخطر ، حيث يمكن الاستفادة بها في تحديد أسعار تأمينية لكل قطاع (أو لكل حزام تأميني) على أساس معدل ودرجة الخسارة المتوقعة لكل قطاع ، وبهذه الطريقة نجد أن القطاع التأميني الواحد قد يشمل أقسام من مناطق جغرافية متباعدة (وخاصة إذا تم أخذ كافة مناطق الجمهورية في الاعتبار) .

(أولاً) نموذج إحصائي مقترح لتقدير ورجة الخطر

في هذا البحث سوف يتم استخدام البيانات المتوفرة عن وحدات الخطر [١ ، ص ١٥٥] وتطبيقها في أحد النماذج الإحصائية الذي يتم تعديله وتطويره لتقدير متوسط تكرار المطالبة لكل مركز [٢] ، [٣] ، حتى نستطيع تحديد المراكز التي تمثل متوسط خسارة أقل وتلك التي تمثل متوسط خسارة أكبر ، ومن ثم يمكن توزيعها على مجموعة من أحزمة الخطر .

١- النموذج الإحصائي المقترح لتكرار المطالبة :

ويمثل النموذج الإحصائي موضوع التطبيق في هذا البحث في نموذج يميز التجريبي *Empirical Bayesian model* ، ويُعتبر الانحدار البيزي هو الأساس العلمي لذلك النموذج ، [٤] ، [٥] وسوف نقوم بتطوير ذلك النموذج لكي يكون صالح للتطبيق على تكرار المطالبة المشاهد لكل مركز من مراكز الدراسة موضع التطبيق ، والنموذج يأخذ الشكل التالي [٦ ، ص ٢٢ - ٣٠] :-

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 D_i + \delta_i + \varepsilon_{ij} \quad , \quad i=1,2,\dots,n.$$

وبوضع ($\theta_i = \beta_0 + \beta_1 D_i + \delta_i$) ، نجد أن :

$$Y_i = \theta_i + \varepsilon_{ij}$$

وذلك حيث :

- Y_i : تمثل تكرار المطالبة المشاهد للمركز (i) .
- D_i : تمثل الكثافة المرورية المشاهدة للسيارات للمركز (i) .
- β_0 , β_1 : تمثلان معاملات الانحدار لتكرار المطالبة المشاهد (Y_i) والكثافة المرورية (D_i) للمركز (i) .
- θ_i : تمثل متوسط تكرار المطالبة (Y_i) للمركز (i) .
- δ_i : تمثل البواقي لمتوسط تكرار المطالبة (θ_i) عن المتوسط المقدر من الانحدار ($b_0 + b_1 D_i$)
- ε_{ij} : تمثل خطأ البواقي لتكرار المطالبة المشاهد (Y_i) عن المتوسط الحقيقي (θ_i) .

وبفرض أن كلا من ($\delta_i , \varepsilon_{ij}$) في هذا النموذج مستقلان ويتبعان التوزيع الطبيعي ، بحيث أن :

$$\delta_i \sim N(0, \sigma^2) \quad ; \quad \varepsilon_{ij} \sim N(0, \frac{\tau^2}{H_{ij}})$$

وسوف يتم تعريف المعلمات (H_i) فيما بعد ، وسوف نفترض أن (δ_i) ، (ε_i) متغيران عشوائيان مستقلان ، وعلى ذلك ، يمكن كتابة النموذج بصيغة المصفوفات *Matrix form* مع مراعاة وجود معلمات مستقلة ومنفصلة على النحو التالي :

$$Y = XB + \delta + \varepsilon$$

$$\theta = XB + \delta$$

$$Y = \theta + \varepsilon$$

حيث :

Y : يمثل متجه عمودي من الدرجة ($1 \times n$) لتكرارات المطالبة Y_i .

- X : يمثل مصفوفة معاملات الإحدار من الدرجة $(n \times m)$.
 B : يمثل متجه عمودي من الدرجة $(m \times 1)$ لمعاملات الإحدار .
 δ, ε : يمثل متجه عمودي من الدرجة $(n \times 1)$ للباقي .
 وفي هذه الحالة يكون التوزيع المفترض هو :

$$\delta \sim N(0, \sigma^2 I)$$

$$\varepsilon \sim N(0, C)$$

حيث :

$$C = \text{diag} \left(\frac{\tau^2}{H_1}, \dots, \frac{\tau^2}{H_n} \right)$$

ويقوم هذا النموذج على فرض أن تكرار المطالبة (Y_i) للمركز (i) متغير عشوائي، بحيث أنه عند نقطة المتوسط له (θ_i) فإن تكرار المطالبة (Y_i) يتوزع توزيعاً طبيعياً بمتباين قدره $\left(\frac{\tau^2}{H_i} \right)$ أي أن :

$$(Y_i | \theta_i) \sim N(\theta_i, \frac{\tau^2}{H_i})$$

ويفترض نموذج بيز أن المتوسط (θ_i) عبارة عن متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط قدره $(b_0 + b_1 D_i)$ ومتباين قدره (σ^2) ، أي أن :

$$\theta_i \sim N(b_0 + b_1 D_i, \sigma_i^2)$$

وفي هذا البحث نهتم بالمتوسط (θ_i) ، حيث أنه في طرق الإحصاء الكلاسيكية نجد أن (θ_i) تمثل معلمة ثابتة لاتتبع توزيع معين ، وفي هذا الافتراض أن (θ_i) يمكن أن تأخذ أي قيمة باحتمال متساو . أما في التحليل البيزي ، فإنه يُنظر إلى المعلمة (θ_i) كمُتغير عشوائي له متوسط يُعبر عنه كعلاقة خطية في الكثافة المرورية بكل مركز ، وبمعلومية الكثافة المرورية لكل مركز ، فإننا نفترض أن (θ_i) متغير عشوائي له توزيع قبلي *Prior distribution* بمتوسط قدره $(b_0 + b_1 D_i)$ ، ويمكن التعبير عن ذلك المتوسط بالرمز (XB_i) ، وخلاصة القول أن النموذج يحلل الاختلافات في تكرار مطالبات المركز داخل مصادرها المتعددة لكل تغطية تأمينية ، وهذا يعني أنه بالنسبة لكل تغطية تأمينية يكون :

$$Y_i = \bar{Y} + b_1(D_i - \bar{D}) + \delta_i + \varepsilon_i$$

حيث :

- Y_i : تمثل متوسط تكرار المطالبة في المركز .
 $\bar{Y}$: تمثل متوسط تكرار المطالبة في المحافظة .
 $b_1(D_i - \bar{D})$: يمثل إختلاف الكثافة المرورية في المركز i عن متوسط الكثافة المرورية بالمحافظة التي يقع بها المركز .
 δ_i : تمثل إختلاف المتوسطات الفعلية عن المتوسط القبلي .
 ε_i : تمثل إختلاف تكرار المطالبة من سنة الى سنة .

(٢) تحرير شكل النموذج المقترح :

على الرغم من أن الإطار الأساسي للنموذج يبيّن معلوم ، إلا أنه يجب اشتقاق وتطوير النموذج بشكل أوضح قبل اشتقاق معلماته ، وذلك عن طريق إجراء ما يلي :

- (١) إدماج بيانات سنوات الدراسة الخمسة لخبرة الحوادث في سنة واحدة (z) .
- (٢) التحقق من أن العلاقة بين (Y_i) و (D_i) علاقة خطية .
- (٣) تحديد التوزيع الإحصائي الخاص بالمتغير العشوائي (ε_i) .

(٢ - ١) إدماج بيانات سنوات الدراسة في سنة واحدة :-

في هذا البحث تم استخدام بيانات عن تكرار المطالبة المشاهد لخمس سنوات ، ولتطبيق نموذج يبيّن تم دمج بيانات هذه السنوات معا في سنة واحدة (z) ، وعلى ذلك فإن شكل النموذج لكل سنة على حده يأخذ الشكل التالي :

$$\begin{aligned} Y_{ij} &= b_0 + b_1 D_i + \delta_i + \varepsilon_{ij} \\ \theta_i &= b_0 + b_1 D_i + \delta_i \\ Y_{ij} &= \theta_i + \varepsilon_{ij} \end{aligned}$$

حيث :

$$\begin{aligned} 1) \delta_i &\sim N(0, \sigma^2) \\ 2) \varepsilon_{ij} &\sim N(0, \frac{\tau^2}{H_{ij}}) \end{aligned}$$

ويمكن اعتبار بيانات كل سنة على حده كجزء مستقل من العملية العشوائية ، وبالتالي يمكن التوصل للنموذج السابق توضيحه وهو :

$$Y_i = b_0 + b_1 D_i + \delta_i + \varepsilon_i$$

حيث :

$$(1) Y_i = \frac{\sum_j H_{ij} \cdot Y_{ij}}{\sum_j H_{ij}}$$

$$(2) \text{Var}(Y_i | \theta_i) = \frac{\tau^2}{\sum_j H_{ij}} = \frac{\tau^2}{H_i}$$

$$(3) \varepsilon_{ij} \sim N(0, \frac{\tau^2}{H_{ij}})$$

ولسوف يتم استخدام بيانات الخمس سنوات المتاحة في تقدير قيم المعلمة τ^2 ، وذلك في الجانب التطبيقي من هذه الدراسة .

(٢-١) تحديد الكثافة المرورية والتحقق من وجود علاقة خطية بين D_i ، Y_i :

من المتغيرات المستخدمة في نموذج بيز ، المتغير (D_i) ، وهذا المتغير يقوم بتحديد كثافة مرور السيارات على الطريق سواء كان (إقليمي ، ترابي ، تحت الإنشاء) لكل مركز من مراكز الدراسة ، وطبقاً لنموذج بيز يفترض أن متوسط تكرار مطابقة المركز دالة خطية في كثافة مرور وسائل النقل في كل مركز [٧] .

ويعتبر المتغير (D_i) مؤشر جيد لقياس كثافة مرور وسائل النقل على الطريق الذي يمر بكل مركز من مراكز الدراسة ، حيث يعتمد هذا المؤشر في حسابه على إجمالي عدد الوحدات المعرضة للخطر وكذلك على أطوال الطرق بكل مركز . وعلى ذلك فإن البسط يمثل جميع الوحدات المعرضة للخطر في منطقة الدراسة والتي أمكن الحصول عليها من سجلات المرور ، حيث أن جميع السيارات يتم التأمين عليها تأميناً إجبارياً لصالح الغير [٨] .

وعلى ذلك يمكن قياس الكثافة المرورية للسيارات على الطريق الذي يمر بكل مركز من مراكز الدراسة على أنها تمثل المتغير (D_i) ، حيث :

$$D_i = \frac{\sum_{1993}^{1997} (\text{Exposures})_i}{5(\text{Road kilometers})_i}$$

- *Exposures* : يمثل إجمالي عدد الوحدات المعرضة للخطر والمؤمن عليها في المركز (i) .
- *Road kilometers* : يمثل أطوال الطرق بكل مركز ، وتم ضرب هذا المتغير في (٥) لأن عدد سنوات الدراسة محدد بخمس سنوات مالية .

(٣-٢) التوزيع الإحصائي للخطأ العشوائي ε_i :-

عند تطبيق نموذج بيز ، فإن الأمر يحتاج لإستنتاج التباين الخاص بالخطأ العشوائي ε_i والذي يبين مدى الاختلاف أو التشتت بين وحدات الدراسة ، والذي تم افتراض أنه $(\frac{\tau^2}{H_i})$ وسوف يتم استخدام البيانات المتاحة في كل من التحليل النظري *Theoretical analysis* والتحليل التجريبي *Empirical analysis* لتقدير المعلمة (H_i) كما يلي :

(١) التحليل النظري *Theoretical analysis*

إن البيانات الأساسية المستخدمة في هذا التحليل هي تكرارات المطالبة المشاهد Y_{ij} لكل

مركز (i) ، السنة (j) ، حيث :

$$Y_{ij} = \left(\frac{\text{Number of claims}}{\text{Exposures}} \right)_{ij}$$

حيث:

- Y_{ij} : تكرار المطالبة المشاهد لكل مركز (i) ، في السنوات (j)
- *Number of claims* : عدد المطالبات الكلية لكل مركز (i) ، السنة (j) .
- *Exposures* : عدد الوحدات المعرضة للخطر لكل مركز (i) ، السنة (j) لكل مركز (i) .
- السنة (j) .

وبفرض أن عدد المطالبات يمثلها متغير آخر وهو X_{kij} وهو عدد المطالبات لكل نوع من أنواع السيارات حيث أن (k) تمثل مجموعة العوامل التي تؤثر في درجة خطر حوادث السيارات [١٢] (الكثافة المرورية - السائق ٠٠٠) ، فإن هناك بعض الافتراضات التي يجب أخذها في الاعتبار عند استنتاج المعلمة H_{ij} ، حيث أن المتغير X_{kij} يُعتبر متغير مستقل بمعلومية المتوسط θ_i (Conditional independent) :-

$$1) E(X_{ij} | \theta_i) = \theta_i$$

$$2) V(X_{ij} | \theta_i) = \tau^2 \theta_i$$

$$3) Y_{ij} = \frac{\sum_k X_{kij}}{m_{ij}}, \text{ where , } m_{ij} = (\text{exposures})_{ij}$$

$$4) E(Y_{ij} | \theta_i) = \theta_i$$

ومن تلك الافتراضات أيضاً أنه عند زيادة المتوسط يزداد التالي التباين ويتشابه في ذلك مع المتغير العشوائي البواسوني. وبفرض أن عناصر (X_{kij}) متغيرات مستقلة ، فإن :

$$V(Y_{ij} | \theta_i) = \frac{\sum_k V(X_{kij})}{m_{ij}^2} = \frac{\tau_i^2 \theta_i}{m_{ij}}$$

$$\therefore V(\varepsilon_{ij}) = \frac{\tau_i^2}{H_{ij}}$$

$$\text{وذلك حيث : } (H_{ij} = \frac{m_{ij}}{\theta_i})$$

وبتطبيق مجموعة البيانات موضع الدراسة ، يمكن استنتاج أن تكرار المطالبة المشاهد (X_{ij}) يمثل متوسط العينة بتباين يتناسب عكسياً مع حجم العينة .

(ب) التحليل التجريبي : *Empirical analysis*

حيث أن توزيع الخطأ العشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط مقداره صفر، وتباين مقداره

$$(\frac{\tau^2}{H_i}) , \text{ وحيث أن المعطى } (H_i = \frac{m_i}{\theta_i}) , \text{ فإنه يكون من الأفضل اختبار أن البواقي تعادل}$$

$(Y_i - \theta_i)$ ، وحيث أن المعطى θ_i غير معلوم ، سوف نستخدم قيمة مقدره للبواقي ، حيث :

$$\hat{\varepsilon}_i = Y_{97,i} - \hat{Y}_i$$

حيث :

$$\hat{Y}_i = \frac{\sum_{1993}^{1997} m_j Y_j}{\sum_{1993}^{1997} m_j}$$

وذلك بفرض :

$$\hat{Y}_i = \text{المتوسط المرجح بعدد الوحدات المعرضة للخطر.}$$

$$m_j = \text{عدد الوحدات المعرضة للخطر خلال سنوات الدراسة من سنة ١٩٩٣-١٩٩٧.}$$

Y_j = تكرار المطالبة المشاهد خلال سنوات الدراسة من ١٩٩٣ - ١٩٩٧.

ومن المحتمل استنتاج خمسة بواقى ($Y_{ij} - Y_i$) ، حيث أن الفترة الزمنية لدينا مقدرة بخمس سنوات مالية لكل مركز . ونلاحظ أن الخطأ العشوائي داخل كل مركز ارتباطه عكسى قوى .

ونستطيع اختبار مدى صحة هذا التقدير بواسطة عدة رسومات بيانية للبواقى ε_i مقابل تكرار المطالبة Y_i (حسب نوع السيارة) أو البواقى ε_i مقابل عدد الوحدات المعرضة للخطر m_i .

وبناءً على التحليل النظري والتجريبي السابق توضيحهما ، فإن ε_i سوف تتبع التوزيع

الطبيعي بمتوسط قدره صفر وتباين قدره $(\frac{\tau^2}{H_i})$ ، حيث أن $(H_i = \frac{m_i}{y_i})$ ، وعلى الرغم من أن

الطريقة النموذجية لحساب H_i هي أن $(H_i = \frac{m_i}{\theta_i})$ إلا أن الاستخدام الأول يُعتبر أكثر ملاءمة وسهولة .

وتوجد طريقة أخرى لتقدير قيمة H_i ، حيث : $(H_i = \frac{m_i}{XB_i})$ ، ولكن نلاحظ أن

استخدام قيمة XB_i كتقدير للمتوسط θ_i يختلف حسب نوع البيانات وحسب نوع التغطية التأمينية، ولكن نلاحظ أن طريقة التقدير نفسها ليس لها تأثير يذكر على النتائج النهائية ، ويكون تباين ε_{ic} غير معلوم حتى الآن لأن قيمة τ^2 مازالت غير معلومة ، ويمكن إدماج بيانات المطالبات للسنوات الخمس موضع الدراسة مع وضع فروض حول H_i لتقدير قيمة τ^2 ، حيث أن :

$$E(y_{ij} - \theta_i)^2 = \frac{\tau^2}{H_{ij}}$$

$$\therefore E\{H_{ij}(y_{ij} - \theta_i)^2\} = \tau^2$$

$$\therefore \frac{E\{\sum_i \sum_j H_{ij}(y_{ij} - \theta_i)^2\}}{5n} = \tau^2 \quad i = 1, 2, 3, \dots, n$$

وبتقدير قيمة المعلمة θ_i باستخدام y_i بدرجات حرية قدرها (n) سوف يؤدي إلى

التوصل إلى تقدير للمعلمة τ^2 ، حيث :

$$\hat{\tau}^2 = \frac{\sum_i \sum_j H_{ij}(\dot{y}_{ij} - y_i)^2}{4n}$$

(٢) (التقدير البعري) Posterior Estimate لتكرار المطالبات

من النموذج موضع الدراسة نجد أنه بالإمكان تقدير المعلمة (θ_i) [٩] [١٠]، فمن نموذج بيزر تبين لنا أن :

$$(Y_i | \theta_i) \sim N(\theta_i, \frac{\tau^2}{H_i})$$

وأن :

$$\theta_i \sim N(XB_i, \sigma^2)$$

وهذا يكون في حالة التوزيع الطبيعي القبلي *Normal prior distribution* (في حالة معلومية التباين) والذي يتبع متوسط التوزيع الطبيعي ، ومن هنا يكون التوزيع البعري للمعلمة θ_i كما يلي :-

$$(\theta_i | Y_i) \sim N(\mu_i, \varphi_i)$$

حيث :

$$\begin{aligned} \mu_i &= \frac{Y_i \cdot \frac{H_i}{\tau^2} + XB_i \cdot \frac{1}{\sigma^2}}{\left(\frac{H_i}{\tau^2} + \frac{1}{\sigma^2} \right)} \\ \varphi_i &= \frac{1}{\left(\frac{H_i}{\tau^2} + \frac{1}{\sigma^2} \right)} \end{aligned}$$

نلاحظ من المعادلات السابقة أن متوسط التوزيع البعري μ_i (*posterior mean*) يمثل الوسط المرجح لمتوسط التوزيع القبلي XB_i (*prior mean*) ، ومتوسط العينة *Sample mean* (Y_i) ، حيث أن كل متوسط مرجح بمقلوب التباين الخاص به .

ونجد أن المتوسط الشرطي $(\theta_i | Y_i)$ يمثل تقديراً لمتوسط تكرار المطالبة لكل مركز (i) . وهذا المتوسط (μ_i) يمكن كتابته بصيغة نظرية المصادقية *Credibility Theory* التي تستخدم بكثرة في تسعير التأمين وهي Z_i ، حيث :

$$Z_i = \frac{H_i \sigma^2}{H_i \sigma^2 + \tau^2} = \frac{\sigma^2}{\sigma^2 + \frac{\tau^2}{H_i}}$$

ومن هنا يكون :

$$\mu_i = Z_i Y_i + XB_i (1 - Z_i)$$

(Z_i) هي معامل المصداقية *Credibility Factor* (أو درجة الثقة) في البيانات الممثلة في

تكرار المطالبات المشاهد لكل مركز من مراكز الدراسة ، وقد جرت العادة على استخدام الرمز Z كعنصر للمصداقية ، أي أن المتوسط البعدي تم صياغته في شكل متوسط مرجح لبيانات تكرارات المطالبات المشاهدة Y_i ، والنموذج المقترح XB_i ، ويتم إعطاء وزن ترجيحي لكل جزء على أساس النسبة بين تباين النموذج وتباين البيانات (أي على أساس نسبة العلاقة بين σ^2 ، $\frac{\tau^2}{H_i}$:

وعلى ذلك ، فإنه وفقاً لصيغة نظرية المصداقية تقترب قيمة Z_i من الواحد الصحيح كلما

كبرت قيمة σ^2 عن قيمة $\frac{\tau^2}{H_i}$ ، وفي هذه الحالة تكون درجة الثقة في البيانات في أعلى صورها

وكما كبرت قيمة σ^2 ، فإن ذلك يعني أن الخطأ المتوقع من استخدام النموذج XB_i

يكون أكبر من ذلك الناتج عن متوسط تكرار مطالبة العينة Y_i . وبالمثل كلما كبرت قيمة $\frac{\tau^2}{H_i}$ عن

قيمة σ^2 ، فإن هذا يعني أن النموذج يعتبر تقديراً محدداً لتكرار المطالبة أكثر منه لمتوسط العينة ، وبالتالي فإن النموذج يمكن إعطائه وزن أكبر .

ولقد تم استخدام $\bar{H}_i$ بدلاً من H_i في الدوال $\frac{\tau^2}{H_i}$ و Z_i ، حيث :

$$\bar{H}_i = \left\{ \sum_{i=1}^{51} m_i / n \right\} / \left\{ \sum_{i=1}^{51} m_i Y_i / \sum_{i=1}^{51} m_i \right\}$$

ولقد تم حساب الدالة $\bar{H}_i$ لمنطقة الدراسة ، فوجد أنها تعادل ٤١,٨ .

ومن هنا يمكن حساب تقدير بيز التجريبي لكل مركز من مراكز الدراسة باستخدام تكرار

المطالبة للتغطية التأمينية موضع الاختيار (التامين الشامل) وتكون الصيغة النهائية للمتوسط البعدي

هي :

$$\mu_i = Z_i Y_i + (1 - Z_i)(b_0 + b_1 D_i) s$$

حيث : S تمثل متوسط تكلفة المطالبة لكل مركز

وسوف نستخدم المتوسط البعدي μ_i كتقدير للخسائر لكل مؤمن له في كل مركز ، وهذا المتوسط سوف يستخدم كقاعدة لمجموعة المراكز داخل الأحزمة (القطاعات) التأمينية ، ويتم تقدير قيم هذا المتوسط μ_i ثم ترتيبها تصاعدياً ليسهل تقسيمها فيما بعد إلى أقاليم ، بحيث أن كل إقليم يضم مجموعة من المراكز التي تتشابه درجة الخطر فيها بغض النظر عن الترتيب الجغرافي لكل مركز والجدول (٢-٥) يظهر نتائج المتوسط البعدي μ_i للسيارات الملاكي والترتيب التصاعدي لمراكز الدراسة حسب قيم المتوسط .

(٤) تقرير معلمات النموذج *Estimation of Model*

لتطبيق نموذج بيز *Bayes model* يجب تقدير معلمات النموذج [١١] ، ولقد تم صياغة النموذج الأساسي كما في الصورة الآتية :

$$Y_i = b_0 + b_1 D_i + \delta_i + \varepsilon_i$$

وبوضع $(U_i = \delta_i + \varepsilon_i)$ ، فإن نموذج بيز يأخذ الشكل التالي :

$$Y_i = b_0 + b_1 D_i + U_i$$

$$U_i \sim N \left(0, \sigma^2 + \frac{\tau^2}{H_i} \right) : \text{حيث}$$

ويمكن تقدير المعلمات (b_0, b_1) بأسلوب المربعات الصغرى المرجح ، حيث يكون التوزيع

لكل نقطة هو $\left(-\frac{1}{\sigma^2} + \frac{\tau^2}{H_i} \right)$ ، حيث أن المعلمات للتباينات (σ^2) غير معلومة ويجب

تقديرها من واقع البيانات المشاهدة ، كما يتم حساب قيم كل من (H_i, τ^2) ، كما يمكن

استخدام معامل التحديد R^2 لقياس جودة التوفيق ، ويكون من الممكن اشتقاق معلمات الإحدار (b_0, b_1) بسهولة بطريقة المربعات الصغرى ، ويمكن أيضاً استخدام معامل التحديد (R^2) لقياس درجة جودة التوفيق .

(ثانياً) التطبيق العملي للنموذج المقترح

لتحقيق الهدف المنشود من هذا البحث ، وهو استخدام النماذج الإحصائية كأساس لتقسيم المنطقة الجغرافية إلى مناطق تأمينية ، فإنه يجب التقييم العملي لكل من متغيرات ومعلومات النموذج موضع التطبيق ، وهو نموذج بيبز ، وذلك على النحو التالي :

(١) تقرير متغير الكثافة المرورية :

نجد أن المتغير (D_i) يمثل كثافة مرور وسائل النقل المختلفة على الطريق لكل مركز من مراكز الدراسة ، والجدول التالي يوضح النتائج الإحصائية لمتغير الكثافة المرورية (D_i) والتي تم حسابها من بيانات منطقة الدراسة ولنفس الفترة الزمنية المحددة بخمس سنوات مالية

جدول (١-٢) المقاييس الإحصائية لمتغير الكثافة المرورية (D_i)

Variable	Mean	Median	Minimum	Maximum	St. Dev
Density D_i	20.5	15.2	0.63	71.6	16.86

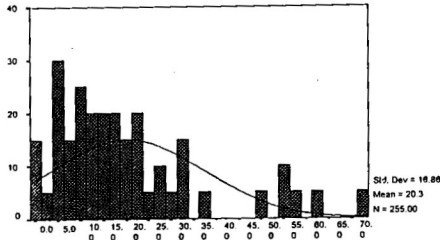
ومن الجدول السابق يتضح أن :

١. متوسط كثافة مرور السيارات في مراكز الدراسة = ٢٠,٣ (سيارة/كم).
٢. أقل قيمة للكثافة المرورية D_i في المراكز موضع الدراسة هو مركز وادى النطرون (محافظة البحيرة) وهى ٠,٦٣ (سيارة/كم).
٣. أكبر قيمة للكثافة المرورية D_i في المراكز تتمثل في مركز اشمون (محافظة المنوفية) وهى ٧١,٦ (سيارة/كم) ، وهذا يعنى ان درجة الخطر ترتفع في مركز اشمون نظرا لارتفاع كثافة مرور السيارات بهذا المركز.

ولقد تم توضيح قيم المتغير (D_i) ضمن الجدول رقم (٣-٥) فيما بعد ، وفيما يلي تمثيلاً بيانياً للمدرج التكرارى لمتغير الكثافة المرورية (D_i) ، وذلك في الشكل (١-٢) ، ومن هذا الشكل نجد أن التوزيع موجب الإلتواء ويرجع هذا الى أن قليل من المشاهدات تملك أعلى كثافة لمرور السيارات ، بينما كثافة مرور السيارات في معظم المراكز تتراوح بين ٧١,٦ حتى ٠,٦٣ (سيارة/كم)

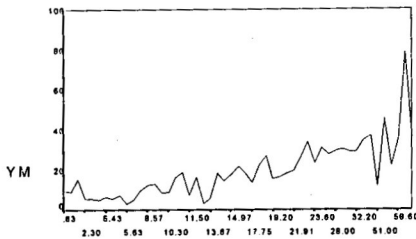
الشكل (١-٢)

المدرج التكرارى لمتغير الكثافة المرورية D_i



الشكل (٢-٢)

العلاقة بين D_i وتكرار المطالبة للسيارات الملاكي



ومن الشكل (٢-٢) نجد أن العلاقة بين كثافة مرور السيارات D_i وتكرار مطالبة السيارات الملاكي علاقة طردية ، فكلما زادت كثافة مرور السيارات على الطريق كلما زادت درجة الخطر التي تتعرض لها السيارة وبالتالي يزداد تكرار المطالبة بالتعويض .

(٢) تقرير قيمة الخطأ العشوائي (ε_i):

لقد تم استخدام أسلوب بيز والبيانات الفعلية في تحديد توزيع الخطأ العشوائي ε_i وتم استخدام قيمة تقديرية للبواقي ، حيث :

$$\hat{\varepsilon}_i = Y_{97,i} - \hat{Y}_i$$

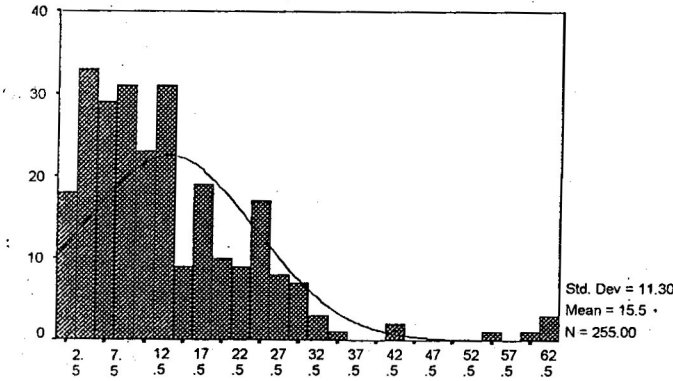
$$\hat{Y}_i = \frac{\sum_{j=1993}^{1997} m_j Y_j}{\sum_{j=1993}^{1997} m_j}$$

حيث :

والجدول (٢-٢) يوضح النتائج الإحصائية للخطأ العشوائى $\hat{\varepsilon}_i$ للسيارات الملاكى :

Variable	Mean	Median	Minimum	Maximum	St. Dev
$\hat{\varepsilon}_i$	15.492	13.6	1.6	65	11.29

الشكل (٣-٢) يوضح المدرج التكرارى للخطأ العشوائى ($\hat{\varepsilon}_i$) للسيارات الملاكى



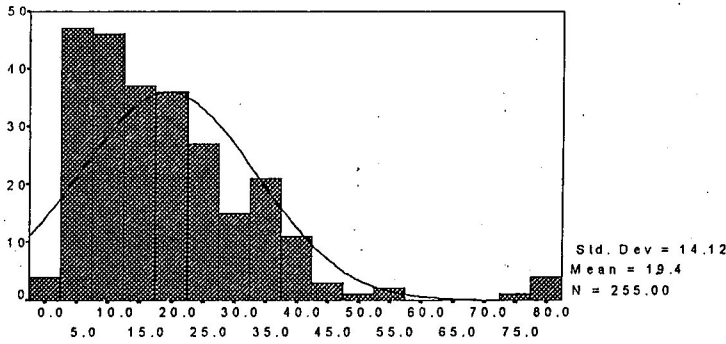
(٣) تحليل البيانات الخاصة بتكرار المطالبة ($\hat{Y}_{ij}$) للسيارات الملاكى :

عينة البحث تشتمل لدينا على بيانات تكرار حوادث السيارات في ٥١ مركز لفترة الدراسة المحددة بخمس سنوات مالية ، وسيتم إدماج بيانات تكرار حوادث السيارات للخمس سنوات في سنة واحدة يرمز لها بالرمز (j) . والجدول التالي يوضح المقاييس الإحصائية لكل مركز من المراكز موضع البحث :

جدول (٢-٣) المقاييس الإحصائية لتكرار المطالبة عن حوادث السيارات الملاكى

اسم المركز	المتوسط	أقل قيمة	أكبر قيمة	الانحراف المعياري	معامل الاختلاف
المنصورة	٤٥,٨	٢٣	٥٦	١٠,٦	٢٣,١٤
طلخا	٣٠,٦	٢٤	٣٥	٤,٢	١٣,٧٢
بلقاس	٣١	٢٠	٣٩	٨,١	٢٦,١٣
شربين	١٥,٦	١٤	١٨	١,٨	١١,٥٤
اجا	٢٣	١٩	٢٧	٧,٤	٣٢,١٧
ميت عمر	٢٧	٢٠	٤٨	١٠,٩,٦	٢٩٩,٢١
السنبلوين	٣٤,٨	٢٤	٤٥	٨٠,٣٢	٢٣٠,٨
دكرنس	٢٦,٨	١٨	٣٥	٤٣,٧٦	١٦٣,٢٨
منية النصر	١٨,٤	١٠	٢٨	٥٩,٨٤	٣٢٥,٢٢
المنزلة	٢٧	٢٠	٣٩	٤١,٢	١٥٢,٥٩
طنطا	٣٥,٦	٣٣	٤٠	٥,٨٤	١٦,٤
المحلة	٧٩	٧٣	٨٢	١٠	١٢,٦٥
كفر الزيات	٣٤	٢٥	٤٠	٢٥,٦	٧٥,٢٩
زفتى	٢٧,٨	١٦	٣٥	٦,٧٣	٢٤,٢
السنطة	١٩,٦	١٣	٢٧	٤,٥١	٢٣,٠١
نطور	١٨,٦	١١	٢٨	٦,٣٨	٣٤,٣
بسيون	١٨	١٦	٢٢	٦,١٩	١٢,١٦
سمنود	١٣,٦	٩	١٩	٣,٦٦	٢٣,٤٧
دسوقي	٣,٤	٢	٦	١,٨٨	٤٣,٥٩
الرياض	١٥,٤	٥	٢٧	٧,٣٤	٤٧,٦٦
سيدى سالم	١٢,٦	١٠	١٤	١,٤٨	١١,٧٤
كفر الشيخ	٥,٨	٤	٩	١,٧٢	٢٩,٦٥
بيلا	٥,٤	٣	٩	٢,٥٥	٣٧,٤٦
قلين	٣	٢	٥	١,٠٩	٣٦,٣٣
بلطيم	٥,٨	٤	٩	١,٩٢	٣٣,١
مطويس	٦,٦	٦	٨	٠,٨	١٢,١٣
الحامول	٥,٨	٤	٧	١,١٨	٠,٣٤
فوه	٥	٤	٦	٠,٦٣	١٢,٦
شبين الكوم	٢٩	٢٤	٣٦	٤,٨٢	١٦,٦٢
فويسا	١٦,٦	١٤	٢٠	٢,٤٩	١٥
الباжور	٢٢,٤	١٧	٢٨	٤,٢٣	١٨,٨٨
سرس الليان	٥,٨	٣	٨	١,٧	٢٩,٣١
منوف	٢٩	٢٤	٣٣	٣,٢٢	١١,١
اشمون	٣٩	٣٠	٤٠	٢,٨٥	١٠,٦٩
الشهداء	٢١,٨	١٨	٢٥	٢,٤٧	١١,٣٣
تلا	٢٢	١٧	٢٥	٢,٨٣	١٢,٨٦
بركة السبع	٧,٤	٤	١٥	٤,٣	٥٨,١
دمهور	٢٩,٨	٢٠	٣٥	٥,٣١	١٧,٨١
ابو المطامير	١٤,٦	١١	١٨	٢,٤٢	١٦,٥٧
ابو حمص	٨,٦	٧	١١	١,٤٣	١٥,٥٨
الدلتا	١٦,٦	١٢	٢٠	٢,٧٨	١٦,٧٤
المصوبية	٩,٨	٨	١٢	٠,٨٨	٨,٩
انتاي البارود	١٨,٢	١٧	٢٠	١,١٧	٦,٤٢
حوش عيس	٨,٨	٧	١٠	١,١٨	١٣,٤
رشيد	١٨,٨	١٢	٢٣	٣,٤٤	١٨,٢٩
شبراخيت	٩	٦	١٢	٢,٥٣	٢٨,١١
كفر الدوار	١٦,٤	١٢	٢٠	٢,٧٣	١٦,٦٤
كوم حمادة	١١,٨	١٠	١٥	١,٩٣	١٩,٣٥
وادي النطرون	٩,٨	٧	١٢	١,٧	١٧,٣٤
الرحمانية	٧,٤	٥	١٠	١,٧٤	٢٣,٥١
ادكو	١٣	١٠	١٦	٢	١٥,٣٨

من الجدول السابق نلاحظ أن أعلى متوسط لتكرار المطالبة عن حوادث السيارات الملاكي في مركز المحلة بمتوسط (٧٩) تليها المنصورة بمتوسط (٤٥,٨) ويرجع ارتفاع متوسط تكرار الحوادث في تلك المراكز إلى ارتفاع كثافة مرور السيارات (D_i) على الطرق الترابية والمرصوفة حيث أن كثافة مرور السيارات على طرق المحلة (٦٢,٦) وعلى طرق المنصورة (٥٤,٤) ، وهذا يوضح سبب ارتفاع تكرار حوادث مركز المحلة عن مركز المنصورة . مقياس الانحراف المعياري يوضح مدى تشتت أو انحراف القيم الأصلية عن وسطها الحسابي ، ونلاحظ من الجدول السابق أن الانحراف المعياري مرتفع في كل من ميت غمر (١٠٩,٦) ، السنبلون (٨٠,٣٢) ، منية النصر (٥٩,٨٤) ، دكرنس (٤٣,٥٦) ، المنزلة (٤١,٢) ، ونستنتج من هذا أن القيم الأصلية لهذه المراكز غير متركزة أو منحرفة عن وسطها الحسابي ، بينما في كل من مركزي مطوبس (٠,٨٠) ، المحمودية (٠,٨٨) نلاحظ إنخفاض الانحراف المعياري لقيمهم الأصلية عن متوسطاتهم ، وهذا يرجع إلى أن هناك تجانس وتقارب بين القيم الفعلية لتكرار المطالبة. والشكل التالي يوضح المدرج التكراري لتكرار المطالبة عن حوادث السيارات الملاكي لجميع المراكز :



(٤) تقرير معلمات النموذج *Estimation of Model*

لتطبيق نموذج بيز *Bayes model* يجب تقدير معلمات النموذج ، وبإدخال بيانات العينة على الكمبيوتر ومن خلال استخدام برنامج SPSS الإحصائي تم الحصول على نتائج الانحدار *parameters of or Regression* للسيارات الملاكي والتي يوضحها الجدول التالي :

جدول (٤-٢) معلمات النموذج في المراكز موضع الدراسة للسيارات الملاكي

نوع السيارة	b_0	b_1	$se(b_1)$	$b_1 / se(b_1)$	σ^2	R^2
الملاكي	1.37	.123	.007	17.571	1.91	.542

نستنتج من نتائج الجدول السابق أن قيم $[R^2]$ ، $[b_1 / se(b_1)]$ تشير إلى مدى تأثير متغير الكثافة المرورية (D_i) على تكرار المطالبة لحوادث السيارات الملاكي ، حيث انه كلما ازدادت حركة مرور السيارات على الطرق زادت معدلات الحوادث لزيادة درجة الخطورة التي تتعرض لها السيارة من السيارات الأخرى.

(٥) (التقرير البعري) Posterior Estimates لتكرار (المطالبات)

نلاحظ أن متوسط التوزيع البعدي μ_i يمثل الوسط المرجح لمتوسط التوزيع القبلي (XB_i) (prior mean) ومتوسط العينة Y_i Sample mean حيث أن كل متوسط مرجح بمقلوب التباين الخاص به ، أي أن :

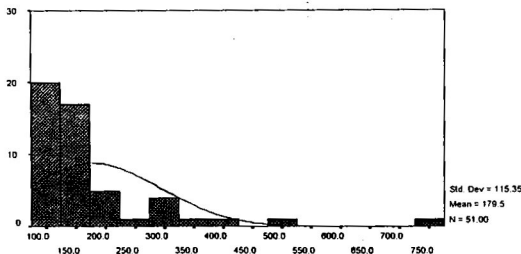
$$\mu_i = Z_i Y_i + (1 - Z_i) XB_i$$

ولقد تم استخدام ($\bar{H}_i$) بدلا من (H_i) في الدوال ($\frac{\tau^2}{H_i}$) و (Z_i) ، ولقد تم حساب

الدالة ($\bar{H}_i$) لمنطقة الدراسة ، فوجد أنها تعادل ٤١,٨ .

وسوف نستخدم المتوسط البعدي (μ_i) كتقدير للخسائر لكل مؤمن له في كل مركز ، وهذا المتوسط سوف يستخدم كقاعدة لمجموعة المراكز داخل الأحزمة (القطاعات) التأمينية ، والشكل (٥-٢) فيما يلي يوضح التمثيل البياني للمدرج التكراري لمتوسط التوزيع البعدي (μ_i) للسيارات الملاكي .

الشكل (٥-٢) المدرج التكراري للمتوسط البعدي (μ_i) للسيارات الملاكي



كما أن الجدول (٥-٢) فيما يلي يظهر نتائج متوسط التوزيع البعدي (μ_i) للسيارات الملاكي والترتيب التصاعدي لمراكز الدراسة حسب قيم المتوسط .

جدول (٢-٥) ويوضح نتائج المتوسط البعدي (μ_i) للسيارات الملاكي

مسلسل	اسم المركز	ترتيب المتوسط μ_i	قيم المتوسط μ_i	الكثافة المروية (سيارة/كم) في المركز μ_i
١	وادي النطرون	١	٨٨,٣٤	٠,٦٣
٢	الحامول	٢	٨٨,٧٦	٥,٤٧
٣	قليين	٣	٩٠,١٥	٥,٦٣
٤	سرس الليان	٤	٩٤,٢٥	١٠,٤
٥	بلطيم	٥	٩٦,٠٤	٢,٣
٦	الرحمانية	٦	٩٦,٢٤	٣,٨٧
٧	شبراخيت	٧	٩٦,٨٤	٥,٦
٨	رشيد	٨	١٠٦,١٧	١,١١
٩	أبو حمص	٩	١٠٦,١٨	١٠,٧
١٠	مطوبس	١٠	١٠٨,٥١	٩,٩١
١١	بيلا	١١	١٠٨,٦٩	٥,٤٣
١٢	المحمودية	١٢	١٠٩,٥٦	٦,٦١
١٣	ادكو	١٣	١١١,٤٢	٧,٧١
١٤	حوش عيسى	١٤	١١٢,٨	٨,٨١
١٥	فوه	١٥	١١٢,٨٤	١٠,٣
١٦	شربين	١٦	١١٨,٥٨	٣,٩
١٧	دسوق	١٧	١١٩,٠٩	١٩,٢
١٨	منية النصر	١٨	١٢١,١٧	١٢,٦٧
١٩	الرياض	١٩	١٢٢,٦	١٣,٨
٢٠	منوف	٢٠	١٢٢,٩٤	١,١٧
٢١	بركة السبع	٢١	١٢٥,٧٩	٣٢,٢
٢٢	أبو المطامير	٢٢	١٢٧,٤٨	١١,٥
٢٣	سيدي سالم	٢٣	١٢٧,٧٦	١٤,٩
٢٤	كفر الدوار	٢٤	١٢٨,٩٥	٨,٥٧
٢٥	دكرنس	٢٥	١٣٧,٢٢	٢٢,٥
٢٦	أجا	٢٦	١٣٩,٣٢	٢٣,٦
٢٧	كفر الشيخ	٢٧	١٤٤,٥٩	١٣,٦٧
٢٨	الدلتا	٢٨	١٤٩,٩٩	١٩,٧
٢٩	المنزلة	٢٩	١٥١,٣١	١٨,٢
٣٠	الشهداء	٣٠	١٥٤,٣٢	١٥,٢
٣١	إتياي البارود	٣١	١٥٤,٦٢	٢٠,٣
٣٢	بسيون	٣٢	١٦٤,٧٤	١٤,٩٧
٣٣	فويسنا	٣٣	١٧٢,٤٦	١١,٨
٣٤	بلقاس	٣٤	١٧٣,١٣	٢٤,٦
٣٥	الباجور	٣٥	١٧٤,٠٧	١٨
٣٦	سمنود	٣٦	١٧٤,٣٤	١٧,٧٥
٣٧	شبين الكوم	٣٧	١٧٤,٦٤	٣٢,١
٣٨	السنطة	٣٨	١٩١,٩٣	٢١,٩١
٣٩	كوم حمادة	٣٩	٢٠٦,٥٦	٥١
٤٠	أشمون	٤٠	٢١١,٨٣	٧١,٦
٤١	سطور	٤١	٢٢٢,٧٩	١٧,١٨
٤٢	دمنهور	٤٢	٢٢٤,٤٣	٢٨
٤٣	السنبلاوين	٤٣	٢٣٥,٦٣	٣٣,٦
٤٤	طلخا	٤٤	٢٧٥,٨٢	٢٩,٩
٤٥	كفر الزيات	٤٥	٢٨٧,٧٨	٢٣,٥٥
٤٦	تلا	٤٦	٣٠٥,١٨	٥٥
٤٧	زفتى	٤٧	٣٢٠,١٩	٢٦,٧
٤٨	ميت عمر	٤٨	٣٤٨,٥٣	٣٦,٥
٤٩	طنطا	٤٩	٤٠٤,٢١	٥٨,٦
٥٠	المحلة	٥٠	٤٨٥,٨٩	٦٢,٦
٥١	المنصورة	٥١	٧٢٦,٣٦	٥٤,٤

ومن الشكل والجدول السابقين ، يمكن تقسيم مجموعة المراكز داخل عدد من الأقاليم وسوف نستخدم قاعدة تصنيف *Clustering Criteria* ، بحيث يتم حساب متوسط الخسارة المتوقعة (μ_i) لكل مركز ، وهذا المتوسط كتقدير للخسائر الخاصة بكل مؤمن له في كل مركز ، وهذا المؤشر يكون أساس تقسيم مجموعة المراكز داخل عدد معقول من الأقاليم المتجانسة .

وعند تسعير التأمين الشامل للسيارات يكون الهدف هو جمع المراكز التي لها خسائر متقاربة في حزام تأميني واحد . وتصنيف المركز داخل الإقليم يعني أن يتم ترتيب المراكز أولاً على أساس قيم خسائرها المتوقعة (μ_i) ، ثم يتم تحديد حدود الخسارة المتوقعة ، ويتم توزيع المراكز داخل كل حزام تأميني على أساس هذه الحدود ، حيث أن كل مركز داخل القطاع يتشابه في خسارته مع المراكز الأخرى لنفس القطاع .

ومن خلال برنامج SPSS تم استنتاج المقاييس الإحصائية للمؤشر (μ_i) للسيارات الملاكية وكذلك الحد الأعلى والأدنى لكل إقليم من الأقاليم المقترحة . والجدول (٦-٢) التالي يبين المقاييس الإحصائية للمؤشر (μ_i) للسيارات الملاكية وحدود تقسيم المراكز إلى أقاليم :

جدول (٦-٢)

المقاييس الإحصائية للمؤشر (μ_i)

Minimum	88.34
Maximum	726.36
Mean	179.4712
Std. Deviation	115.3485
Percentiles	
25	112.8
50	139.32
75	206.56

ومن هنا أمكن تقسيم المراكز الجغرافية موضع الدراسة إلى أربعة أقاليم تأمينية متجانسة من حيث درجة خطر حوادث السيارات ، حيث :

الإقليم الأول يضم المراكز التي تكون قيمة $\mu_i \geq 112.8$.

الإقليم الثاني يضم المراكز التي تكون قيمة $112.8 > \mu_i \geq 139.32$.

الإقليم الثالث يضم المراكز التي تكون قيمة $139.32 > \mu_i \geq 206.56$.

الإقليم الرابع يضم المراكز التي تكون قيمة $\mu_i \leq 206.56$.

(ثالثاً): خلاصة البحث

يمكن تلخيص نتائج وتوصيات البحث في النقاط التالية :-

(١) تختلف درجة خطر حوادث السيارات وفقاً لمجموعة من العوامل ، فنجد من تلك العوامل ما يتعلق بقائد السيارة ، ومنها ما يتعلق بالسيارة نفسها ، ومنها ما يتعلق بالمكان (المنطقة الجغرافية) الذي تتواجد فيه السيارة موضع الخطر . وتختلف درجة الخطر من منطقة جغرافية لأخرى حسب طبيعة المنطقة (صناعية ، زراعية ، تجارية)، وأيضاً حسب الكثافة السكانية وكذلك وفقاً لطبيعة الطرق (مرصوفة ، ترابية، تحت الإنشاء) في تلك المناطق .

(٢) تختلف درجة خطر حوادث السيارات من قسم إلى آخر داخل المنطقة الجغرافية الواحدة، وهذا المتغير لم يؤخذ في الاعتبار عند تقييم درجة الخطر وبالتالي عند تسعير تأمين السيارات في جمهورية مصر العربية ، رغم أن عوامل درجة الخطر تختلف من قسم إلى آخر داخل المنطقة الجغرافية الواحدة .

(٣) يوجد من النماذج الإحصائية التي يمكن من خلالها التقدير الكمي لدرجة خطر حوادث السيارات بالمنطقة الجغرافية وفقاً للتقسيم الداخلي لها ، حيث يمكن تقسيم المناطق الجغرافية داخلياً إلى مناطق تأمينية حسب درجة الخطر بكل مركز والتي تتوقف على القيمة المتوقعة الشرطية للخسائر في كل مركز من مراكز الدراسة عن طريق معرفة متوسط الخسارة المتوقعة لكل مركز على حدة ، ثم تقسيم مراكز الدراسة إلى عدد من القطاعات (أو الأحزمة) التأمينية حسب درجة الخطر .

(٤) لقد أمكن تطبيق أحد النماذج الكمية (التي تعتمد على الإنحدار البيزي) في تقدير درجة الخطر من حوادث السيارات حسب التقسيم الداخلي للمنطقة الجغرافية ، حيث يقوم هذا النموذج على أساس استخدام المتوسط البعدي لتوزيع تكرار المطالبة (μ_i) وهو يمثل الوسط المرجح لمتوسط التوزيع القبلي XB_i ومتوسط العينة Y_i ، وهذا المتوسط يستخدم كقاعدة لمجموعة المراكز داخل الأحزمة (القطاعات) التأمينية ، ويتم تقدير قيم المتوسط μ_i ثم ترتيبها تصاعدياً ليسهل تقسيمها إلى أقاليم ، بحيث أن كل إقليم يضم مجموعة من المراكز التي تتشابه درجة الخطر فيها بغض النظر عن الترتيب الجغرافي لكل مركز .

ولقد أمكن تطبيق نموذج بيبز عمليا على منطقة بحري من جمهورية مصر العربية ، وأمكن تقسيم مجموعة المراكز داخل عدد من الأقاليم على أساس قاعدة العينات العنقودية ، بحيث يتم حساب متوسط الخسارة المتوقعة μ_i لكل مركز ، وهذا المتوسط يمكن اعتباره كتقدير للخسائر الخاصة بكل مؤمن له في كل مركز، وهذا المؤشر يكون أساس تقسيم مجموعة المراكز داخل عدد معقول من الأقاليم المتجانسة .

وعند تسعير تأمين السيارات يكون الهدف هو جمع المراكز التي لها خسائر متقاربة في حزام تأميني واحد . وعنقودية المركز داخل الإقليم تعني أن يتم ترتيب المراكز أولا على أساس قيم خسائرها المتوقعة μ_i ، ثم يتم تحديد حدود الخسارة المتوقعة ، ويتم توزيع المراكز داخل كل حزام تأميني على أساس هذه الحدود ، حيث أن كل مركز داخل القطاع يتشابه في خسارته مع المراكز الأخرى لنفس القطاع .

ومن هنا أمكن تقسيم المراكز الجغرافية موضع الدراسة إلى أربعة قطاعات تأمينية متجانسة من حيث درجة خطر حوادث السيارات وهي :

- ١- قطاع منخفض الخطورة .
- ٢- قطاع متوسط الخطورة .
- ٣- قطاع خطر .
- ٤- قطاع مرتفع الخطورة .

ومن ثم يتم تجميع المراكز التي تتقارب فيها قيمة الخسارة المتوقعة معا ويتم توزيعها على القطاعات السابقة ، وذلك حسب درجة الخطر، حيث :

$$\begin{aligned} & \text{القطاع الأول يضم المراكز التي تكون قيمة } \mu_i \geq 112,8 \\ & \text{القطاع الثاني يضم المراكز التي تكون قيمة } \mu_i \geq 139,32 \\ & \text{القطاع الثالث يضم المراكز التي تكون قيمة } \mu_i \geq 206,06 \\ & \text{القطاع الرابع يضم المراكز التي تكون قيمة } \mu_i \geq 206,06 \end{aligned}$$

٥) على هذا الأساس الكمي والموضوعي المستخدم في هذا البحث يمكن وضع خريطة بها قطاعات تأمينية مختلفة على مستوى الجمهورية حسب درجة الخطر ، بحيث تكون الأساس العملي في تسعير التأمين على السيارات ، حيث تستخدم تلك الخريطة في تحديد أسعار تأمينية لكل قطاع (أو لكل حزام تأميني) على أساس معدل ودرجة الخسارة المتوقعة لكل قطاع .

مراجع البحث

١. الاتحاد المصري للتأمين ، شعبة السيارات ، النظم والتعريف الخاصة بالتأمين التكميلي على السيارات - يناير ١٩٩٤ م .
2. DuMouchel, W. and Harris, J. "Bayes and Empirical Bayes Methods for Combining Cancer Experiments in Man and Other Species " .M.I.T. Technical Report No .24,February 1981.
3. Hoeting, J.A.,Raftery, A.E., Madigan, D. and Volinsky,C., "Bayesian Model Averaging A Tutorial " , Journal of Statistical Science, Vol.14, p4,1999.
4. Derrig ,R "price Regulation in U.S. Automobile Insurance : A Case Study of Massachusetts Private Passengers Automobile Insurance" 1978 - 1990, Geneva Paper Risk and Insurance 1993 .
5. Peters S. " Territories For Automobile Insurance in Massachusetts, Recommendation Persented at the Division of Territories", Journal of Risk and Insurance Vol. 47,p 625- 642,1981 .
6. Raftery , A.E., Madigan, D., and Hoeting, J. A., " Bayesian Model Averaging for Linear Regression Models " , Journal of the American Statistical Association, Vol. 92, P 179 -191, 1997 .
٧. مديرية الطرق والنقل ، مركز المعلومات ودعم اتخاذ القرار ، إدارة الإحصاء - بيانات عن الطوق الإقليمية بمحافظات منطقة البحث ١٩٩٣ - ١٩٩٧
٨. قوانين التأمين الإجبارى من المسؤولية المدنية الناشئة عن حوادث السيارات . القانون رقم ٤٤٩ لسنة ١٩٥٥ بشأن السيارات وقواعد المرور ، القانون رقم ٦٥٢ لسنة ١٩٥٥ بشأن التأمين الإجبارى من المسؤولية القانونية الناشئة عن حوادث السيارات.
9. Daviot O., Cummins, D., and Derrig, R., " Fuzzy trend in property insurance claim costs , Journal of risk and insurance, Vol., 60, No 3, p 429-465 ,1993.
10. Raiffa, H. and Schlaifer, R. "Applid Statistical Decision Theory", Student Edition. Cambridge : The M.I.T. Press, 1968.
11. Hoel , p., port, S., and stone, C. " Introduction to statistical Theory". Boston: Houghton Mifflin company , 1971.
١٢. سيد، شوقي سيف النصر، تسعير التأمين التكميلي للسيارات فى سوق تأمين ج.م.ع. ، رسالة دكتوراه غير منشورة ، كلية التجارة - جامعة القاهرة - ١٩٧٧ .
١٣. الهيئة المصرية للإشراف والرقابة على التأمين ، الكتاب السنوى عن نشاط سوق التأمين فى ج.م.ع. ، أعداد مختلفة .

(ملحق البحث)

ملحق (١) نتائج المتوسط المرجح Y_{ij} : حيث $Y_{ij} = \sum_{j=1}^5 m_j Y_j / \sum_{j=1}^5 m_j$

المركز	Y_{ij}	المركز	Y_{ij}	المركز	Y_{ij}
المنصورة	٤٦	سمنود	١٤	الشهداء	٢٢
طلخا	٣١	دسوق	٤	تلا	٢٢
بلقاس	٣١	الرياض	١٤	بركة السبع	٧
شربين	١٥	سيدى سالم	١٣	دمنهوور	٣٠
أجا	٢٣	كفر الشيخ	٦	أبو المطامير	١٥
ميت غمر	٣٨	بيلا	٥	أبو حمص	٨
السنبلاوين	٣٥	قلين	٣	الدلنجات	١٧
دكرنس	٢٧	بلطيم	٦	المحمودية	١٠
منية النصر	٢٠	مطوبس	٧	أتياى البارود	١٨
المنزلة	٢٧	الحامول	٦	حوش عيسى	٩
طنطا	٣٦	فوة	٥	رشيد	١٩
المحلة	٧٩	شبين الكوم	٢٩	شبراخيت	٩
كفر الزيات	٣٤	قويسنا	١٧	كفر الدوار	١٧
زفتى	٢٨	الباجور	٢٣	كوم حماد	١٢
السنتة	٢٠	سرس الليان	٦	وادي النظرون	١٠
قطور	٢٠	منوف	٢٩	الرحمانية	٨
بسيون	١٨	أشمون	٣٦	إدكو	١٣

ملحق (٢) قيمة المعلمة H_{ij} (مجمع لخمس سنوات) كمقام لتباين الخطأ العشوائى

اسم المركز	H_{ij}	اسم المركز	H_{ij}	اسم المركز	H_{ij}	اسم المركز	H_{ij}
المنصورة	٨,٨	زفتى	٥,٢	الحامول	١٢,٧	أبو حمص	٩,٨
طلخا	٩,٨	السنتة	٦,٧	فوة	١٥,٠	الدلنجات	٥,٢
بلقاس	٨,٠	قطور	٥,٠	شبين الكوم	٥,٥	المحمودية	٧,١
شربين	١١,٧	بسيون	٦,٨	قويسنا	٦,٤	أتياى البارود	٦,٠
أجا	١٠,٧	سمنود	٦,٧	الباجور	٥,٧	حوش عيسى	٩,٦
ميت غمر	٥,١	دسوق	١٦,٥	سرس الليان	١١,٨	رشيد	٥,٠
السنبلاوين	٦,٠	الرياض	٤,٤	منوف	٦,٤	شبراخيت	٨,٤
دكرنس	٥,٥	سيدى سالم	٦,٠	أشمون	٤,٩	كفر الدوار	٥,٤
منية النصر	٥,٨	كفر الشيخ	١١,٠	الشهداء	٥,٤	كوم حماد	٧,٨
المنزلة	٨,٣	بيلا	١٧,٨	تلا	٤,٩	وادي النظرون	٦,٨
طنطا	٥,٦	قلين	١٨,٠	بركة السبع	١٥,١	الرحمانية	٩,٣
المحلة	٣,١	بلطيم	١٢,٣	دمنهوور	٤,٤	إدكو	٦,٢
كفر الزيات	١٢,٦	مطوبس	١٠,٣	أبو المطامير	٥,٥		

ملحق (٣) قيمة المعلمة H_i كمقام لتباين الخطأ العشوائي

H_i					اسم المركز
١٩٩٧	١٩٩٦	١٩٩٥	١٩٩٤	١٩٩٣	
١,٨٤	١,٨٠	١,٨٠	١,٧٤	١,٥٦	المنصورة
٢,١٢	٢,٠٥	١,٩٩	١,٩٢	١,٧٩	طلخا
١,٦٩	١,٦٦	١,٥٩	١,٥٣	١,٤٣	بلقاس
٢,٥٢	٢,٣٩	٢,٣٣	٢,١٣	١,٩٤	شربين
٢,٣٣	٢,٢٤	٢,١١	٢,٠٣	١,٩٠	أجا
١,١٤	١,٠٩	١,٠٤	٠,٩٨	٠,٩٣	ميت غمر
١,٢٧	١,٢٥	١,٢٢	١,١٣	١,٠٨	السنبلاوين
١,٢٤	١,١٦	١,٠٩	٠,٩٨	٠,٩١	دكرنس
١,٤٧	١,٣٧	١,٢٧	١,٠٢	٠,٧٦	منية النصر
١,٧٧	١,٧٤	١,٦٦	١,٦٢	١,٤٨	المنزلة
١,٢٦	١,٢٠	١,١٢	١,٠٦	١,٠١	طنطا
١,١٣	١,١١	١,٠٩	١,٠٦	١,٠٤	المحلة
١,٣١	١,٢٥	١,١٦	١,١١	١,٠٥	كفر الزيات
١,١٦	١,١٣	١,٠٢	٠,٩٥	٠,٨٨	زفتى
١,٥٦	١,٤٩	١,٣٤	١,١٩	١,١٠	السنطة
١,٢٣	١,١٧	١,٠٢	٠,٩٢	٠,٧٧	قطور
١,٦٥	١,٤٨	١,٣٢	١,١٢	١,٠٤	بسيون
١,٦٣	١,٥٦	١,٣٤	١,١٣	٠,٩٩	سمنود
٤,٢٧	٣,٧٠	٣,٧٠	٢,٨٤	٤,٢٧	دسوق
١,١٥	٠,٩٧	٠,٨٥	٠,٨٥	٠,٧٣	الرياض
١,٣٤	١,٢٦	١,٢٦	١,١٨	١,١٠	سيدى سالم
٢,٦٥	٢,٤٨	٢,١٥	١,٩٨	١,٦٥	كفر الشيخ
٤,٤٢	٤,٠٤	٣,٤٦	٢,٦٩	٢,٥٠	بيلا
٤,١٣	٤,١٣	٣,٧٨	٣,٤٤	٣,١٠	قلين
٣,١٣	٢,٧٨	٢,٧٨	٢,٢٦	١,٩١	بلطيم
٢,٧١	٢,٤١	٢,١٠	١,٩٥	١,٦٥	مطويس
٣,١٢	٢,٧٨	٢,٧٨	٢,٦٠	١,٩١	الحامول
٢,٣٩	٣,١٩	٣,١٩	٢,٧٩	٢,٣٩	قوة
١,١٩	١,١٣	١,١٣	١,٠٦	٠,٩٦	شبين الكوم
١,٤٩	١,٣٧	١,٣١	١,٢٥	١,٠٧	فويسنا
١,٢٧	١,٢٣	١,١٩	١,١٠	٠,٩٧	الباжور
٢,٩٩	٢,٨٢	٢,٦٥	١,٩٩	١,٣٣	سررس الليان
١,٣٨	١,٣٤	١,٣١	١,٢٤	١,١٤	منوف
١,٠٨	١,٠٢	٠,٩٩	٠,٩٤	٠,٨٨	اشمون
١,٢٣	١,١٤	١,٠٩	١,٠٠	٠,٩١	الشهداء
١,١٢	١,٠٣	٠,٩٩	٠,٩٠	٠,٨١	تلا
٣,٤١	٣,١٣	٣,١٣	٢,٨٤	٢,٥٦	بركة السبع
١,٠٢	٠,٩٢	٠,٨٥	٠,٧٩	٠,٧٢	دمنهو
١,٣٤	١,٢٠	١,١٤	١,٠٠	٠,٨٧	أبو المطامير
٢,١٣	٢,٠١	١,٨٩	١,٦٥	١,٥٤	أبو على
١,٢٩	١,١٢	١,٠٦	٠,٩٤	٠,٨٢	الدلتجات
١,٧٩	١,٦٠	١,٤٠	١,٢٠	١,١٠	المحمودية
١,٤٢	١,٣١	١,٣١	١,٢٠	١,٢٠	اتياى البارود
٢,٢٨	٢,١٦	١,٩٣	١,٧١	١,٧١	حوش عيسى
١,١٩	١,٠٨	٠,٩٨	٠,٨٨	٠,٧٧	رشيد
٢,٠٢	١,٨١	١,٥٦	١,٤٩	١,١٧	شبراخيت
١,٣١	١,١٩	١,٠٧	١,٠١	٠,٩٠	كفر الدوار
١,٩٠	١,٧٤	١,٥٧	١,٤١	١,١٦	كوم حماده
١,٦٧	١,٥٧	١,٣٨	١,١٨	٠,٨٩	والدى النطرون
٢,٤٥	٢,١٩	١,٩٣	١,٦٨	١,٢٩	الرحمانية
١,٥٠	١,٣٥	١,٢٠	١,٠٥	٠,٩٠	إدكو

ملحق (٤) إستنتاج المعلمة θ لمراكز الدراسة ، حيث : $\{ \theta = \sum_{j=1}^5 Y_{ij} / 5 \}$

المركز	θ	المركز	θ	المركز	θ
المنصورة	٤٥,٨	سمنود	١٣,٦	الشهداء	٢١,٨
طلخا	٣٠,٦	دسوق	٣,٤	تلا	٢٢,٠
بلقاس	٣١,٠	الرياض	١٥,٤	بركة السبع	٧,٤
شربين	١٥,٥	سيدي سالم	٢٨,٠	دمنهو	٢٩,٨
أجا	٢٣,٠	كفر الشيخ	٥,٨	أبو المطامير	١٤,٦
ميت غمر	٣٧,٠	ببلا	٥,٤	أبو حمص	٨,٦
السنبلاوين	٣٤,٨	قلين	٣,٠	الدلتجات	١٦,٦
دكرنس	٢٦,٨	بلطيم	٥,٨	المحمودية	٩,٨
منية النصر	١٨,٤	مطوبس	٦,٦	أتياي البارود	١٨,٢
المنزلة	٢٧,٠	الحامول	٥,٨	حوش عيسى	٨,٨
طنطا	٣٥,٦	فوة	٥,٠	رشيد	١٨,٨
المحلة	٧٩,٠	شبين الكوم	٢٩,٠	شبراخيت	٩,٠
كفر الزيات	٣٤,٠	قويسنا	١٦,٦	كفر الدوار	١٦,٤
زفتى	٢٧,٨	الهاجور	٢٢,٤	كوم حماد	١١,٨
السنطة	١٩,٦	سررس اللبان	٥,٨	وادي النظرون	٩,٨
قطور	١٨,٦	منوف	٢٩,٠	الرحمانية	٧,٤
بسيون	١٨,٠	أشمون	٣٦,٠	إدكو	٢٠,٤

ملحق (٥) تقدير المعلمة θ حيث $\{\hat{\theta} = b_0 + b_1 D_i\}$ حيث : $b_1 = 0.123$ ، $b_0 = 1.37$

المركز	θ	المركز	θ	المركز	θ
المنصورة	٨,٠٦٢	سمنود	٣,٥٥	الشهداء	٣,٢٤
طلخا	٥,٠٤٧٧	دسوق	٢,٩٣	تلا	٨,١٤
بلقاس	٤,٣٩٥٨	الرياض	١,٥١	بركة السبع	٢,٧٨
شربين	٣,٧٣١٦	سيدي سالم	٢,٤٢	دمنهو	٤,٨١
أجا	٤,٢٧٢٨	كفر الشيخ	٣,٠٥	أبو المطامير	٣,٢
ميت غمر	٥,٨٥٩٥	ببلا	٢,١٨	أبو حمص	٢,٥٩
السنبلاوين	٥,٥٠٢٨	قلين	٢,٠٦	الدلتجات	٣,٧٩
دكرنس	٤,١٤	بلطيم	١,٨٥	المحمودية	٢,٣٢
منية النصر	٣,٠٧	مطوبس	٢,٠٤	أتياي البارود	٣,٨٧
المنزلة	٣,٦١	الحامول	٢,٠٤	حوش عيسى	٢,٦٤
طنطا	٨,٥٨	فوة	١,٨٥	رشيد	٢,٦٩
المحلة	٩,٠٧	شبين الكوم	٥,٣٢	شبراخيت	١,٥١
كفر الزيات	٤,٢٧	قويسنا	٢,٨٢	كفر الدوار	٢,٦٥
زفتى	٤,٦٥	الهاجور	٣,٥٨	كوم حماد	٧,٦٤
السنطة	٤,٠٦	سررس اللبان	١,٦٥	وادي النظرون	١,٤٥
قطور	٣,٤٨	منوف	٣,٣٤	الرحمانية	٢,٠٦
بسيون	٣,٢١	أشمون	١٠,١٨	إدكو	٢,٤٥

ملحق (٦) إستنتاج المعلمة δ_i لمراكز الدراسة ، حيث : $\{\delta_i = \theta_i - \hat{\theta}_i\}$

δ_i	المركز	δ_i	المركز	δ_i	المركز
١٨,٦	١ ث اء	١٠,٠	د	٣٧,٧	١
١٣,٩	تلا	٠,٥	د	٢٥,٥٥	طلخا
٤,٦	بركة ا	١٣,٩	الرياض	٢٦,٦	بلقا
٢٥,٠	د ر	٢٥,٦	سيدى سا	١١,٨	شربين
١١,٤	ابو المطامير	٢,٧٥	كفر ا	١٨,٧	ميت غمر
٤,٠	بو حمص	٣,٢	بيلا	٣١,١	دكرنس
١٢,٨	الدلنجات	٠,٩٤	قلين	٢٩,٣	منية النصر
٧,٥	المحمودية	٤,٠	د	٢٢,٧	المنزله
١٤,٣	آتياء البارود	٤,٥٦	بس	١٥,٣٣	المحله
٦,٢	حوش	٣,٧٦	الحامول	٢٣,٩٤	الزريات
١٦,١	رشيد	٣,٢	د	٢٧,٠	بسيون
٧,٥	اخيت	٢٣,٧	شبين الكو	٦٩,٩٣	
١٣,٨	كفر الدوار	١٣,٨	قويسنا	٢٩,٧	
٤,٢	كو حماد	١٨,٨	الباجور	٢٣,١	
٨,٣	وادي النظرون	٤,١	سرس الليان	١٥,٥٤	
٥,٣٤	الرحمانية	٢٣,٧	منوف	١٥,١	
١٧,٩	كو	٢٥,٨	شمنون	١٤,٨	

$$\left\{ \tau^2 = \frac{\sum_i \sum_j H_{ij} Y_{ij} - Y_i}{4n} \right\} \quad (٧) \text{ بقدر المعلمة } \tau^2 \text{ حيث}$$

τ^2	المركز	τ^2	المركز	τ^2	المركز
٠,٨	الشهداء	١,٨	سمنود	٩,٨	المنصورة
٠,٩٦	تلا	١,٠٥	د	٣,٤	طلخا
٦,٨	بركة ا	٥,٤	الرياض	١٠,٣	س
٤,١	دمنهو	٠,٤	سيدى سا	٠,٩	شربين
٠,٨	أبو المطامير	٠,٨	كفر ا	٢,٤	أجا
٠,٥	أبو حمص	١,٩	بيلا	١٣,٨	ميت غمر
١,٠٧	الدلنجات	٠,٥	قلين	١١,٩	السنبلاوين
٠,٣	المحمودية	١,١	د	٥,٩	دكرنس
٠,٢٤	آتياء البارود	٠,٢	مطويس	٥,٧	منية النصر
٠,٣	حوش	٠,٤	الحامول	٨,٤	المنزله
١,٩	رشيد	٠,١٥	فوة	٠,٨	المحله
١,٣	شبراخيت	٣,١	شبين الكو	٠	كفر الزيات
١,٠٣	كفر الدوار	١,٠	قويسنا	٧,٩	زفتى
٠,٧	كو حماد	٢,٥	الباجور	٥,٨	السنطة
٠,٥	وادي النظرون	٠,٩	سرس الليان	٢,٠٤	ر
٠,٧٨	الرحمانية	١,٦	منوف	٥,٢	بسيون
٠,٦٢	إدكو	١,٨	أشمنون	٠,٨	

ملحق (٨) إستنتاج المعلمة Z_i لمراكز الدراسة ، حيث :

$$Z_i = \frac{\sigma^2}{\sigma^2 + \tau^2} \cdot \frac{\bar{H}}{\bar{H}}$$

المركز	Z_i	المركز	Z_i	المركز	Z_i
المنصورة	٠,٨٩	سمنود	٠,٩٨	الشهداء	٠,٩٩
طلخا	٠,٩٦	دسوق	٠,٩٨	تلا	٠,٩٩
بلقاس	٠,٨٨	الرياض	٠,٩٤	بركة السبع	٠,٩٢
شربين	٠,٩٩	سيدي سالم	٠,٩٩	دمنهو	٠,٩٥
أجا	٠,٩٧	كفر الشيخ	٠,٩٩	أبو المطامير	٠,٩٩
ميت غمر	٠,٧٩	ببلا	٠,٩٧	أبو حمص	٠,٩٩
السنبلوين	٠,٨٧	قليق	٠,٩٩	الدلنجات	٠,٩٨
دكرنس	٠,٩٣	بلطيم	٠,٩٨	المحمودية	٠,٩٩
منية النصر	٠,٩٣	مطويس	٠,٩٩	أتياى البارود	٠,٩٩
المنزلة	٠,٩١	الحامول	٠,٩٩	حوش عيسى	٠,٩٩
طنطا	٠,٩٩	فوة	٠,٩٩	رشيد	٠,٩٧
المحلة	٠,٩٩	شبين الكوم	٠,٩٦	شبراخيت	٠,٩٨
كفر الزيات	٠,٩١	قويسنا	٠,٩٩	كفر الدوار	٠,٩٩
زفتى	٠,٩٣	الباچور	٠,٩٧	كوم حماد	٠,٩٩
السنطة	٠,٩٧	سرس اللبان	٠,٩٩	وادي النظرون	٠,٩٩
قطور	٠,٩٤	منوف	٠,٩٨	الرحمانية	٠,٩٩
بسيون	٠,٩٩	أشمون	٠,٩٨	إدكو	٠,٩٩