

**فاعلية نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم  
التفاعلية وتأثيرها على تحسين مخرجات التعلم المعرفية  
وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي  
في حل المشكلات اللغوية**

**The Effect of 9E Learning Cycle Model using Interactive Learning  
Media on Improving the Cognitive Learning Outcomes and  
secondary school Students' Mathematical Representation  
Ability in solving verbally Problems**

إعداد

د. مروة نبيل عبد النبي الاحول  
مدرس المناهج وطرق تدريس الرياضيات  
كلية التربية - جامعة طنطا

[marwa\\_nabeel@edu.tanta.edu.eg](mailto:marwa_nabeel@edu.tanta.edu.eg)

**مستخلص البحث:**

في عصر التطور السريع للتكنولوجيا، تزايد بشكل متواز بلا انقطاع مساهمة استخدام المواد التعليمية المدعومة بالوسائل المتعددة في تعليم الرياضيات. إذا فقد هدف البحث الحالي إلى التعرف على فاعلية نموذج دورة التعلم E<sup>9</sup> باستخدام وسائل التعلم القاعدية وتأثيرها على تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية، وللوصول لهدف البحث والإجابة عن أسئلته والتحقق من صحة فرضه، تم اتباع إجراءات البحث واستخداممنهج شبه التجاريبي نظام المجموعتين، وتمثلت أدوات البحث في اختبار مخرجات التعلم المعرفية واختبار القراءة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية من إعداد الباحثة، كما تم اختيار عينة البحث من مدرسة شعيب فتحى عطية الثانوية بمحلة منوف بإدارة شرق طنطا التعليمية للعام الدراسي (٢٠٢٢ / ٢٠٢٣ م)، وتكونت عينة البحث من (٤٣ طالب)، تم تقسيمهما لمجموعتين إحداهما تجريبية قوامها (٢٣)، والأخرى ضابطة وقوامها (٢٠) طالب. وأسفرت نتائج البحث عن فاعلية تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم القاعدية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية والقدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية لدى طلاب المجموعة التجريبية بالمرحلة الثانوية مقارنة بالطريقة التقليدية، بالإضافة لوجود علاقة ارتباطية دالة موجبة بين مخرجات التعلم المعرفية والقدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية لدى طلاب المجموعة التجريبية.

**الكلمات المفتاحية:** دورة التعلم 9E، وسائل التعلم القاعدية، مخرجات التعلم المعرفية، التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية، طلاب المرحلة الثانوية.

**Abstract:**

This research aimed to investigate the effectiveness of 9E Learning Cycle Model using Interactive Learning Media on Improving the Cognitive Learning Outcomes and secondary school Students' Mathematical Representation Ability in solving verbally Problems. To achieve the aims of this research, to answer its questions, and to verify its hypotheses, a semi experimental design involving two groups was followed Cognitive Learning Outcomes test and Mathematical Representation Ability in solving verbally Problems test. The sample of the research was. Directorate during the academic year 2022/ 2023. The participants in the research were students, represented in an experimental group (N=23) and a control group (N=20). Findings revealed the effectiveness of the 9E Learning Cycle Model using Interactive Learning Media on Improving the Cognitive Learning Outcomes. In addition, Mathematical Representation Ability in solving verbally Problems in the experimental group as compared to their peers in the control group who studied the same materials conventionally; In addition, the results showed that there was a statistically significant positive correlation between Cognitive Learning Outcomes and Mathematical Representation Ability in solving verbally Problems in the experimental group.

**Key words:**

9E - Learning Cycle Model, Interactive Learning Media, Cognitive Learning Outcomes, Mathematical Representation Ability in solving verbally Problems, secondary school Students.

## مقدمة:

لا توجد إستراتيجية تدريس واحدة يمكنها تلبية احتياجات جميع الطلاب وجميع أنماط التعلم. إلى جانب ذلك يتم تطوير استخدام التكنولوجيا في التعلم، وهذا ما دفع الحكومات والهيئات التعليمية إلى تجهيز المدرسة الثانوية بالعديد من أدوات تكنولوجيا المعلومات والاتصالات (ICT)، وقد سعت وزارة التربية والتعليم المصرية إلى أن تمتلك ١٠٠٪ من المدارس الثانوية إمكانية الوصول إلى تكنولوجيا المعلومات والاتصالات والمرافق المختبرية المناسبة، ومع هذه التطورات في التكنولوجيا والمعلومات يتطلب من المعلمين اختيار الوسائل المختلفة التي تدعم تسليم المواد، ومن الضروري أن يتماشى مع النقلة التي تقدم أجزاء جديدة متعددة ومبكرة ومنفتحة، ويرجع ذلك أساساً إلى التقنيات المتغيرة والازدهار السريع للمعرفة، فضلاً عن تحويل التعليم، و التعلم القاعلي القائم على الوسائل المتعددة هو شيء ممكن من الجهد كنموذج تعليمي في شكل خدمة تعليمية تركز على تعلم الطلاب ، ولكنه يحتاج إلى نموذج تعليمي إرشادي لتنظيم السيناريوهات التربوية المناسبة لتحقيق الأهداف التعليمية، وممارسة إنشاء الخبرات التعليمية للمساعدة في تسهيل التعلم بشكل أكثر فاعلية.

يمكن بذل الجهد لتطوير إمكانات الطلاب من خلال عملية تعلم الرياضيات، أي التعلم الذي يعطي الأولوية للمعرفة الدقيقة والصحيحة وال مباشرة للهدف بحيث يمكن تشكيل الانضباط في التفكير، وتدريب الطلاب على التفكير ببساطة ووضوح ودقة وبسرعة. بذلك، يجب إعطاء مواضيع الرياضيات لجميع الطلاب في كل مستوى تعليمي لتزويدهم بالقدرة على التفكير المنطقي والتحليلي والمنهجي والنقدية والإبداعي بالإضافة إلى القدرة على العمل معاً، وتهدف موضوعات الرياضيات إلى جعل الطلاب يتمتعون بسلوك تقدير فائدة الرياضيات في الحياة، أي امتلاك الفضول والاهتمام بتعلم الرياضيات، فضلاً عن تكوين موقف ثابت وان يكون واثق في حل المشكلات (Vioskha, 2021,665) \*

ولكن تتغير مخرجات التعلم والتي تعد بمثابة إنجازات تعليمية يحققها الطلاب في عملية التدريس وأنشطة التعلم من خلال إحداث تغيير وتشكيل سلوك الفرد (Masdafni, 2020). وفي الوقت نفسه، في جوانب أخرى، تعتبر مخرجات التعلم كفاءات أو قدرات معينة على حد سواء (معرفية-مهارية النفس الحركية – وجاذبية) التي يحققها الطلاب أو يتقنوها بعد المشاركة في عملية التدريس والتعلم (Kunandar, 2013). تتميز مخرجات التعلم بالتغييرات في المواقف والسلوك لدى الطلاب (Dwijayani, 2019).

\* اعتمد البحث في توثيق المرجع على الاصدار السابع 7 apa وكذلك في الجداول والاشكال

وقد أكدت دراسة سحر السيد (٢٠١٨) على تعزيز قدرة نظام التعليم للتلبية لمتطلبات التنمية واحتياجات سوق العمل، والتعرف على مدى استيفائها كافة مجالات مخرجات التعلم في طرائق تدريس الرياضيات المبني على مخرجات التعلم، وإثراء أساليب قياس مخرجات التعلم عن طريق البحث الكمية والوصفية. وقد أكدت دراسة عائشة فخرو، بدرية المالكي، ومبركة المري (٢٠١٣) على ضرورة إعداد أدوات تقويم مخرجات تعلم الطلبة في جوانب التعلم الرئيسية (المعرفية - المهارنية - الوجدانية)، ووضع معايير لها في بداية تجربة تطوير تعليم الرياضيات خصوصاً ان هناك حاجة ماسة لذلك.

وبشكل عام، يتكون العلم من ثلاثة مكونات، وهي: (١) العمليات العلمية. (٢) المنتجات العلمية، و (٣) المواقف العلمية. المكونات الثلاثة مرتبطة بعضها البعض. يحدث التعلم المتمحورة حول الطالب عندما ينخرط الطالب بنشاط في الأنشطة التي تجعلهم يكتسبون خبرة حقيقية في فهم المواد، والعلم هو التعلم البناء لأنه يؤكّد على عملية الاستيعاب والدمج، بحيث يجب دائمًا تحديث معرفة الطالب وبناءها بشكل مستمر، وتتمثل المعرفة العلمية في الحقائق والقوانين والفرضيات والنظريات، أما اكتساب المعرفة العلمية له بعدين وهما: العاطفي والمعرفي (Hayati, Supardi, & Miswadi, 2012; Ozgelen, 2013).

ومع هذا التغيير هناك زيادة كبيرة بين النتائج المستقلة ومخرجات التعلم للطلاب الذين يتعلمون باستخدام الطرق التقليدية في تعلم الرياضيات والتي يجب أن تتوافق مع ما يقدمه العصر الحالي من أدوات وتقنيات متغيرة يمكن الاستفادة منها في تطوير محتوى الرياضيات بدلاً عن التعلم التقليدي (Suprianto, Ahmadi, & Suminar, 2019).

كما يجب أن يأخذ المعلمون هذه التغييرات في الاعتبار، بحيث يحاولون دائمًا إنشاء ابتكارات في الكسب كحل لزيادة جاذبية الطلاب في تعلم الرياضيات حتى تزداد نتائج التعلم لطلابهم، ويجب استخدام التطورات التكنولوجية التي تؤدي إلى العديد من التطبيقات المبتكرة لتطوير وسائل تعليمية مناسبة (Vioskha, 2021). لكن هذا يتطلب تكرار المهام الرياضية التي تتخطى على تمثيلات متعددة ترسم بشكل إيجابي بتحسين الطلاب في حل الأسئلة المعقدة، وإن تكرار المهام الرياضية ذات الطلب المعرفي العالي لم تنتبه بأي من نتائج التعلم المعرفي الثلاثة. ومع ذلك، فقد يكون التنبؤ بشكل إيجابي باهتمام الطلاب بتعلم الرياضيات، والمشاركة الصحفية، والنظرية الديناميكية لتعلم الرياضيات، وأهمية الطلب المعرفي للمهام التعليمية - وربط الجوانب الإجرائية والمفاهيمية للرياضيات - في تسهيل العلاقات الإيجابية للطلاب مع فصول الرياضيات، ومن الممكن أن يأتي بتوفير النتائج التي تشتد الحاجة إليها لوصف منهجي يربط السمات المعرفية الثلاث للمهام التعليمية بمخرجات تعلم

الطلاب المحددة في بيئة تعليمية ، وهي إضافة فريدة لأدب علم أصول التدريس في المهام التعليمية للرياضيات(Ni et al.,2018,704)

والرياضيات هي أداة لتوسيع قوة وذكاء العقل، مما يجعل العقل مبدعاً، وتعتمد التنمية البشرية والثقافة على تطوير الرياضيات (Yadav, 2017). وقد حدد المجلس القومي الأمريكي لمعلمي الرياضيات أن معايير القدرة الرياضية هي حل المشكلات والاستدلال والبرهان، والتواصل، والترابط، والتمثيل (NCTM, 2000) ولذلك أحد الأهداف العامة لتعلم الرياضيات في المدارس هو القدرة على التمثيل الرياضي، وترتبط قدرة التمثيل الرياضي ارتباطاً وثيقاً بقدرة التواصل الرياضي وحل المشكلات، وأحدى الكفاءات التي يجب أن يكملاها الطلاب هي القدرة على توصيل الأفكار الرياضية بوضوح وفعالية، وإحدى القدرات التي يحتاجها الطلاب لحل المشكلات الرياضية هي القدرة على التمثيل الرياضي (Nadia, Waluya, & Isnarto, 2017)، ويوضح التمثيل الرياضي دائمًا عندما يتعلم الطالب الرياضيات في أي مستوى تعليمي. يتم تعريف التمثيل على أنه شكل أو ترتيب يمكن أن يوضح شيئاً ما أو يمثله أو يرمز إليه بطريقة معينة (Hwang, 2007). والتمثيل الرياضي عبارة عن تكوين علامة، وكائن يمكنه تقديم شيء آخر لترجمته كائن ما أو تمييزه أو ترميزه أو وصفه، ويمكن أن تتتنوع الكائنات التي يتم تمثيلها وفقاً لسياق التمثيل أو استخدامه (Adnan et al., 2019).

واستخدام التمثيل مهم في حل المشكلات اللفظية، ويعني قيام الطالب بعملية نمذجة الأشياء الملموسة في العالم الحقيقي إلى مفاهيم أو رموز مجردة، وله دور في تقوية فهم الطالب لبناء المفاهيم وحل المشكلات خاصة في المشكلات اللفظية، ويعمل التمثيل كوسيلة لمساعدة الطالب في فهم ودمج المعلومات المسترجعة مع المعلومات الجديدة المقدمة في المشكلة، ويقلل التمثيل من صعوبة حل المشكلات اللفظية ك(توصيل الأفكار بين العلامات أو الكلمات أو الرموز أو التعبيرات أو الصور)، وهو ضروري في حل المشكلات اللفظية وفي هذا الصدد تؤكد دراسة Supandi et al (2018) على أن تجريد المفاهيم الرياضية والتمثيلات الرياضية مهمة لتسهيل حل المشكلات الرياضية الصعبة على الطالب، ويحتاج الطالب إلى كتابة نوع المعلومات التي يعرفونها والأسلحة التي يتم طرحها، وبذلك فإن قدرة التمثيل الرياضي ضرورية المعاطي (٢٠١٨) إلى ضرورة تدريب طلاب الصف الأول الثانوي وامتلاكهم القدرة على حل المشكلات اللفظية. ويؤكد (Zhe, 2012) ان معايير التمثيل التي يجب إكمالها في تعلم الرياضيات تكون قادرة على الاختيار والتنفيذ والترجمة بين التمثيلات الرياضية لحل المشكلات، و بعض أنواع التمثيل الرياضي التي يمكن تنفيذها لإيجاد الحل في مهمة رياضية وهم: (١) التمثيل المرئي أو البيانات الحالية أو المعلومات في

شكل رسوم بيانية أو جداول؛ (٢) التمثيل اللفظي، كتابة الخطوات لإكمال مهمة رياضية بالكلمات؛ (٣) التمثيل الرمزي، عمل معادلة أو نموذج رياضي لل المشكلات الرياضية ويطلب التمثيل الرياضي قدرات الطالب على: (١) استخدام التمثيلات لعمل نماذج رياضية وظواهر فيزيائية واجتماعية ورياضية؛ (٢) إنشاء واستخدام التمثيلات لتنظيم وتسجيل وتوصيل الأفكار الرياضية؛ (٣) اختيار التمثيلات الرياضية وتطبيقاتها وترجمتها لحل المشكلات.

وقد أكدت دراسة (Fitrianna, Dinia, Mayasari, & Nurhafifah, 2018) على تطوير القدرة على التمثيل الرياضي لطلاب المدارس الثانوية ، ودراسة (Utami, 2019) ان التمثيل الرياضي ضروري في حل المسائل الرياضية في المرحلة الثانوية ، وأن معظم الطلاب لا يزولون يتمتعون بقدرة منخفضة على التمثيل الرياضي، و يجد الطالب صعوبة في فهم المسائل وكتابة المعادلات بشكل صحيح، وهذا لأن الطالب غير معتادين على حل المشكلات في شكل تمثيلات بصرية ولفظية ورمادية. لذلك، يجب على المعلم تدريب الطالب على مهارات التمثيل الرياضي من خلال تطبيق نماذج تعليمية متعددة التمثيل .

فالرياضيات مادة يتم تدريسها دائمًا في كل مستوى تعليمي. وتلعب دوراً مهماً في الجهود المبذولة لتحسين جودة الموارد البشرية، وهي أيضًا وسيلة للتفكير المنطقي والنظامي والنقدي نظرًا لأن الرياضيات مجرد، فهي تحتاج إلى طريقة لإدارة عملية التدريس والتعلم بحيث يسهل على الطلاب استيعاب الرياضيات وتكون أكثر فائدة لحياتهم (Kuznetsova & Matytcina, 2018). لذلك، يجب أن يكون المعلم ذكيًا في اختيار نموذج التعلم. حيث أكدت دراسة (Strømskag, 2018) ان هناك حاجة إلى تقديم نماذج للتصميم التعليمي في الرياضيات وتقديرات من تجارب المعلمين والطلاب معها في المدرسة الثانوية. وأكّدت دراسة رولا فواسمي (٢٠١٩) بضرورة تحسين جودة تعلم الطلاب للرياضيات المدرسية للصف الأول الثانوي والقدرة على التخطيط لحل المسائل الرياضية، وممارسة مظاهر التفكير الرياضي أثناء حل المسائل الرياضية، وإدراك قيمة تعلم الرياضيات.

والاعتماد على نماذج تعليمية تعمل على تقييم المعرفة وتعزيز القدرة على التمثيل الرياضي لحل المشكلات اللفظية الرياضية ويقدم تعلمًا تعاونيًا مبتكرًا، ويعد نموذج دورة التعلم 9E أحد نماذج التعلم المبتكرة فهو نموذج تعليمي يشجع المتعلمين على أن يكونوا نشطين، ويوفر فرصًا للطلاب للمناقشة والتفاعل مع بعضهم البعض، مما يؤدي إلى زيادة أنشطة تعلم الطلاب بحيث تحسن نتائج تعلم الرياضيات وقدرات الطلاب الرياضية(Akhsani, Kartono, Junaedi, & Asih, 2022)، ويرتبط نموذج دورة التعلم ارتباطًا وثيقًا بالنظرية البنائية (Suleyman, 2018). و تستند النظرية البنائية إلى حقيقة أن الطلاب يبنون معارفهم الخاصة، وليس من استنساخ

معرفة الآخرين (Moussiaux & Norman, 2003). يؤكد نموذج التعلم هذا على أهمية الاستكشاف والمعرفة الأولية ونقل التعلم (Eisenkraft, 2003). ونموذج دورة التعلم 9E هو تطوير لنموذج دورة التعلم 7E، ويعمل نموذج دورة التعلم 9E على تدعيم القراءات الفكرية للطلاب، ويحسن بشكل كبير نتائج التعلم للطالب (Sarac, 2018) وتحسين كفاءات ومهارات الطلاب وهو دعم جيد للتكنولوجيا في التعليم (Kaur & Gakhar, 2014).

وقد أظهرت نتائج بعض الدراسات أن استخدام الوسائل ومقاطع الفيديو كوسيلة تعليمية في الرياضيات يلعب دوراً في تحسين تحفيز الطلاب على التعلم، وتعزيز معرفة الطلاب وفهمهم للدرس وتحسين مخرجات التعلم الطلاب (Lalian, 2018)، وتتأثر عملية التعليم والتعلم الجيدة بأهداف التعلم حتى تكون قادرة على تقديم نتائج مرضية لنتائج تعلم الطلاب، وتمثل إحدى طرق لتحقيق ذلك في القيام بالتعلم المبتكر باستخدام الوسائل التعليمية، لأنها ليست مجرد أداة أو مادة، ولكن أيضاً شيء يسمح للطلاب باكتساب المعرفة (Asyhari & Silvia, 2016)، ومعالجة المعلومات وتحصيل الطلاب، لذا فإن التنوع في عملية التعلم ضروري باستخدام وظيفة وسائل التعليم (Gietz & McIntosh, 2014)، ولكن هذا الدمج بين النموذج والوسائل يتطلب أن يضع النموذج في نموذج انتقائي يجمع بشكل مناسب عناصر من نماذج نظرية السلوكية والبنائية، واستراتيجيات التصميم السياقية، ويساعد المستخدمون وضعهم كمشاركين نشطين يتم منحهم ويتحملون المسؤولية في نموذج التعليم والتعلم (Martin, Hoskins, Brooks, & Bennett, 2013).

وقد أكدت دراستي (Darmanto et al., 2019; Madona, 2017) أن وسائل التعلم التفاعلية تزيد من اهتمام الطلاب بالتعلم وستؤثر على تحسينات مخرجات التعلم، أما دراسة (Yaniawati et al., 2020; Anwar et al., 2019) بضرورة تطوير تعليم متعدد الوسائل باستخدام نماذج التصميم لزيادة اهتمام الطلاب بتعلم الرياضيات. كما أكدت دراسة (Saad, Surendran, & Sankaran, 2023) أن تنفيذ نموذج دورة التعلم (9E) يمكن أن يكون له تأثير فيما يتعلق بآثارها الهامة على تعليم الطلاب وتطويرهم، وتقديمهم الأكاديمي ، وله تأثير كبير على التعلم ودمجه في نهاية المطاف في إستراتيجية التدريس الخاصة.

بالاطلاع على العرض السابق يتضح ان استخدام تكنولوجيا الوسائل التفاعلية يوفر فرصةً جديدة لدمج التعلم التقليدي والتعلم عبر الإنترن特، ولكن في عرض الأدبيات والدراسات السابقة كان ميلاً لاستخدام سيناريوهات التعلم باستخدام نماذج التصميم ويعود نموذج دورة التعلم 9E من النماذج المستحدثة وقد تكون قادرة على تزويد الطلاب بالمهارات العلمية، والعلمية عند التعلم من خلال خطوات أنشطة التعلم التي يتم تنفيذها. ويكون من المثير للاهتمام إذا كان نموذج دورة التعلم 9E مرتبطةً

بالتكنولوجيا. حيث يمكن للمعلم استخدام وسائل التعلم التفاعلية القائمة على البيئة لذا فإن التعلم يصبح أكثر إثارة للاهتمام.

### الإحساس بمشكلة البحث:

١. الدراسة الاستكشافية: من خلال علم الباحثة اتضح انه لم يتم تحقيق الهدف من تعلم الرياضيات والقدرات الرياضية الأساسية بالكامل لأنه بناءً على نتائج الدراسة الاستكشافية التي قامت بها الباحثة على (٣٠) طالبة من طلاب المرحلة الثانوية في الفصل الدراسي الأول والتي تضمنت مجموعة من المشكلات اللفظية المرتبطة بمادة الرياضيات، تم الكشف عن أن ما يصل إلى ٤٨ % من الطلاب كانوا مخطئين في العمل على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية. كان الخطأ بسبب افتقار الطلاب إلى قدرات التمثيل الرمزي، كما اتضح ان العديد من العوامل التي أثرت على الطلاب في تعلم تطوير قدراتهم في التمثيل الرياضي، كان أحدها الأسلوب المعرفي للطالب. كما اتضح من خلال الملاحظة التي أجرتها الباحثة، والتي وجدت ان الطلاب غير قادرين على تصور مفاهيم الرياضيات بحيث يواجهون صعوبات في فهم المفاهيم الأساسية التي تتعدى في التحصيل الدراسي المنخفض للطلاب وبالتالي خفض نتائجهم التعليمية. ولدعم الدراسة الاستكشافية تمكنت من اجراء بعض المقابلات مع أحد المعلمين وبتحليلها اتضح ان الطلاب لا يزلون يفتقرن إلى تمثيل أفكارهم الرياضية في شكل صورة أو رمز أو كلمات، في حين أنه يسهل لهم الأسئلة الرياضية وحلها، ولكنه يتطلب تحديد ما إذا كانت هناك علاقة بين اداء الطلاب الرياضي في التمثيل و مخرجات التعلم المعرفية لتعلم الرياضيات للطلاب.

٢. الدراسات والبحوث السابقة: أكدت عديد من الدراسات ومنها (Hasnunidah et al., 2020; Ilma et al., 2020) أن مخرجات التعلم المعرفي محدودة في جانب التذكر والفهم حيث اكتشف استطلاع أجري في المدرسة الثانوية عن النسبة المئوية للمهارات المعرفية للطلاب، فتبين ارتفاع جانب التذكر والفهم. أما جانب التطبيق فنسبته كانت أقل، بينما كانت جوانب التحليل والتقييم والإبداع فكانت قليلة، الامر الذي يتطلب ضرورة تطوير المهارات المعرفية ذات البعد الأعلى. تؤكد دراسة (Supandi et al., 2018) على أن تجريد المفاهيم الرياضية والتمثيلات الرياضية مهمة لتسهيل حل المشكلات الرياضية الصعبة على الطالب، وقد أكدت دراسة (Fitrianna et al., 2018) على تطوير القدرة في التمثيل الرياضي لطلاب المدارس الثانوية ، ودراسة (Thompson et al., 2012) اختبار التمثيلات الرياضية وتطبيقاتها وترجمتها لحل المشكلات، ودراسة (Utami, 2019) ان التمثيل الرياضي ضروري في حل المسائل

الرياضية في المرحلة الثانوية ، وأن معظم الطلاب لا يزالون يتمتعون بقدرة منخفضة على التمثيل الرياضي، و يجد الطالب صعوبة في فهم المسائل وكتابة المعادلات بشكل صحيح، و هذا لأن الطالب غير معتادين على حل المشكلات في شكل تمثيلات بصرية ولفظية ورمزية. لذلك، يجب على المعلم تدريب الطلاب على مهارات التمثيل الرياضي.

٣. كما أظهرت الدراسات حول التحصيل المتدني للطلاب في مواد المرحلة الثانوية أن أساليب التدريس غير الفعالة من قبل المعلمين كانت عاملاً رئيسياً في ضعف التحصيل لدى الطلاب.

لذلك يجب على المعلمين في فصولهم محاولة إنشاء تفاعل بناء وهادف بينهم وبين الطلاب، واختيار طريقة التدريس المناسبة مع المحتوى وهو أحد الركائز الأساسية للتعلم الجيد، يتمثل أحد أهداف التعليم الحالي في مساعدة المتعلمين حتى يتمكنوا من استخدام معرفتهم بشكل فعال، وبما أن حياة كل مجال من مجالات المعرفة البشرية يتم تقصيرها باستمرار والقواعد الجديدة تحل محلها باستمرار، لذلك يجب أن يكون المتعلمون مجهزين بمعرفة التعلم والمهارات حتى لا تتعرّض أبداً. كما أن الأساليب التي يستخدمها المعلموون في عملية تعلم الرياضيات هي أحد العوامل المحددة في زيادة نجاح الطلاب في التعلم. ولتحقيق هذه الأهداف هناك حاجة إلى استخدام أساليب فعالة وجديدة في التدريس ومن بين هذه الأساليب نموذج تعليمي جديد يعطي عملية تعلم ذات مغزى للطلاب وحتى يتمكنوا من فهم المفاهيم وبالتالي سيزيد من نتائج التعلم الخاصة بهم. تعد دورة التعلم نموذجاً تعليمياً يسهل على الطلاب المشاركة بنشاط في تقديم ونقل معارفهم. أحد نماذج التعلم هو نموذج E<sup>٩</sup> الذي يعتمد على النهج البنائي. ويساعد هذا النموذج الطلاب على فهم المحتوى وتطبيق المفاهيم في مواقف حقيقة ويخلق الظروف المناسبة لعرض أفكارهم، وهو عامل مهم في نجاح الطلاب. في هذا النموذج وبدعم من المعلم بدلاً من التأكيد على الإجابات الصحيحة، يركز الطالب على عملية التفكير، وهذا يحسن نتائج التعلم المعرفية ويزيد من نشاطهم وتعلمهم. هناك العديد من العوامل الداعمة الأخرى في أنشطة التعلم، أحدها هو استخدام الوسائل. يجب تحسين الوسائل التعليمية في المدارس لمواكبة العصر. ويتم استخدام الوسائل كأداة لتسهيل المعلمين والطلاب في أنشطة التعلم. يمكن أن يؤدي اختيار وسائل التعلم المناسبة إلى تحسين الفهم والتحفيز ونتائج التعلم والتغلب على قيود المكان والزمان وجعل التعلم أكثر إثارة حتى لا يشعر الطلاب بالملل. تم إجراء معظم الأبحاث التي أجريت باستخدام نموذج دورة التعلم E<sup>9</sup> لتحديد مدى فعاليته في تحسين الكفاءة الذاتية والقدرة على التفكير الرياضي والفهم المفاهيمي والدافع الأكاديمي. لذلك من الضروري دراسة تأثير هذه الطريقة على متغيرات أخرى

مثل القدرة على التمثيل الرياضي الذي كان هدف هذا البحث. كما أن الأبحاث التي أجريت في مجال تدريس وتعليم الرياضيات تمت دراستها في الغالب بنموذجين 7E، 5E ويفقران إلى البحث الداخلي باستخدام النموذج التدريسي 9E. وتأسيساً على ما سبق أحد الجهود التي يمكن القيام بها لتحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة الطالب على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية هي محاولة تطبيق نموذج دورة التعلم 9E.

### مشكلة البحث وأسئلته:

وفي ضوء ما سبق أمكن تحديد مشكلة البحث الحالي في السؤال الرئيس التالي: ما فاعلية نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية وتأثيرها على تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية؟

### وينبع من هذا السؤال الرئيس الأسئلة الفرعية التالية:

١. ما تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية لدى طلاب المرحلة الثانوية؟
٢. ما تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على قدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية؟
٣. ما العلاقة الارتباطية بين مخرجات التعلم المعرفية والتمثيل الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية؟
٤. ما حجم الأثر من توظيف نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية؟

### أهداف البحث:

هدف البحث الحالي إلى استقصاء تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية من خلال:

١. التعرف على فاعلية نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية لدى طلاب المرحلة الثانوية.
٢. التعرف على فاعلية نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على قدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية.

٣. التعرف على العلاقة بين تنمية بين مخرجات التعلم المعرفية والتمثيل الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية، وأن هذا التفاعل يمكن في كفاءة نموذج دورة التعلم E<sup>٩</sup>.

### مصطلحات البحث:

#### نموذج دورة التعلم 9E Learning Cycle Model:

وتعرفه الباحثة إجرائياً بانه: استراتيجية تدريسية قائمة على النظرية البنائية تتكون من تسع مراحل منظمة ومتسلسلة هي (الاستبطاع، المشاركة، الاستكشاف، التفسير، الصدي، التوضيح، التقويم، التتفيق، البحث الإلكتروني)، ينفذها معلم الرياضيات بمشاركة طلابه في الصف الأول الثانوي، عند تدريسية وحدة "الجبر والعلاقات والدوال" باستخدام وسائل التعلم التفاعلية بهدف تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة التمثيل الرياضي في حل المشكلات الفظوية.

#### وسائل التعلم التفاعلية Interactive Learning Media

وتعرفه الباحثة إجرائياً بانها: هي شاشة عرض وسائل مصممة لعرض المحتوى التفاعلي وتم تصميم الوسائل التفاعلية باستخدام تطبيق thinglink وهو تطبيق على الويب والجهاز اللوحي ويمكن لها التطبيق إنتاج أنظمة تعليمية مثل إضافة الصوت والفيديو والنص إلى الصور ومقاطع الفيديو والصور بزاوية ٣٦٠ درجة. ويسمح لطلاب الصف الأول الثانوي بمشاهدة أعمال زملاء الصف أيضاً، بحيث يمكنهم التفاعل والتعلم من بعضهم البعض وذلك لتحسين مخرجات التعلم المعرفية.

#### مخرجات التعلم المعرفية Cognitive Learning Outcomes

وتعرفها الباحثة إجرائياً بانها: هي نتائج التعلم المتعلقة بالتغييرات التي تم الحصول عليها من طالب الصف الأول الثانوي في شكل استرجاع المعلومات والتعريفات والحقائق (معرفة) وتطبيقاتها في مواقف المشكلات المألوفة (استيعاب) وحل المشكلات غير الروتينية (استدلال) في نهاية تعلم الوحدة الأولى "الجبر وال العلاقات والدوال"، ويفقس بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في الاختبار المعد لذلك.

#### التمثيل الرياضي Mathematical Representation

وتعرفه الباحثة إجرائياً بانه: القدرة على التعبير عن الأفكار والمفاهيم الرياضية (ضمن محتوى المادة) لتسهيل فهمها وتيسير تعلمها من خلال بناء النماذج المفاهيمية مثل الرسومات والجدواں والرسوم البيانية (الرسم)؛ إنشاء معادلات أو نماذج رياضية من التمثلات التي تم إجراؤها (تعبير رياضي)؛ وحجج لفظية تستند إلى تحليل الصور والمفاهيم الرسمية (نصوص مكتوبة)، وكتابة تمثيلات لحل المسائل الرياضية الفظوية.

## حل المشكلات اللغوية Problem Solving verbally

وتعرفها الباحثة إجرائياً بانها: هي أسللة في شكل قصص ذات مغزى يتم تقديمها في شكل رموز وتدوين رياضي أو في شكل سردي ذي مغزى ويمكن قياسها وفهمها والإجابة عليها رياضياً من خلال المراحل التالية:

- مرحلة فهم المشكلة اللغوية: من خلال تحديد المعلومات المتوفرة في المسألة (المعطيات) وتحديد ما المطلوب منها (المطلوب).
- مرحلة التمثيل: ترجمة المشكلة الرياضية اللغوية (تلخيصها أو تمثيلها)، (الرسم – تعبير رياضي (الرموز) – نصوص مكتوبة (لفظي)).
- مرحلة اقتراح خطة الحل: تحديد الاستراتيجية المناسبة للحل.
- مرحلة تنفيذ الخطة: شرح خطوات الحل وتبرير كل خطوة من خطوات الحل.
- مرحلة التحقق من صحة الحل: التأكد من صحة ما توصل إليه من حلول.

هي الدرجة التي يحصل عليها الطالب في الاختبار المعد لقياس القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية.

### أهمية البحث:

تعددت أهمية البحث فيما يلي:

١. بالنسبة للمعلمين والموجهين: يمكن ان يساعدهم بتقديم نموذج دورة التعلم 9E باستخدام الوسائل التفاعلية، لتدريس موضوعات الرياضيات المختلفة، ودليل معلم تم صياغته وفقا لخطوات هذا النموذج يمكن استخدامه في تدريس موضوعات ووحدات أخرى، بالإضافة إلى تقديم اختبار لقياس مخرجات التعلم المعرفية واختبار لقياس القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية.
٢. بالنسبة للقائمين على تدريب المعلمين: يمكنهم الاستفادة من نتائج هذا البحث عند بناء برامجهم التدريبية بحيث يتضمن هذه البرامج استخدام نموذج دورة التعلم 9E باستخدام الوسائل التفاعلية وتدريب المعلمين على استخدامها، والتعرّف بمهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية.
٣. بالنسبة للقائمين على تصميم مناهج الرياضيات وتطويرها: يمكنهم الاستفادة من نتائج هذا البحث في تصميم أنشطة تعلم للوحدة الدراسية في صورة محتوى تفاعلي تم صياغته وفقا لنموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية.
٤. بالنسبة للمستفيدين من الطلاب: يمكن ان يقدم هذا البحث للطلاب مجموعة من الانشطة والمشكلات اللغوية يمكن استخدامها لتحقيق الاهداف المرجوة من الوحدة الدراسية ويفيد في تحسين القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية كما يفيد في تحسين مخرجات التعلم المعرفية لدى طلاب الصف الاول الثانوي.

### محددات البحث:

#### اقتصر البحث الحالي على المحددات التالية:

- وحدة "الجبر وال العلاقات والدوال" بكتاب الرياضيات المقرر على طلاب الصف الاول الثانوي للعام الدراسي ٢٠٢٢ – ٢٠٢٣؛ والمتمثلة في (حل معادلات الدرجة الثانية في متغير واحد، مقدمة عن الاعداد المركبة، تحديد نوع جذري المعادلة التربيعية)، العلاقة بين جذري معادلة الدرجة الثانية ومعاملات حدودها، إشارة الدالة، متبادرات الدالة الثانية في مجهول واحد)، والتي قد يشجعهم استخدامهم لها في حل مشكلات حياتية لفظية علي ممارسة التمثيل الرياضي وتحسين مخرجات التعلم المعرفية لديهم، علاوة علي ذلك مناسبة مدة دراستها نسبياً والتي تمتد لـ (١٠) أسابيع، الواقع (١٥) حصة دراسية، مما يتتيح تنمية متغيري البحث، كما ان موضوعاتها مناسبة لاستخدام نموذج دورة التعلم ٩E ووسائل التعلم المعرفية.
- عينة من طلاب الاول الثانوي مدرسة الشهيد عيد فتحى عطية الثانوية بمحلة منوف بإدارة شرق طنطا التعليمية.
- قياس مخرجات التعلم المعرفية عند مستويات (المعرفة والاستيعاب والاستدلال).
- قياس قدرة التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية عند المهارات (فهم المشكلة اللفظية: من خلال تحديد المعلومات المتوفرة في المسألة (المعطيات) وتحديد ما المطلوب منها (المطلوب)، التمثيل: (الرسم – تعبير رياضي (الرموز) – نصوص مكتوبة (لفظي))، اقتراح خطة الحل: تحديد الاستراتيجية المناسبة للحل، تنفيذ الخطة: شرح خطوات الحل وتبرير كل خطوة من خطوات الحل، التحقق من صحة الحل: التأكيد من صحة ما توصل إليه من حلول).

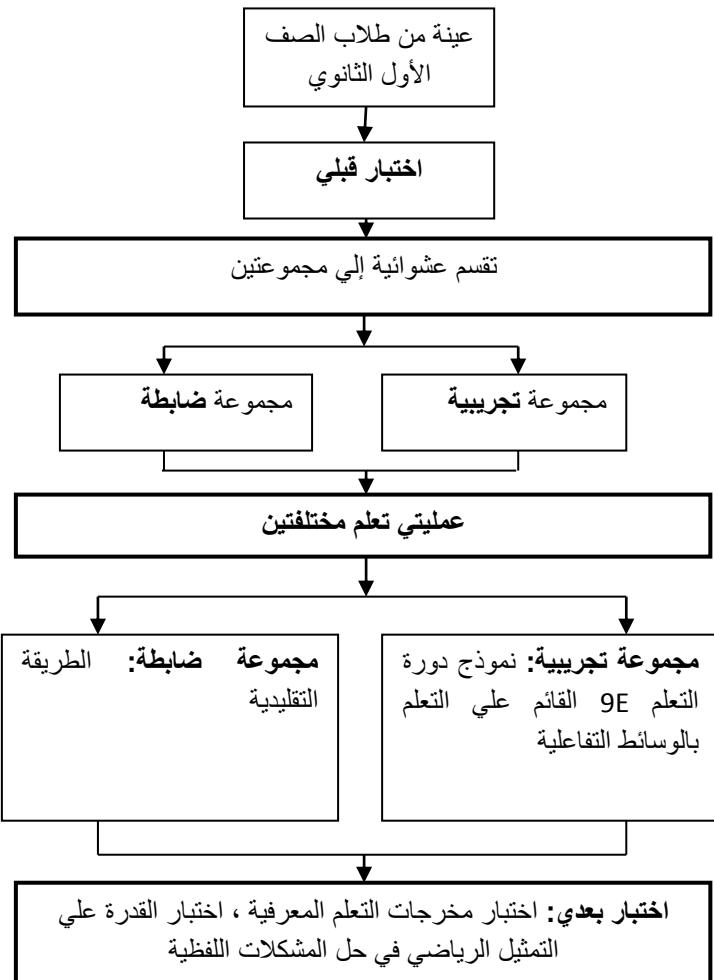
### مجتمع البحث وعينته:

يعتبر مجتمع البحث طلاب الصف الاول الثانوي، وقد تم اختيار عينة عشوائية من مدرسة الشهيد عيد فتحى عطية الثانوية بمحلة منوف بإدارة شرق طنطا التعليمية للعام الدراسي (٢٠٢٢ / ٢٠٢٣ م)، وتكونت عينة البحث من (٤٣) طالب وطالبة، تم تقسيمهما لمجموعتين إدراهما تجريبية قوامها (٢٣)، والأخرى ضابطة وقوامها (٢٠) طالب وطالبة.

### منهج البحث وتصميمه التجاري:

في ضوء طبيعة البحث استخدمت الباحثة المنهج التجاريي والتصميم شبه التجاريي القائم على مجموعتين تجريبية وضابطة ذات القياس القبلي والبعدي، من خلال تطبيق

اختبار مخرجات التعلم المعرفية واختبار القدرة على التمثل الرياضي في حل المشكلات логическая قبلياً على المجموعتين، ثم التدريس لطلاب المجموعة التجريبية وفق نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية، والتدريس لطلاب المجموعة الضابطة بالطريقة التقليدية، ثم تطبيق الاختبارين بعدياً عليهم.



**شكل ١**  
**التصميم شبه التجريبي القائم على مجموعتين تجريبية وضابطة ذات القياس القبلي والبعدي أدوات البحث:**  
**استخدم البحث الحالي الأدوات التالية:**  
 ١. المواد التعليمية وتمثلت في:

- دليل المعلم لتدريس وحدة "الجبر والعلاقات والدوال" من خلال نموذج دورة التعلم ٩E باستخدام وسائل التعلم التفاعليه
٢. أدوات القياس وتمثلت في:
- اختبار مخرجات التعلم المعرفية (إعداد الباحثة).
  - اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (إعداد الباحثة).

### الإطار النظري والدراسات السابقة:

تناول الباحثة الإطار النظري في المحاور التالية:

١. المحور الأول: نموذج دورة التعلم E٩ باستخدام وسائل التعلم التفاعليه
٢. المحور الثاني: مخرجات التعلم المعرفية
٣. المحور الثالث: التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية

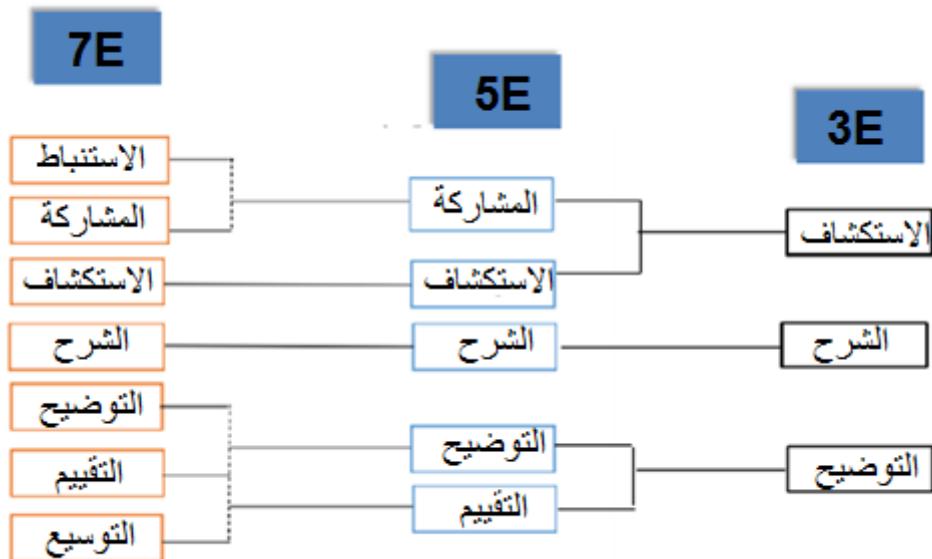
### المحور الأول: نموذج دورة التعلم ٩E باستخدام وسائل التعلم التفاعليه:

النموذج التعليمي هو الذي يمكن استخدامه للتحقيق في كيفية بناء المعرفة في ممارسة الفصل الدراسي (Eisenkraft, 2003). وهو عملية التعلم والتدريس التي تساعده في قيادة التحليل بطريقة واضحة ودقيقة لتحقيق الكفاءة العالمية وهو نموذج يتم دمجه عن طريق التعلم للتحقيق في المعرفة الموضوعية، وصعوبة موضوع المعرفة، ومعرفة طريقة التدريس، والمعرفة والتقييم ومعرفة البحث للحصول على مزيد من التعلم المفصل في نظام التعليم بأكمله.

ونموذج دورة التعلم يعرفه نائل الناطور (٢٠١١، ١٨٣) بانه ترجمة لبعض أفكار النظرية البنائية المعرفية في مجال التدريس، وتتميز دورة التعلم عن الأساليب الأخرى في أنها تأخذ بعين الاعتبار القدرات العقلية للمتعلم، وتساعده على التفكير وتشجعه على التعاون والعمل الجماعي أثناء السير وفق خطوات محددة.

ويمكن للمعلم تنفيذ ذلك من خلال منح المتعلمين الفرصة لاستخدام ما تم تعلمه من خلال التمارين والتدريبات ، وربطه بالواقع كلما أمكن ذلك، وقد تختلف مراحل دورة التعلم في ترتيبها وعددتها وفقاً لطبيعة المفهوم الذي يتم تدريسه، و ومن هذا نجد إن مراحل دورة التعلم متكاملة فيما بينها، ولكنكي تكتمل دورة التعلم لابد ان يتم تنظيم المعلومات التي يكتسبها المتعلم ضمن ما لديه من تراكيب معرفية من خلال ممارسة الانشطة التعليمية والتي قد يتصادف فيها خبرات جديدة تستدعيه الى القيام بعملية التمثيل (عباس المشهداني، ٢٠١٨، ٢٧٥)

ونموذج دورة التعلم لها اشكال منها نموذج دورة التعلم والذي يتكون من ثلاثة مراحل، وهي الاستكشاف والشرح والتوضيح / الإرشاد، والتي تُعرف باسم دورة التعلم 3E، وقد تم تطوير المراحل الثلاث بشكل أكبر إلى خمس مراحل: المشاركة، والاستكشاف، والشرح، والتوضيح، والتقييم، والتي تُعرف باسم دورة التعلم 5E. تم تطويره مرة أخرى إلى سبع مراحل، وهي الاستبساط والمشاركة والاستكشاف والشرح والتوضيح والتقييم والتوسيع، والتي تُعرف باسم دورة التعلم 7E (Kusumawardan, 2019).



شكل 2

يوضح فروق بين بعض نماذج دورة التعلم

وفي ذلك التطورات ظهر ما يُعرف باسم نموذج دورة التعلم التساعي هو تطوير وتحسين للنماذج السابقة خصوصاً 7E ، ويعتمد النموذج على تسع مراحل إجرائية منتظمة ومتسلسلة وهم (الاستبساط، المشاركة، الاستكشاف، الشرح، الصدى، التوضيح، التقويم، التفكيح، والبحث الإلكتروني). بصرف النظر عن وجود تسع مراحل، فإن دورة التعلم 9E التي اقترحها "كافور وجاكار" تضع البحث الإلكتروني في مركز الدورة، مما يعني استخدام البحث الإلكتروني في كل مرحلة من المراحل الثمانية الأخرى. إلى جانب ذلك، يقدم 9E شروطاً جديدة لتمثيل مراحلتين؛ الصدى والتفكيح. تؤكد مرحلة الصدى على مزيد من الممارسة من قبل المتعلمين في الفصل بالإضافة إلى أنشطة التفصيل، بينما يعمل التفكيح على إكمال دورة درس اليوم من

خلال تصحيح المفاهيم الخاطئة والأخطاء التي ربما لا تزال موجودة في الدرس. في جوهرها، يحاول سد الفجوة في الآراء الخاطئة التي يتبنّاها المتعلّمون & (Kaur & Gakhar, 2014). وفيها يتمتع المعلم بالحيوية نظراً للاعتماد على طريقة جديدة لتحقيق مهارات التفسير والتحليل. إذا اتبع المعلم نموذج التعلم 9E واستخدمه أثناء التدريس كدور نشط. يحصل الطالب على نتائج أفضل في محتوى موضوع التفسير والتحليل (Mertler & Reinhart 2016).

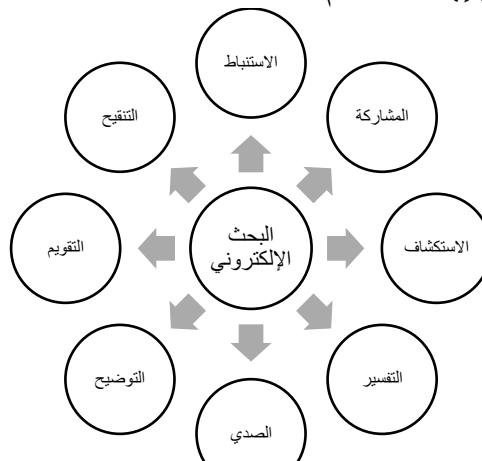
وقد سعت عدد من الدراسات إلى التعرّف على نموذج دورة التعلم 9E في تعليم الرياضيات ومنها دراسة (Buwono, Kartono, & Asih, 2022) التي وصفت مهارات الاستدلال الرياضي للمتعلّمين بناءً على أنواع شخصياتهم في دورة التعلم 9E باستخدام قواعد التقييم الملائمة للطلاب، وبينت دراسة (Ramaligela, Ogbonnaya, & Mji, 2019) مقارنة معرفة معلمي الرياضيات والتكنولوجيا قبل الخدمة بـ معرفة المحتوى التربوي في ضوء نموذج دورة التعلم 9E، واستخدمت نهج دراسة الحال لخمسة معلمين للرياضيات وخمسة معلمين للتكنولوجيا قبل الخدمة بإجمالي عشرة معلمين، واظهرت الدراسة البيانات بناءً على طريقة تحليل المحتوى النوعي ووجدت أن معظم معلمي ما قبل الخدمة في كل من الرياضيات والتكنولوجيا يمتلكون معرفة محدودة عن معرفة المحتوى التربوي في كلا الموضوعين، لم تُظهر معظم ممارسات الفصول الدراسية لمعلمي ما قبل الخدمة معرفة شاملة بالموضوع أو معرفة المتعلّمين. ومع ذلك، فإن الاختلاف هو أن معلمي الرياضيات فقط قبل الخدمة لديهم بعض المعرفة بالتقييم، تشير البيانات أيضاً إلى أن نموذج دورة التعلم 9E يمكن أن يكون أداة قيمة لتعزيز معرفة المحتوى التربوي في مجال الرياضيات وموضوعات تعليم التكنولوجيا. لذلك، تقترح هذه الدراسة مزيداً من البحث في النموذج التعليمي 9E الذي يمكن استخدامه كمجال لمعرفة المحتوى التربوي في مجالات الرياضيات والعلوم والتكنولوجيا.

#### مراحل دورة التعلم التساعي 9E

يتكون نموذج التعلم لدورة التعلم التساعي من تسعة مراحل بما في ذلك (Kaur & Gakhar, 2014):

١. **الاستبatement Elicitation:** تعمل هذه المرحلة على جذب انتباه الطالب إلى المواد التي سبق دراستها والتي تعمل على تحسين فهم الطالب.
٢. **المشاركة Engagement:** وتركز هذه المرحلة على قدرات الطالب الأساسية. يوفر المعلم تمارين لمعرفة مدى فهم الطالب للمواد التي تم تدريسها سابقاً باستخدام نظام التدريس الجديد.

٣. الاستكشاف **Exploration**: المرحلة التالية يكمل الطالب التمرين باستخدام الأفكار المعرفية وتطوير أفكار إضافية لتعزيز فهم المادة قيد الدراسة.
٤. التفسير **Explanation**: تركز هذه المرحلة على عدة جوانب خاصة للاهتمام الأولي للطلاب في مرحلتي المشاركة والاستكشاف ثم توفر فرصاً لإظهار ما تعلموه أو فهموه.
٥. صدى **Echo**: هذه المرحلة هي مرحلة تمرين أو تحسين للطالب لتقوية نتائج التعلم التي تم الحصول عليها في مراحل الاستكشاف والشرح.
٦. التوضيح (التوسيع) **Elaboration**: تهدف هذه المرحلة إلى تطبيق وتوسيع المفاهيم والمهارات في مواقف أخرى.
٧. التقويم **Evaluation**: تقوم هذه المرحلة بتقييم الطلاب الذين أحرزوا تقدماً في تحقيق أهداف التعلم، بحيث يمكن للطلاب أيضاً معرفة قدراتهم على الفهم والتعلم.
٨. التنقيح **Emendation**: تقدم هذه المرحلة أفكاراً إضافية من خلال التركيز على طرق التدريس والتعلم. نتيجة هذه العملية هي فهم الطلاب وقدرتهم على التعلم.
٩. البحث الإلكتروني **E-Search**: هذه المرحلة الأخيرة هي مركز دورة التعلم التي تربط جميع مراحل النموذج من خلال الجمع بين استخدام التكنولوجيا في إيصال التعلم.



شكل 3

دوره التعليم التساعي 9E

وتتضمن دورة التعلم ثلاثة أهداف رئيسية، وهي تطوير الفهم المفاهيمي للمتعلمين ومهاراتهم العملية والتفكير الناقد، وهذه هي الكفاءات المرغوبة التي يجب على كل متعلم أن يصل إليها، ويجب على كل معلم أن يسعى جاهداً لنقلها, &Habinshuti, (ASSI, SAAD & Nicol, Gakuba 2020). وأظهرت نتيجة دراسة SANKARAN, 2022 أن هناك تأثيراً قوياً وإيجابياً لنموذج دورة التعلم 9E على تطوير الكفايات المرغوب فيها لطلاب الصف الثاني عشر.

ولكي يتحقق التأثير القوي لنظام النماذج يجب أن يتم الجمع بين أشكال مختلفة باستخدام تكنولوجيا الوسائل التفاعلية ودمجها في مجموعة متنوعة من الطرق للوصول إلى المحتوى في نموذج دورة التعلم. حيث تعمل وسائل التعلم التفاعلية على توضيح معنى الرسالة المنقولة؛ لذلك، يمكن أن تحقق أهداف التعلم بشكل أفضل وبشكل مثالي، وهي تطبيق وسائل أو أكثر، بما في ذلك الصوت والنص والرسومات والصور ومقاطع الفيديو، مما يكون العرض أكثر إثارة ومتعدة (Potter, 2018) بالإضافة إلى تحفيز الطلاب واهتمامهم، يمكن أن تساعد وسائل التعلم التفاعلية الطلاب أيضاً على تحسين الفهم والحصول على المعلومات من أجل المتعة. ويمكن أن يؤدي تطبيق هذه المواد إلى جذب اهتمام الطلاب بالتعلم باستخدام مؤشر جيد للدرجات (Purwati et al., 2020)

وتؤكد دراسة (Utari et al., 2013) ان تحسين نتائج التعلم المعرفي للطلاب يمكن ان يأتي بدمج دورة التعلم المعتمدة على الوسائل ، ويمكن أن تحفزهم على تحقيق نتائج تعليمية أفضل ويثنى على وضوح مقاطع الفيديو والرسوم المتحركة ، وأكدت دراسة (Mulyati, Marizka, & Bakri, 2019) ان تطوير أدوات التعلم الإلكتروني في تعلم طلاب المدرسة الثانوية باستخدام نموذج دورة التعلم الخمسي يركز على المتعلم بحيث تكون هناك حاجة إلى وسائل التعلم القائمة على الإنترن트 والتي يمكن أن تحدد تنفيذ التعلم بعد مراحل دورة التعلم.

ويشكل استخدام وسائل التعلم التفاعلية في عملية التعلم تحدياً للمعلمين يجب على الطلاب أن يكونوا أكثر استقلالية. أي هناك حاجة لتحفيز الطالب، فالدافع ليس شيئاً متأصلاً في الشخص ولكنه جهد يمكن الحصول عليه من قبل أي شخص يرغب في إشراك نفسه في القيام بما يعتبره مثيراً للاهتمام الطلاب (Galishnikova, 2014)، وتحفيز التعلم باهتمام الطلاب حتى يتمكنوا من النمو في شكل وسائل تعلم مثيرة ، ويمكن لوسائل التعلم الجيدة أن تجذب انتباه الطلاب وتكون قادرة على تحفيز الطلاب وتعلمهم (Rachmadtullah Zulela & Sumantri, 2019)، واستخدام وسائل التعلم التفاعلية التي ترتكز على كيفية التعلم بشكل مستقل سيجعل الطلاب يحقّقون بسهولة نتائج التعلم المناسبة لأن التعلم بشكل مستقل يعطي الأولوية لضبط النفس لكل طالب.

وتنوع الوسائل المستخدمة كأداة لعرض المواد القادر على إثارة الاهتمام بالتعلم للطلاب ، و تزيد من الدافع للتعلم ، وتزيد من الاهتمام بالتعلم ، و تقصير الوقت ، و تقوي المفاهيم و تقدم المساعدة في التعلم ، والرغبة في التعلم المواد الأخرى ذات الوسائل المماثلة ، وانها تجعل الطالب أكثر حماساً مما كانوا عليه ( Hingan, & Qomariyah, 2020,383 )، ويتعلق ذلك التغيير بتحقيق مخرجات التعلم بعد عملية التعليم، ومن أدوات التفاعل المتاحة يدعى ThingLink إحدى أدوات Web 2.0 التي يمكنها دمج الوسائل الرقمية مثل الفيديو التعليمي والصوت والرسومات في كائنات التعلم الخاصة بها.

وهي من بين المرنبيات التقاعدية المستخدمة في الفصول الدراسية المعاصرة، لا غنى عنها تساعده المعلمين على تقديم موضوعات تعلم جديدة ، وتوحيد التعلم الجماعي والفردي وتعزيز فهم الطلاب، و ThingLink عبارة عن منصة وسائل تفاعلية تمكن المعلمين والمتعلمين من إنشاء وسائل رقمية عن طريق إضافة محتوى وسائل غنية (مقاطع الفيديو والنصوص والرسومات والأصوات ومرافق البيانات والمزيد) إلى الرسومات والصور المحددة، مع الإضافة الأخيرة للصور بزاوية ٣٦٠ درجة والواقع الافتراضي ، أصبح ThingLink أحد أكثر الأدوات إثارة في مجموعة أدوات المعلم ( Inozemtseva, Kirsanova, Troufanova, & Semenova, 2018, 3487 ). بالإضافة إلى أن ThingLink مبنياً على نظرية الترميز المزدوج التي تنص على الجمع بين قدرة القنوات المرئية والسمعية في معالجة المعلومات بشكل فعال مما يؤدي إلى اكتساب ذو مغزى للمعرفة الجديدة، وقد أكدت العديد من الدراسات ومنها ( Nakatsuka,; Budi, 2021; Yulianti, 2022 ) على انها منصة رقمية تتمتع بمعيّنة يمكن الاستفادة في تحقيق مخرجات تعليمية تتناسب مع ميول الطلاب في العصر الحالي.

### المحور الثاني: مخرجات التعلم المعرفية:

#### تعريف مخرجات التعلم:

مخرجات التعلم هي بيانات لما يتوقع أن يكون الطالب قادرًا على فعله كنتيجة لتعلم النشاط ( Jenkins & Unwin, 2001, p. 1 ) وتشكل مخرجات التعلم قدرة الطالب على تقييمه من خلال عملية التعلم التي يتم تحديدها في شكل أرقام، وهي القدرات التي يمتلكها الطالب بعد تلقي خبراتهم التعليمية ( Utari, 2013 ). وهي عبارات توضح ما هو متوقع من الطالب معرفته وفهمه أو أن يكون قادراً على إظهاره بعد الانتهاء من عملية التعلم ( ECTS USERS GUIDE, 2005, P10 ).

وتنوع المسميات بين **مخرجات التعلم / او نتائج التعلم**: وهي اكتساب القيم في شكل أحرف او أرقام حصل عليها الطالب في نهاية التعلم ( Reich. 2015 ). ترتبط مخرجات التعلم بتحصيل التعلم لمعرفة ما إذا كان قد تم تحقيق أهداف التعلم أم لا،

ويمكن رؤيتها من نتائج التعلم التي حصل عليها الطالب على أنها علامات مرجعية بحيث تصبح في المستقبل مادة تقييمية لتطوير مهارات التدريس (Sahronih, Purwanto & Sumantri, 2020).

#### **أهمية مخرجات التعلم:**

تكمن أهمية مخرجات التعلم في قدراتها على تحسين عمليتي التعليم والتعلم، وتوجيهه للطلاب في تعلمهم في ضوء أهداف محددة وواضحة تشرح ما هو متوقع منهم بدقة وتقيمهم باستخدام أدوات التقييم التي تساعده على الحكم بواقعية على مدى تحقيق هذه المخرجات. تتلخص أهمية نواتج التعلم في الآتي (كينيدي، ديكلان، ٢٠١٢):

١. جودة العملية التعليمية وبالتالي ضمان جودة مخرجات المؤسسة التعليمية بشكل عام.
٢. توحيد جهود العاملين بالمؤسسة التعليمية نحو تحقيق أهداف محددة.
٣. المحاسبة والشفافية بما يحقق جودة العملية التعليمية.
٤. زيادةوعي وإدراك الطلاب لما يتعلمونه من معرف ومهارات وقيم
٥. إطار عام يمكن من خلاله إعداد وتصميم المقررات والمناهج الدراسية والبرامج الأكademie كما يمكن تقييم فاعلية البرنامج بشكل عام.
٦. أداة فاعلة للتخطيط والتحسين والتطوير للعملية التعليمية والممارسات الأكademie.
٧. زيادة فاعلية وتحسين الإرشاد الأكademie.
٨. دعم أسلوب التعلم المعتمد على الطالب والتي يركز على الخبرة التي يجب أن يكتسبها الطالب.

#### **مخرجات التعلم المعرفية:**

تتعلق مخرجات التعلم بالمجال المعرفي للمعلومات والمعرفة والمفاهيم والمبادئ ونتائج التعلم (Sudjana, 2009, pp. 22-23) وهي نتائج التعلم المتعلقة بالتغييرات التي تم الحصول عليها في شكل المعرفة في نهاية عملية التعلم، وغالباً ما يشار إليه على أنه إتقان المفهوم والذي يمكن تعريفه على أنه العلاقة بين المفاهيم الموضحة والمستخدمة لحل مشكلات الحياة اليومية Nieto-Márquez, Baldominos, & Pérez-Nieto, 2020; Zorluoğlu & Güven, 2020). تلعب مخرجات التعلم المعرفي في تعلم الرياضيات دوراً في تعويد الطالب على مهارة التفكير (Prachagool & Nuangchalerm, 2019) بالإضافة إلى ذلك، تعتبر مخرجات التعلم المعرفي معيار المنتج لتطوير التعلم، ويجب أن ترتكز المهارات المعرفية على التفكير، واستخدام المعرفة المكتسبة، والعرض بكلمات المرء، وإيجاد المقارنات، وخلق الأفكار، ومساعدة الطالب على استيعاب المفهوم والتفكير فيه وإتقان المفهوم بشكل شامل (Adom, Adu-Mensah, & Dake, 2020).

مخرجات التعلم المعرفية والقدرة على استرجاع المعلومات وفهمها وتقديمها، والتي تشمل بما يلي:

- معرفة حقائق معينة.
- معرفة مفاهيم وأسس ونظريات محددة.
- معرفة إجراءات معينة.

### عمليات المجال المعرفي للرياضيات:

إن تعريف المجال المعرفي الذي يستخدمه علماء الإدراك هو وصف لمستوى الصعوبة والدرجة المطلوبة من التحكم المعرفي من حيث صلتها بالسلوكيات التي يتم إيقافها أثناء إكمال مهام محددة. يستخدم معلموا الرياضيات المجال المعرفي لفهم احتياجات الطالب ومواهمة المحتوى مع مستويات قدرة الطالب، ومن خلال محاذاة المحتوى، يمكن لمعلمي الرياضيات ضمان عدم فرض هيمنة مفرطة على الطلاب إذا كان المجال المعرفي مرتفعاً جداً، أو عندما يشعر بالملل إذا كان المجال المعرفي منخفضاً للغاية، كما يمكن للمعلمين أيضاً فهم ما إذا كان المجال المعرفي مشتقاً من مصادر أخرى غير العمليات والإجراءات الرياضية (Lamb et al., 2016).

و هذا يتطلب اكتساب فهم أفضل لمعلمي الرياضيات بالتعرف على الممارسات، وكيف تتوافق مع إطار المجال المعرفي لتصنيف بلوم كمجموعة من المهام أو المشكلات التي من المفترض أن تدعم التعلم (على سبيل المثال، عن طريق تنشيط المعرفة السابقة، أو تكثيف الفهم، أو تطبيق المعرفة على مهام جديدة أو مشكلات). وهذا يتطلب أن يكون المجال المعرفي للرياضيات تشمل تصنيف بلوم(Bedford, 2014)، و يتكون تصنيف بلوم من ستة مستويات من المهارات المعرفية، مرتبة بشكل هرمي من مهارات التفكير الأدنى التي تتطلب الحد الأدنى من المعالجة المعرفية إلى مهارات التفكير العليا التي تتطلب تعلمًا أعمق ودرجة أكبر من المعالجة المعرفية وهم التذكر، الفهم، التطبيق، التحليل، التركيب، التقويم (Adams, 2015).

وقدم تصنيف بلوم إطاراً لتقييم سلوك الطلاب بشكل منهجي نتيجة لمشاركتهم في تجربة تعليمية، ويتم استخدامه أيضاً كنموذج لتحديد العمليات المعرفية التي يستخدمها الفاحصون لحل عناصر الاختبار. يوفر التصنيف دليلاً مفيداً لمساعدة المعلمين في بناء وتسلسل نتائج التعلم لتعكس عمليات التعلم الصعبة بشكل تدريجي من خلال توفير الساقلات لمساعدة المتعلمين على التقدم من مستويات التعلم الأدنى، مثل المعرفة والفهم، إلى مستويات أكثر تطلبًا من الناحية المعرفية مثل الإنشاء / او التصميم (Ramirez, 2017). كما قدم تصنيف بلوم للأهداف التعليمية أساساً لفهم نتائج التعلم. وفقاً لأندرسون وكراتهول (Anderson & Krathwohl, 2009) في مراجعته لتصنيف بلوم هناك ستة أبعاد للعمليات التي تحدث في المجال المعرفي وهم:

اللذكرا، والفهم، والتطبيق، والتحليل والتقييم والابتكار، وعلى الرغم من تطوير المزيد من التصنيفات الحديثة، فقد استخدم المعلمون تصنيف بلوم الأصلي على نطاق واسع لتحديد المهام التي تتضمن مهارات التفكير العليا وذات المستوى الأدنى (Cullinane, 2017; Liston, 2016; Irvine, 2017).

تم تصميم تقييم الرياضيات في TIMSS من تصنيف بلوم للأهداف التعليمية ويستخدم ثلاثة مستويات من المجالات المعرفية، وهي المعرفة والتطبيق والاستدلال، في تقييم الرياضيات للصفين الرابع والثامن. واعتمدت CXC أيضًا على تصنيف بلوم في إنشاء اختبار الرياضيات الإقليمي (Martin & Mullis, 2019). ويوضح الجدول التالي مقارنة تصنيف بلوم مع المجالات المعرفية لـ TIMSS (Caribbean Examination Council) CXC.

#### جدول (١)

**المجالات المعرفية: تصنيف بلوم و (الاتجاهات الدولية في دراسة الرياضيات والعلوم)**

**CXC و TIMSS والمجلس الكاريبي لامتحانات**

تصنيف بلوم	المجال المعرفي	TIMSS	المجال المعرفي
المعرفة -استدعاء المعلومات	المعرفة -استدعاء القواعد	المعرفة - تتغلى مفاهيم الحقائق	المعرفة - استدعاء المفاهيم
والأساليب والإجراءات والنظم	والإجراءات والتعريف والحقائق	والإجراءات	والأساليب والإجراءات والنظم
والبنية والإعدادات	- استيعاب -	- التقديم	- استيعاب -
فهم مادة التقييم وترجمتها إلى كلمات خاصة	استخدام الخوارزميات وتطبيق هذه الخوارزميات على مواقف المشاكل المألوفة	يركز على القدرة على تطبيق المعرفة والفهم المفاهيمي لحل المشكلات أو الإجابة على الأسئلة	استخدام الخوارزميات وتطبيق هذه الخوارزميات على مواقف المشاكل غير المألوفة
التطبيق -تطبيق المعرفة على المواقف الجديدة	الاستدلال يشمل المواقف غير المألوفة والسيارات المعقّدة	الاستدلال يشمل المواقف غير المألوفة والمشكلات متعددة الخطوات	الاستدلال حل المشكلات غير المألوفة، وعمل الاستدلالات والتعليميات، والتحليل والتوليف

تم اعتماد المجالات المعرفية المستخدمة في اختبارات الرياضيات CSEC من تصنيف بلوم الأصلي للأهداف التعليمية، ويتم استخدام أول مستويين، المعرفة والفهم، على النحو المحدد في تصنيف بلوم، والمستوى الثالث، التطبيق، أعيدت تسميته الاستدلال، في منهج الرياضيات CSEC (CSEC, 2008). حددت CXC المجالات المعرفية على النحو التالي (CSEC, 2008):

١. **معرفة:** العناصر التي تتطلب استدعاء القواعد والإجراءات والتعريف والحقائق، أي العناصر التي تتميز بالذاكرة عن ظهر قلب بالإضافة إلى الحساب البسيط والحساب في القياس والبناء والرسومات.
٢. **استيعاب:** العناصر التي تتطلب التفكير الحسابي الذي يتضمن الترجمة من وضع رياضي إلى آخر. استخدام الخوارزميات وتطبيقاتها على مواقف المشكلات المألوفة.
٣. **الاستدلال:** العناصر التي تتطلب:

- أ-. ترجمة المشكلة غير المألوفة إلى رموز رياضية ثم اختيار الخوارزميات المناسبة لحل المشكلات.
- ب-. الجمع بين خوارزميتين أو أكثر لحل المشكلات.
- ج-. استخدام خوارزمية أو جزء من خوارزمية، بترتيب عكسي، لحل مشكلة.
- د-. إجراء الاستدلالات والتعميمات من البيانات المعينة.
- هـ-. تبرير النتائج أو البيان.
- و-. التحليل والتوليف.

وتؤكد دراسة (Tan, Ismail, & Abidin, 2018) ان التحقيق في مستويات المجالات المعرفية التي تحقق مخرجات التعلم في الرياضيات، والتي تم تطويرها في إطار المناهج القديمة والجديدة بناءً على الاتجاهات في دراسة الرياضيات من حيث نوع المهام والمجال المعرفي. أظهرت نتائج الدراسة أن جزءاً كبيراً من المهام الرياضية وفي مجال "المعرفة" يتطلب تحديث في المحتوى ليتناسب مع التغيرات العالمية الحالية من خلال زيادة المهام في مجال التطبيق والاستدلال. وهذا يتطلب التخطيط بعناية بحيث يمكن للطلاب ذوي القرارات المختلفة الاستفادة. وفي الوقت نفسه، يجب على الممارسين أن يكونوا ذكياء في اختيار و توفير موارد تكميلية إضافية لتلبية احتياجات طلابهم.

### المحور الثالث: التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية:

التمثيل مهم جداً في تعلم الرياضيات، فهو وصف كائن أو عملية، أي كلمات ومحظطات ورسومات ومحاكاة حاسوبية ومعادلات رياضية وغيرها. يمكن استخدامه أيضاً لوصف العمليات المعرفية لفهم فكرة في الرياضيات (Hwang, chen,Dung & yang,2007). والتمثيل الرياضي يكون تمثيلات لتنظيم الأفكار الرياضية وتسجيلاً وتوصلها ويسخدمها، ويختار عبر التمثيلات الرياضية لحل المشكلات ويطبقها ويتراجمها، ويستخدم التمثيلات والنماذج لتقدير الظواهر الرياضيات (عوض الطراونة ٢٠١٦ ، ٢١).

وقد ورد في (2000, NCTM) والذي ينص على أن القدرة على التمثيل هي أحد أهداف تعلم الرياضيات في المدرسة. يمكن للطلاب تطوير وتعزيز فهمهم للمفاهيم والعلاقات الرياضية أثناء إنشاء ومقارنة واستخدام تمثيلات متعددة. تساعد التمثيلات مثل الأشياء المادية والصور ومسح الرموز الطلاب على توصيل أفكارهم. يمكن أن تمثل التمثيلات عقول الطلاب للتمنيارات التي يلتقطها الدماغ، ويتم إعادة إنتاجها مرة أخرى في شكل آخر (Sanwidi, 2018). ومن فوائد التمثيلات الرياضية بأنها (Fennel & Rowan, 2001: 289):

١. تستخدم كأداة قوية للتفكير وجعل الأفكار أكثر واقعية.
٢. تساعد المتعلم في التعرف على الأفكار الرياضية من خلال الموقف التعليمي.

٣. تحقق فهم المتعلمين عند الانتقال من المحسوس إلى المجرد أو بين صور التمثيلات الرياضية المختلفة.

#### تصنيف التمثيلات الرياضية:

إن التمثيلات مفيدة في التعلم الرياضي. وتشمل أهداف تعلم الطلاب تطوير أنظمة التمثيل الداخلية، وفهم أنظمة التمثيل الخارجي التقليدية، وإنشاء واستخدام العروض التقديمية كأداة للتواصل وحل المشكلات. ويتمثل أحد الموضوعات الناشئة في أن تعلم الطلاب يتضمن إقامة علاقات بين أنواع مختلفة من التمثيل منها: (التصويرية والرمزية؛ اللفظية والبصرية؛ داخلي وخارجي). عادة ما تكون أنظمة التمثيل الخارجية رمزية، ويكون نظام التمثيل الداخلي في عقل المرء فهو المعرفة والبنية في الذاكرة التي هي جزء من العملية المعرفية ويستخدم لتعريف المعاني الرياضية، أي أنظمة التدوين الشخصية، ولغة الطبيعة، والصور المرئية، واستراتيجيات حل المشكلات، وأنظمة الترقيم والمعادلات الرياضية والتعبيرات الجبرية والرسوم البيانية والأسκال الهندسية والخطوط الرقمية هي أمثلة على العروض الخارجية. تم تطوير التمثيل الخارجي واستخدامه على نطاق واسع في مختلف التعلم. فالتمثيل الخارجي هو لغة مكتوبة ومنطقية (Salkind, 2017).

من المؤكد أن عملية التمثيل الداخلي لا يمكن ملاحظتها بصرياً ولا يمكن تقديرها مباشرة لأنها تمثل نشاطاً عقلياً للشخص. بعبارة أخرى، فإن الشخص الذي ينفذ عملية تمثيل داخلي في تعلم الرياضيات سيفكر في الأفكار أو المفاهيم الرياضية التي يدرسها من أجل فهم المشكلة بوضوح، وربط المشكلة بمعرفة الطالب، ووضع خطة (Sahendra et al., 2018)، لاستخدام التمثيل الخارجي لوصف ما هو الطالب والمعلم وعالم الرياضيات، والتي يجب أن يتم تجميعها في ثلاثة أشكال، وهي: الشكل المرئي، والرمز، واللفظي. ويتحقق التمثيل المرئي بمعظم المعلومات التفصيلية للسياقات الأصلية ويمثل بوضوح التصور الملموس للكائنات لمساعدة الطالب على فهم سياقات المشكلة ويتضمن مخططات أو جداول أو رسوم بيانية ورسومات هندسية ورسومات تخطيطية (Viseu et al., 2021).

وذكر كرامارסקי (Kramarski, 2000) أن التمثيلات الرياضية للطلاب تم تصنيفها إلى أربع فئات:

- (أ) الحجج اللفظية القائمة على التحليل المرئي للمخطط.
- (ب) الحجج الشفهية القائمة على الشكل.
- (ج) الحجج العددية / الجبرية.

(د) الحجج القائمة على الرسومات التي أضافها الطالب إلى الرسم البياني.  
بناءً على (أ)، (ب) ذات الصلة بالنصوص المكتوبة، أما (ج) فهي ذات الصلة بالتعبير الرياضي، و(د) ذات الصلة بالرسومات. هناك ثلاثة جوانب رياضية سيتم تقديرها في

البحث وهي بناء النماذج المفاهيمية مثل الرسومات والجداول والحراف الرسمية والرسوم البيانية (الرسم) ؛ إنشاء نماذج رياضية (تعبير رياضي) وحجج لفظية تستند إلى تحليل الصور والمفاهيم الرسمية (نصوص مكتوبة).

وقد ذكرت بعض الدراسات أن معلمي الرياضيات غالباً ما يقدمون تمثيلات تخطيطية محددة مسبقاً ويطلبون من الطلاب حفظ تلك التمثيلات لحل المشكلات اللفظية (Fagnant & Vlassis, 2013). ومع ذلك، كشفت نتائج بعض الدراسات أن حل المشكلات اللفظية مع التمثيلات يؤدي إلى زيادة أداء الطلاب، ومنها دراسة (Sanwidi, 2018) أكدت على أن تطبيق التمثيلات المختلفة للطلاب أمراً مهماً للغاية لتحسينه من قبل الطلاب من أجل النجاح في حل المشكلات اللفظية الرياضية المختلفة. كما أكدت نتائج دراسة (Sahendra, , Budiarto , & Fuad, 2018) على استخدام التمثيلات المتعددة لحل المشكلة اللفظية يؤدي إلى زيادة الكفاءة الذاتية لكل طالب لتحقيق أقصى قدر من التحصيل الرياضي.

#### التمثيل الرياضي وحل المشكلات اللفظية:

عند مواجهة أفكار جديدة ومعقدة، يمكن للطلاب تجربة تمثيلات مختلفة كمظهر من مظاهر استراتيجياتهم في حل المشكلات في الرياضيات، ويسمى استخدام التمثيلات المختلفة في حل مشكلة التمثيل المتعدد، ولتكون قادراً على تحديد وتمثيل نفس المفهوم في نماذج تمثيلية مختلفة، من المهم الفهم المفاهيمي في الرياضيات، ويمكن أن تكون مسائل الرياضيات مشكلة لفظية، و يتم تقديم المشكلة اللفظية في شكل سرد ذي مغزى يمكن فهمه والإجابة عليه رياضياً بناءً على خبرة التعلم السابقة، فضلاً عن ارتباطه بالموقف الذي يمر به الطالب في الحياة اليومية (Boonen etal., 2016) . وتمنح المشكلة اللفظية الرياضية الطلاب تحديات في تطبيق التفكير الرياضي في المواقف المختلفة، ويطلب الحل تكامل بعض العمليات المعرفية التي يحتاج فيها الطالب إلى فهم اللغة والمعلومات الواقعية في المشكلة، وترجمة المشكلة باستخدام المعلومات ذات الصلة لإنشاء التمثيل العقلي المناسب، وتجميع خطط حل المشكلات ومراقبتها، وتنفيذ الخطط المناسبة، والحسابات الإجرائية (Desoete , Roeyers , & De Clercq, 2003)

ويعد حل المشكلة اللفظية في الرياضيات جانباً مهماً في تعلم الرياضيات (NCTM, 2000)، وتساعد المشكلات اللفظية الطلاب على بناء تمثيلات رياضية وفهم العلاقات والترابيب الرياضية، وفي استكشاف العلاقة بين الواقع والمفاهيم والعمليات الرياضية المجردة (Jitendra, 2019).

وتتضمن خطوات حل مشكلة اللفظية الرياضية وفقاً لبوليما ما يلي: (١) فهم المشكلة، (٢) وضع خطة، (٣) تنفيذ الخطة، (٤) النظر إلى الخلف. أظهرت الدراسات أن الطلاب يمرون عادةً بمراحل تمثيل المشكلات لحل المشكلات اللفظية (Depaepe

(2019; Jitendra et al., 2010). في مرحلة تمثيل المشكلة، يفهم الطالب المشكلة ويقومون ببناء التمثيلات (أو النماذج) لتوضيح حالة المشكلة بوضوح. ومع ذلك، يعمل الطلاب من خلال التمثيلات التي تم إنشاؤها في مرحلة حل المشكلة ويقومون بتفسير وتقدير النتيجة (Leea & Hwang, 2022).

لكن العديد من الدراسات تكشف أن الطلاب يعبرون عن صعوبة كبيرة في التعامل مع الكلمات أو موضوع القصة (Boonen et al., 2014). ومن الصعوبات التي يجدها الطلاب عادةً في حل المشكلة اللغوية هي ترجمة تمثيل الكلمات إلى تمثيلات رياضية. حيث تختلف المشكلات اللغوية عن الحساب لأنها تتضمن معلومات لغوية بالإضافة إلى الحساب وتتطلب تحديد المعلومات المفقودة، وبناء جملة رقمية للعثور على المعلومات المفقودة، وإجراء العمليات الحسابية للعثور على العدد المفقود (Wang, Fuchs, & Fuchs, 2016)، وتميز بعض الباحثين بالعديد من مكونات المشكلة اللغوية، وهي (١) الهيكل الرياضي: طبيعة المعطى وغير المعروف المتعلق بالمشكلة؛ (٢) البنية الدلالية: الطريقة التي يشير بها تفسير النص إلى علاقة رياضية معينة؛ (٣) السياق: ما هي المشكلة ؟ و (٤) الشكل: صياغة وعرض المشكلة (Verschaffel et al. 2000). وتشير الدراسات إلى أن هذه المكونات المعقّدة قد تخلق صعوبات مختلفة عند قيام الطلاب بحل المشكلات اللغوية، ومن وجهة النظر هذه، أجرى الباحثون دراسات خاصة في مشكلات الحساب والجبر اللغوية مع الطلاب في مختلف المراحل الدراسية من أجل فهم الصعوبات التي يواجهها الطلاب والتغلب عليها. تكشف نتائج هذه الدراسات أن الطلاب واجهوا صعوبات لأسباب مختلفة، ويوجد العديد من العوامل التي تؤثر على حل الطلاب للمشكلة اللغوية منها:

١. عدم كفاية قدرات فهم القراءة (Erdem, 2016)
٢. الهيكل الدلالي والنحواني للعبارات في المشكلات (Çelik & Taşkın, 2015)
٣. أنواع الأرقام المستخدمة في المشكلة (Haghverdi, Semnani, & Seifi, 2012)
٤. أنواع العمليات المطلوبة (Varol & Kubanç, 2015)
٥. وجود بيانات ذات صلة وغير ذات صلة بالمشكلات (Wang et al., 2016)
٦. أنواع التمثيلات المقدمة في حالة المشكلة (Deliyianni et al., 2016)  
علاوة على ذلك، فإن ضرورة تطوير حلول فعالة لتعزيز أداء الطلاب في المشكلات اللغوية من خلال التغلب على الصعوبات المذكورة أعلاه. حيث أكّت دراسة (Delice & Sevimli 2010) أن الطلاب يكون لديهم قدرة تمثيل عالية في حل المشكلات اللغوية في التمثيل الجبري، وان ينتقل الطلاب من الحساب الملموس إلى

اللغة الرمزية للجبر في المدارس الثانوية في حلول المشكلات الرياضية، وأكّدت دراسة (Adebola, Taiwo & Akorede, 2018) ان الامر يتطلب التعرف على قدرة الطالب على التمثيل في موضوعات الرياضيات لحل المشكلات اللفظية وإنجازهم في الرياضيات.

**نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية ومخرجات التعلم والتمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية**

تم إجراء عدد من الدراسات في المعرفة التربوية في مجال تعليم الرياضيات على مستوى العالم. مع التركيز على أهداف وغايات مختلفة بدلاً من تقييم معرفة المحتوى التربوي، وأنشطة الفصل الدراسي ، فقد ركزت معظم الدراسات على المجالات: فهم كيفية قيام معلمي ما قبل الخدمة ببناء معرفة المعلم ومعرفة المحتوى التربوي للرياضيات مثل (Depaepe et al.2013)، ومراجعة الطريقة التي تم بها تصور معرفة المحتوى التربوي ودراستها (تجريبياً) في أبحاث تعليم الرياضيات وضع تصور للمعرفة الرياضية للمعلمين بموضوع معين للطلاب ( Petrou & Goulding, 2011).

وقد قام (7) Ramaligela, Ogbonnaya & Mji, 2019, على ربط المخرجات المعرفية بنموذج دورة التعلم 9E، و شرح المراحل لهذا النموذج على النحو التالي:  
الاستنباط يتضمن حث المتعلمين على معرفة مسبقة. المشاركة تتضمن ربط الخبرة / المعرفة اليومية بمفهوم جديد. الاستكشاف يتضمن الإدخال الدقيق للمفاهيم أو العمليات أو المهارات الجديدة بطريقة متماشة لإزالة الالتباس. والتفسير تتضمن شرحاً مستمراً للمفاهيم المختلفة لتعزيز فهم المتعلمين. على سبيل المثال، يمكن لمعلمي ما قبل الخدمة استخدام أساليب مختلفة، مثل الجدل أو التبرير أو الوصف أو التفسير لشرح المفاهيم المختلفة التي قد تكون صحيحة أو غير صحيحة. الصدي تتضمن استخدام أفكار المتعلمين لتحديد لحظة قابلة للتعليم. على سبيل المثال ، يمكن لمعلمي ما قبل الخدمة استخدام استجابات المتعلمين لبناء فهم للمفاهيم المختلفة وأيضاً لتصحيح المفاهيم الخاطئة لدى المتعلمين. التقويم المستمر لتقييم تعلم المتعلمين والذي يجب أن يتم خلال جميع التفاعلات مع الطالب في جميع مراحل العرض. التوضيح ملخصاً للمفاهيم يمكن لمعلم ما قبل الخدمة استخدام أوضاع مختلفة مثل الخاتمة أو الإيجاز أو الملخص المستمر لاختتام الدرس. والتفصيّج تتضمن استخدام استراتيجيات خاصة وذات صلة بالموضوع. والبحث الإلكتروني لتحفيز فضول المتعلمين واهتمامهم ولضمان المشاركة المستمرة للمتعلمين طوال الدرس كمساركين نشطين ، مما يساعدهم على تطوير الفهم المفاهيم.

وعلى ذلك أكدت دراسة (Tukiran, Mubarokah & Nasrudin, 2020) على فاعلية نموذج دورة التعلم 9E على تحسين نتائج التعلم. كما أكدت ( Nurrita ,

(2018) يمكن أن يؤدي وجود وسائل التعلم الإبداعية إلى تحسين نتائج تعلم الطلاب لأنها يجعل عملية التدريس والتعلم سهلة وممتعة. كان استخدام مقاطع الفيديو التعليمية في التعلم عبر الإنترن트 مناسباً لأنها في مقاطع الفيديو التعليمية كانت هناك صور / رسوم متحركة جعلتها أكثر تشويقاً ولم تضجر الطلاب. بالإضافة إلى ذلك، حتى إذا كان اتصال الطلاب بالإنترن트 غير مستقر، فهذه ليست مشكلة لأن مقاطع الفيديو التعليمية مرنة ويمكن تكرارها. أوضح (Agustiningsih, 2015) أن استخدام جميع الحواس، وخاصة حاستي البصر والسمع عند الدراسة، يمكن أن يسهل على الطلاب فهم الموضوع وإنقاذه.

وفقاً لنتائج دراسة (Sarac, tarhan, 2017) يمكن القول أن المواد التعليمية التي يتم إعدادها وفقاً لنموذج دورة التعلم المدعوم بالوسائل تؤثر على التحصيل الأكاديمي بشكل إيجابي وتكون المعلومات المكتسبة أكثر قابلية للذكر، وفي هذا الصدد أكدت نتائج دراسة (Hakim, Asikin & Cahyono, 2021) أن استخدام وحدات التعلم مع الوسائل التفاعلية المستند إلى دورة التعلم 9E يمكن أن يكون له تأثير فعالاً لتحسين مهارات حل المشكلات، وما أكدته دراسة (Sadrae, et al., 2022) على التأثير الإيجابي للنموذج 9E والذي يؤدي إلى تحسن كبير في فهم المفهوم ؛ ونتائج دراسة (Assi, Saad & Sankaran, 2023) أوضحت أن نموذج دورة التعلم 9E هي طريقة تعلم أكثر فاعلية لتحسين الاستدلال ضمن مستويات مخرجات التعلم المعرفية. كما أشارت دراسة (Nurfitriyanti et al., 2020) بأن هناك فرقاً كبيراً في قدرات التمثيل الرياضي بين الطلاب الذين يتعلمون من خلال نموذج دورة التعلم 9E ونموذج التعلم المباشر.

وتقترح الباحثة الخطوات التالية كنموذج لحل المشكلة الرياضية اللغوية بما يتاسب مع طلاب المرحلة الثانوية، وهي كالتالي:

١. مرحلة فهم المسألة اللغوية: تهيئة الطلاب لوجود مشكلة رياضية. قراءة المشكلة الرياضية اللغوية قراءة أولية بالاعتماد على النفس (الاستقلال).
٢. مرحلة المشكله الرياضية اللغوية قراءة متأنية (تحديد معطياتها والمطلوب فيها).
٣. مرحلة اقتراح خطة الحل: استعراض البديل الممكنة لاكتشاف خطة الحل
٤. مرحلة تنفيذ الخطة: تنفيذ خطة الحل المناسبة.
٥. مرحلة تقويم خطة الحل: التحقق من الحل، للتأكد من صحة تنفيذ خطوات الحل.

### فروض البحث:

بعد استقرار الإطار النظري والدراسات والبحوث السابقة، يمكن صياغة فروض البحث الحالي على النحو التالي:

١- لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متوسطي درجات

طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال).

٢- لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متوسطي درجات

طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (ككل) وعند كل مهارة من مهاراته.

٣- توجد علاقة ارتباطية دالة موجبة بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) ودرجاتهم على اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (ككل).

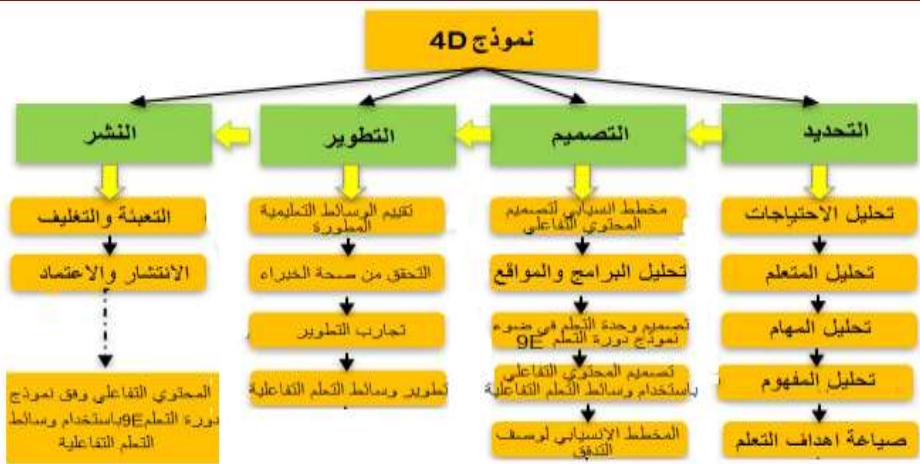
### الخطوات الإجرائية للبحث:

للإجابة عن أسئلة البحث والتحقق من صحة فرضيه، من البحث الحالي بالإجراءات والخطوات التالية:

أولاً: إعداد أدوات البحث:

١) تصميم المحتوى التفاعلى وفق نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية:

يشير التصميم التعليمي إلى العملية المستخدمة لإنشاء المواد التعليمية، ويتم استخدامه لتحديد الفجوات في المعرفة والمهارات لدى الطلاب، وتحليل احتياجات التعلم وتطوير المواد التعليمية لسدتها، وقد قامت الباحثة بالاطلاع على العديد من نماذج التصميم التعليمي لتوظيف وسائل التعلم التفاعلي مع نموذج دورة التعلم 9E، بينما استندت الباحثة إلى نموذج 4D (Trianto, 2007). وقد اعتمد البحث الحالي على هذا النموذج لأنه حدد خطوات لجذب انتباه الطلاب من خلال محفزات، وأبلغ الطلاب بأهداف أو نتائج الدرس قبل إعطاء التعليمات. وتقديم المحتوى للمتعلمين بطريقة يسهل فهمها، ويكون من أربع مراحل هي الإعداد والتصميم والتطوير والنشر بالشكل التالي.



أولاً: يتم تنفيذ مرحلة التحديد هي المرحلة الأولى في تجميع الوسائط لتحديد وتعریف متطلبات التعلم في هذه المرحلة، ما يتم عمله هو تحديد تطور وسائط التعلم والمواد المستخدمة، والتي اشتغلت على:

(أ) تحليل الاحتياجات: في هذه المرحلة، تم التعرف على عوامل تحقيق تعلم الرياضيات للطلاب الصف الأول الثانوي بمدراس التعليم العام، وذلك عن طريق طرح السؤال على معلمي الرياضيات لمعرفة ما إذا كان استخدام الوسائط التفاعلية يمكن تشغيله في المدارس من قبل الطلاب، وما إذا كان يمكن للطلاب استخدام الهاتف المحمول، وتم إجراء مقابلة مع معلم الرياضيات للصف الأول الثانوي حول تقرير تعلم الطالب ووسائل التعلم المستخدمة حتى الآن خصوصاً ان الرياضيات مادة متعلقة بالحياة . ولا تقتصر الرياضيات على الحفظ فحسب، بل يتطلب أيضاً أمثلة حقيقة في الحياة اليومية حتى لا يشعر الطلاب بالملل والتشبع في دراسة الموضوع، وقد أوضح معلمي الرياضيات أن الاعتماد على وسائط التعليمية المستخدمة لا تزال أقل فعالية وكفاءة في تحقيق مخرجات تعلم تتناسب مع اهداف مادة الرياضيات في المرحلة الثانوية، ومن الضروري تطوير وسائط متعددة تعليمية وفق نموذج يتم دمجه عن طريق التعلم للتحقيق في المعرفة الموضوعة حول الرياضيات حتى تصبح عملية التعلم أكثر نشاطاً ومتعملاً. وعن تزويد بعض قاعات الدراسات باستخدام جهاز عرض دائم وسيتم توفير عدد من الفصول التي لم يتم تجهيزها بجهاز عرض دائم محمول . بالإضافة

إلى ذلك، تم تجهيز كل فصل أيضاً بلوحة بيضاء وغرفتي معمل كمبيوتر داعمين جداً لتطوير الوسائل المتعددة التفاعلية في عملية التعلم، كما ان الطلاب لديهم أجهزة مزودة بشبكة إنترنت تم تسليمها من الوزارة ولديهم أجهزة هواتف ذكية ولكن لديهم قصور في الوصول الى استراتيجية تتناسب مع ميولهم في تحقيق تعلم الرياضيات، وتحديد الحاجات التعليمية انهم بحاجة الى تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثل الرياضي في حل المشكلات اللفظية التي هم في حاجة فعلية لها.

(ب) **تحليل الطالب / المتعلم:** وقد اشتغلت على تحديد خصائص المتعلمين وتوصيفهم، وهم طلاب الصاف الأول الثانوي العام بمدرسة الشهيد عبد فتحى عطية الثانوية بمحلة منوف بإدارة شرق طنطا التعليمية، ويختلف أسلوب التعلم للطلاب وفقاً لأنماط بصرية وسمعية وحركية، وهذا تطلب تنويع وسائل تعليمية تفاعلية تتوافق وفق خطوات النموذج وتناسب مع أنماط الطالب.

(ج) **تحليل المهام:** تم تحليل أداء الطلاب في المهام وفق نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية، ويتم ذلك في ضوء مراحل النموذج لكي تساعد الطالب على إدارة المعلومات والمعرفة بفاعلية، وأدوات تساعد في تنفيذ المهام المطلوبة من الطلاب حيث يقوم بدراسة المحتوى (الذي تم إنشائه لوحدة "الجبر وال العلاقات والدواو" للصف الاول الثانوي الفصل الدراسي الاول)، ثم التعرض للتقويم الذاتي، ثم أداء الأنشطة والمهام المتعلقة بالمواد الموجودة في الوسائل المتعددة التفاعلية ويمكن إجراؤها في مجموعات أو أفراد بعد قراءة النشاط التعليمي/المهمة، ويقوم بأدائها من خلال مشاركة أقرانه والتفاعل معهم في ضوء مراحل النموذج وتحطيط المحتوى.

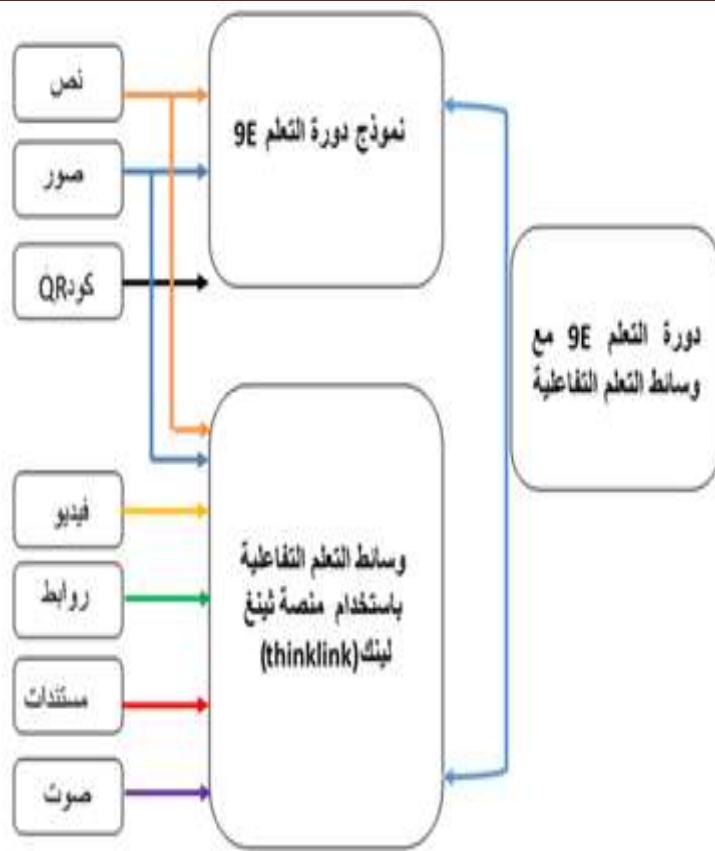
(د) **تحليل المفهوم:** تم تحديد المادة الأساسية في التعلم وترتيبها بشكل منهجي والعمل على تم تطويرها في ضوء النموذج والوسائل المتعددة التفاعلية الملائمة للمحتوى، وتصميم الرسالة التعليمية على الوسائل التي تم إنتاجها، وتصميم عناصر عملية التدريس، وتصميم أساليب التفاعل وفق نموذج دورة التعلم 9E.

(ه) **صياغة أهداف التعلم:** وفيها تم صياغة الأهداف التعليمية لمحتوى وحدة "الجبر وال العلاقات والدواو" للصف الاول الثانوي الفصل الدراسي الاول على ستة موضوعات، والتي بلغت (٦) هدف عام، و(٣٥) هدفاً معرفياً إجرائياً، وقد تم تحديد عناصر المحتوى طبقاً للأهداف، وتم تقسيم هذه العناصر إلى ستة مجموعات لتحديد الكفاءة ومؤشرات التحصيل التعليمي التي يجب

**مجلة تربويات الرياضيات – المجلد (٢٦) العدد (٥) - يوليو ٢٠٢٣ م الجزء الثاني**  
أن يتحققها الطلاب. وفي نهاية الوحدة من المتوقع أن يكون الطالب قادرًا على أن:

- يذكر مفهوم المعادلة الجبرية ذات المتغير الواحد.
- التمييز بين المعادلات وال العلاقات والدواو.
- فهم أنه يمكن إيجاد حلول المعادلة التربيعية عندما يقطع التمثيل البياني المحور س.
- تقريب حل المعادلة التربيعية من خلال رسم تمثيلها البياني.
- معرفة التمثيل البياني للمعادلة التربيعية بعد حلها جبرياً.
- يذكر مفهوم العدد التخييلي.
- تذكر تعريف ت وهو  $T = -1$ .
- يدرك مفهوم العدد المركب.
- يكتب العدد المركب على الصورة  $a + bi$ .
- يحدد الجزء الحقيقي والجزء التخييلي للعدد المركب.
- حل المعادلات التي تكون حلولها هي أعداد تخيلية بحثة.
- يدرك تساوي عددين مركبين ((معرفة أنه عند تساوي الأعداد المركبة، أو جمعها أو طرحها، يمكن النظر إلى الأجزاء الحقيقة والتخيلية، كل على حدة).
- تفسير المسائل التي تتضمن جمع او طرح عددين مركبين، وحلها.
- ضرب الأعداد المركبة في أعداد مركبة أخرى.
- يجد م Rafiq العدد المركب لعدد مركب معطى.
- فهم العلاقة بين العدد المركب ومرافقه.
- تبسيط وإيجاد قيمة المقادير التي تتضمن أعداداً مركبة ومرافقاتها.
- تذكر معادلة مميز المعادلة التربيعية.
- تحديد نوع جذري المعادلة التربيعية.
- يستخدم المميز لتحديد عدد الجذور الحقيقية لمعادلة تربيعية.
- يستخدم المميز لتحديد إذا ما كانت المعادلة التربيعية تحتوي على جذور نسبية.
- يستخدم المميز لإيجاد القيم المجهولة التي تحقق شروطًا معينة تتعلق بأنواع الجذور.
- تحليل معادلة تربيعية لها جذور مركبة.
- إيجاد الجذور المركبة لمعادلة تربيعية ليس لها جذور حقيقية.

- إيجاد المعادلة التربيعية بمعلومية جذورها المركبة.
  - معرفة العلاقة بين جذور المعادلة التربيعية ومعاملاتها.
  - تحديد مجموع وحاصل ضرب الجذور.
  - تكوين معادلة تربيعية بمعلومية جذورها، عندما تكون الجذور أعداداً صحيحة وأعداداً نسبية وأعداداً حقيقة وأعداداً مركبة، وحل المسائل المرتبطة بها.
  - كتابة معادلة تربيعية يرتبط جذراها بجذري معادلة تربيعية أخرى
  - تحديد إشارة دالة ثابته على فترات محددة بيانياً وجبرياً
  - تحديد إشارة دالة خطية على فترات محددة بيانياً وجبرياً
  - تحديد إشارة دالة تربيعية على فترات محددة بيانياً وجبرياً
  - تحديد الفترة التي تكون للدالة إشارة محددة عليها.
  - حل المتباينات التربيعية في متغير واحد جبرياً.
  - حل المتباينات التربيعية في متغير واحد بيانياً.
- ثانياً:** مرحلة التصميم: وتهدف إلى إنتاج وتصميم وسائل تعليمية تفاعلية بناءً على نموذج دورة التعلم 9E التي سيتم تطويرها.
- (أ) **تصميم مخطط انسيابي لتصميم المحتوى التفاعلي:** تم تصميم مخطط انسيابي لتصميم المحتوى التفاعلي لوحدة التعلم باستخدام نموذج دورة التعلم 9E ووسائل التعلم التفاعلية، وتضمين التصميم بيانات ومعلومات والمخطط الشكلي (Layout) لعناصر وحدة التعلم باستخدام نموذج دورة التعلم 9E مع وسائل التعلم التفاعلية:



شكل (٤)

تصميم مخطط انسيابي لوحدة التعلم باستخدام نموذج دورة التعلم 9E ووسائل التعلم التفاعليه.

(ب) تحديد البرامج والموقع الازمة لتصميم المحتوى التفاعلي: تم استخدام منصة thinglink لتصميم المحتوى التفاعلي بالوسائل التفاعليه مع نموذج دورة التعلم 9E، وفي هذه الوسائل التفاعليه، تبدأ بمشاهدة مقاطع فيديو للمحتوى، وتقديم أسئلة الممارسة والتقييم، وتم الاعتماد في عرض المادة على شكل صور أو نصوص أو صوتيات أو فيديو يتم عرضها في شكل وسائل تعليمية متعددة.

(ج) تصميم وحدة التعلم في ضوء نموذج دورة التعلم 9E: وقد تضمنت الوحدة التعليمية المحددة موضوعات: تتضمن الوحدة الاولى "الجبر وال العلاقات والدوال" لـالصف الاول الثانوي الفصل الدراسي الاول على ستة موضوعات: (حل معادلات الدرجة الثانية في متغير واحد، مقدمة عن الاعداد المركبة، تحديد

نوع جذري المعادلة التربيعية. العلاقة بين جذري معادلة الدرجة الثانية ومعاملات حدودها. إشارة الدالة. متبادرات الدرجة الثانية في مجھول واحد.) وفي تصميم الوحدة لتحقيق اهداف التعلم للموضوعات المطروحة فقد تم:

• اختيار الاستراتيجيات والأساليب التدریسية المتضمنة بالوحدة في ضوء

**نموذج دورة التعلم 9E:** تتواءت الاستراتيجيات والأساليب التدریسية وفقاً لأهداف كل درس وما يتضمنه من موضوعات ووفقاً لكل مرحلة من مراحل النموذج وما تتطلبه كل مرحلة من أدوار يجب أن يقوم بها الطالب للوصول إلى المرحلة التي تليها، حيث يجب اختيار الأساليب التي تحقق مهارات البحث والاستقصاء لدى الطالب، لذا تم استخدام استراتيجيات مثل: طرح أسئلة استقصائية – السؤال والجواب – التعلم التعاوني – العمل في زواج أو في مجموعات صغيرة - مقاطع الفيديو - عروض باوربوينت – وسائل تعليمية تفاعلية- لعب الأدوار- البحث الإلكتروني – استخدام الأسئلة مفتوحة النهاية التي تشجع الطلاب على التفكير في حلول المشكلات.

• تحديد الأنشطة المناسبة في ضوء نموذج دورة التعلم 9E: تم تحديد

الأنشطة وفقاً للأدوار التي يجب أن يقوم بها التلاميذ في كل مرحلة من مراحل النموذج بما يحقق اهداف الوحدة، ومنها أنشطة مشاهدة عرض توضيحي، ومقطع فيديو؛ والاستماع إلى تقرير ذات صلة وإشراك الفصل بسؤال مفتوح لاستبطاط الإجابات، وانشطة وصف الملاحظات التي تم إجراؤها، وتقديم إجابات وحلول لأسئلة العلاقة من خلال المشاركة التفاعلية واستيعاب محتوى، تمارين الفصل، لعب الأدوار، الاختبارات القصيرة، انشطة التلخيص. وانشطة البحث والاستقصاء الإلكتروني، وانشطة تتضمن تمثيلات متعددة لاستكشاف موضوع الدرس حيث تم وضع مشكلات لفظية للتمثيلات المتعددة وتتضمن: العبارات اللفظية والعددية والجبرية والتمثيل البياني والجداول بحيث تساعد الطلاب على تصور المفاهيم وتعزيز الفهم. وذلك وفقاً ل استراتيجية تساعد الطلاب على كيفية حل المشكلات اللفظية غير التقليدية وتتضمن المراحل التالية:



شكل (٥)

**خطوات استراتيجية حل المشكلات اللغوية غير التقليدية**

- تحديد الوسائل المعينة لتحقيق اهداف الوحدة في ضوء نموذج دورة التعلم 9E: وتم الاعتماد عبر ThingLink على مجموعة من الأدوات المعينة لتحسين المشاركة ونتائج التعلم بشكل جذري باستخدام الوسائل التفاعلية: الصور ومقاطع الفيديو، ورسوم بيانية وQR كود.
- تحديد أساليب التقويم المناسبة في ضوء نموذج دورة التعلم 9E: تتعدد أساليب التقييم ذلك لتطوير فهم واقعي لما اكتسبه الطالب في المحتوى المقدم لطلاب الصف الأول الثانوي العام وللحكم على التقدم نحو أهداف التعلم الموضوعة وقد تم تضمين: **التقويم القبلي**: تم قبل تدريس الوحدة من خلال التطبيق القبلي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية واختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية / **التشخيص**: تم التقويم من خلال اختبار للتأكد من المعارف السابقة الضرورية. / **بداية كل درس**: تم التقويم من خلال نشاط السابق – الحالي – لماذا. / **التقويم التكيني (أثناء كل درس)**: يقصد به مراقبة التقدم وذلك من خلال تحديد إذا كان الطالب يحققون تقدماً مناسباً في كل درس أثناء تعلمهم أم لا وتم التقويم من خلال أسئلة شفهية وعند ادائهم لتمارين (تأكد من فهمك) وهي تمارين مدرجة في كل درس. / **التقويم الختامي (بعد كل درس)**: يقصد به تقويم مدى نجاح الطالب في تعلم مفاهيم الوحدة وتم التقويم من خلال ما

لخصه الطلاب لما تم تعلمه وأيضا حل الاختبار التراكمي من خلال التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية واختبار القدرة على التمثل الرياضي في حل المشكلات اللغوية على المجموعة التجريبية.



شكل (٦) إضافة رابط اسئلة التقييم

- **تحديد الخطة الزمنية لتدريس موضوعات الوحدة الدراسية:** تم تدريس موضوعات الوحدة الأولى "الجبر والعلاقات والدوال" للصف الأول الثانوي الفصل الدراسي الأول في (١٥) حصة. وقد تم تصميم الدروس وفق نموذج دورة التعلم 9E والتي تمثلت فيما يلي: البيانات الأساسية للدرس: وتضمنت: المادة - الوحدة التدريسية - موضوع الدرس - زمن التدريس - محتوى الدرس - مخرجات التعلم الخاصة بكل درس: تم وضع الاهداف وفق المجال المعرفي CXC مصنفة إلى ثلاثة مستويات وهم المعرفة والاستيعاب والاستدلال-المفردات الأساسية: تتضمن المفاهيم والمصطلحات العلمية الخاصة بالدرس - المتطلبات التعليمية السابقة- الأدوات والمواد التعليمية المستخدمة. **إجراءات الإدارة الصيفية:** وتكون في ضوء مراحل نموذج دورة التعلم 9E متضمنة المراحل التالية:

**خطوات نموذج دورة التعلم 9E في تطوير وحدة التعلم التفاعلي**

<p><b>المرحلة الأولى - الاستبatement Elicit</b> - للتعرف على الخبرات السابقة واسترجاع المعرفة الموجودة وربطها بالمعرفة الجديدة والتي تتعلق بموضوع الدرس ولتحفيز المفاهيم الخاطئة التي قد تكون لدى الطالب، وتم دمج مرحلة البحث الإلكتروني</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- يحثي الطلاب على اختبار وذلك للتأكد من فهم الطالب للمهارات السابقة المترتبة عليه.</li> <li>- تمت إضافة بعض الكلمات في النصوص مع إشارات التسليم ، للسماح للواتر المترافق لمزيد من الشرح</li> </ul>
<p><b>المرحلة الثانية - المشاركة Engage</b> - لجدب الانتباه وتقويف المفهوم وتحفيز الطلاب على بدء التعلم، وتم دمج مرحلة البحث الإلكتروني</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تم دمج مرحلة البحث الإلكتروني من خلال تقديم مقطع فيديو لإثارة الاهتمام وفصول الطلاب يتذوقون قصة وامثلة وأعمدة ذات صلة بالمحظوظ.</li> <li>- كيتشن تمهيدي عن موضوع الدرس.</li> <li>- تمت إضافة أسلطة متصلة بالمحظوظ في مقطع الرسوم المتحركة الصغير لإثارة الحشو.</li> <li>- تم استخدام الصور المتحركة في الدرس لجذب انتباه الطالب.</li> </ul>
<p><b>المرحلة الثالثة - الاستكشاف Explore</b> - إجراء الاكتشاف وطرح الأسئلة الاستقصائية لتحفيز المزيد من التفكير وتسجيل الملاحظات، وتم دمج مرحلة البحث الإلكتروني</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تم وضع أسلطة لاستكشاف أحد المفاهيم بشكل جماعي</li> <li>- تم استخدام الميكانيكيات الرياضية لاستكشاف العلاقة بين المفاهيم</li> </ul>
<p><b>المرحلة الرابعة - التفسير Explain</b> - تقديم معلومات جديدة بشكل هادف للطالب وتسخير النتائج والمعلومات المستسقة من الأنشطة السابقة، وتم دمج مرحلة البحث الإلكتروني</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تم ترتيب تسبيسات النص في شكل قرارات ونقاط</li> <li>- تم توفير تفاصيل إضافية مع الإرشادات لتنمية المعرفة</li> <li>- تم استخدام مقطع فيديو لتقدم الشرح بتفاصيل مزيدة أكثر</li> <li>- تم استخدام الصوت لتوفير دليل يمكن للطلاب التعلم من خلال الاستماع في الخطاب.</li> <li>- تم عرض المشاكل التكميلية وكيفية حلها باستخدام الميكانيكيات الرياضية المتعددة</li> <li>- كما تضمن التقييم التكميلي المتمثل في المشاكل للتحقق من فهم الطلاب وذلك بعد كل مثال.</li> <li>- قام الطلاب بذكر فهـمة المفاهيم من خلال وصف الملاحظات التي تم إبرازها وتدخل المائدة بالتجربـات والتقسيـات والتصـحيـات الـمنـسـبة</li> <li>- كما قالت الطالبة بناءً على الأسلطة بالإـسـافـة إلى التـركـيـب على الآلة للـتوـسـل إلى الـاسـتـقـاجـ وـيـقـومـ بالـكـثـيرـ منـ خـالـلـ طـرـحـ أـسـلـطـةـ مـدـاسـيـةـ لـتـقـيـمـ الـتكـمـيـلـيـ</li> </ul>
<p><b>المرحلة الخامسة - الصدى Echo</b> - التـقـرـنـ علىـ المـعـرـفـةـ الـمـكـتـسـبةـ لـتـعـزـيزـ فـهـمـ الطـلـابـ وـلـخـصـنـ نـقـائـجـ الـتـعـلـمـ، وـتمـ دـمـجـ مرـحـلـةـ الـبـحـثـ الـإـلـكـتـرـوـنيـ</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تم تأهيل حكم المستخدم وإرشاده للتفقـلـ إلىـ أـجزـاءـ مـخـتـلـفةـ مـنـ الـمـحـظـوظـ</li> <li>- تم تحـمـيـلـ الأـشـطـةـ الـفـعـالـةـ لـلـتـعـلـمـ عـلـىـ الـمـعـرـفـةـ الـمـكـتـسـبةـ الـجـدـيـدةـ</li> <li>- تم استخدام الرسم الـرـوـانـيـ الـفـعـالـةـ لـلـتـعـلـمـ بـشـكـلـ تـسـلـسـلـيـ</li> </ul>
<p><b>المرحلة السادسة - التوسـع Elaborate</b> - التـطـبـيقـ وـتـوـسـعـ جـهـنـهـ الـمـعـاـهـمـ وـالـمـهـارـاتـ الـمـكـتـسـبةـ فيـ الـمـراـجـلـ السـلـيـقةـ بـشـكـلـ مـباـشـرـ، وـتمـ دـمـجـ مرـحـلـةـ الـبـحـثـ الـإـلـكـتـرـوـنيـ</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تم إعداد أقسام البرنامج التعليمي في نهاية كل جزء من أجل التـكـرـيـبـ الذـائـيـ وـتمـ تحـديـدـ مـهـامـ تـكـلـيـفـ تلكـ الـتـيـ تـمـ مـذـاكـرـتهاـ فيـ الـصـلـلـ وـالـتـحـقـقـ</li> <li>- منـ قـدـمـ الـطـلـابـ فيـ تـطـبـيقـ ماـ تـلـمـعـ وـتـقـدـيمـ الـمـلـاحـظـاتـ</li> <li>- تـمـ إـضـافـةـ أـسـلـطـةـ بـسـيـطـةـ فيـ الـدـرـسـ الـلـلـطـابـ لـاخـتـيـارـ فـهـمـهـ وـتـقـدـيمـ تـعـدـيـةـ رـاجـمـةـ تـكـوـينـةـ لـلـتـلـجـهـ مـمارـسـةـ الـمـهـارـاتـ</li> </ul>
<p><b>المرحلة السابعة - التقييم Evaluate</b> - تـقـيـمـ سـتـوـىـ (ـكـانـ الـمـعـرـفـةـ تـعـزـيزـ الـمـرـفـةـ الـجـدـيـدةـ وـتـقـدـيمـ تـعـدـيـةـ رـاجـمـةـ تـكـوـينـةـ لـلـتـلـجـهـ مـمارـسـةـ الـمـهـارـاتـ</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- تمـ إـعـادـ مـلـخصـ عنـ مـوـضـوـعـ الـدـرـسـ</li> <li>- تـمـ إـضـافـةـ قـسـمـ المـرـاجـعـ بـعـضـ مـفـلـعـ الـفـيـدـيـوـ الـصـسـيـرـةـ لـتـعـزـيزـ الـمـرـفـةـ</li> <li>- تمـ إـعـادـ أـسـلـطـةـ لـتـقـيـمـ الـطـلـابـ</li> <li>- تـقـدـمـ الـمـلـاحـظـاتـ عـنـ الـأـنـهـاءـ مـنـ الـبـرـنـامـجـ</li> <li>- تـضـمـنـ هـذـهـ الـمـلـاحـظـاتـ إـلـهـارـ الـإـجـاهـةـ الـتـيـ قـدـمـهـ الـطـلـابـ، إـرـشـادـاتـ مـحـدـدـةـ وـالـصـحـيحـ الـإـجـاهـةـ عـلـىـ الـمـحاـولـاتـ عـلـىـ الـصـحـيحـةـ</li> <li>- تـمـ إـجـراءـ اختـيـارـ أـداءـ الـتـقـيـمـ أـداءـ الـطـلـابـ بـعـدـ الـتـلـمـعـ بـاستـخدـامـ وـحدـةـ الـتـلـمـعـ الـتـفـاعـلـيـ</li> <li>- تـمـ قـدـمـ مـلـخصـ أـداءـ الـطـلـابـ لـكـشـفـ نـقـائـجـ الـطـلـابـ</li> <li>- تـمـ إـضـافـةـ بـعـضـ الـاقـتراـحـاتـ حـسـبـ مـسـتـوىـ الـتـحـسـيلـ لـتـحـفيـزـ الـطـلـابـ</li> </ul>
<p><b>المرحلة الثامنة - التقويم Emend</b> - تـصـحـيـحـ الـمـفـاهـمـ الـخـاطـئـةـ وـالـأـخـطـاءـ الـتـيـ لـاـ تـرـازـ مـوـجـودـةـ فيـ الـدـرـسـ وـسـدـ الـمـحـوـرـةـ فيـ الـأـرـاءـ الـخـاطـئـةـ</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- التيـ يـكـذـبـهـاـ الـطـلـابـ، وـتمـ دـمـجـ مرـحـلـةـ الـبـحـثـ الـإـلـكـتـرـوـنيـ</li> <li>- تـمـ تـصـيـمـ الـدـرـسـ مـنـ الـطـلـابـ وـمـلـيـتـ مـنـ الـطـلـابـ تـطـبـيقـ مـعـارـفـ جـدـيـدةـ فـيـ عـلـمـ صـنـاعـهـاـ</li> </ul>

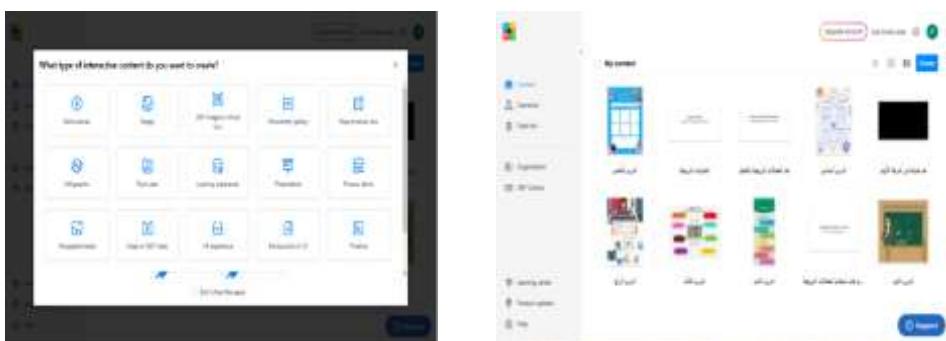
شكل (٧)

خطوات نموذج دورة التعلم 9E في تطوير وحدة التعلم التفاعلي

تصميم المحتوى التفاعلي باستخدام وسائل التعلم التفاعلية: وتم إنشاء لوحة عمل لمنتج الوسائط المتعددة لوصف كل مشهد، من خلال سرد جميع كائنات الوسائط المتعددة وفيما يلي لتحميل المحتوى التفاعلي على موقع thinglink انقر فوق الزر الأزرق "إنشاء create" وحدد الملفات التي تريد تحميلها وفيما يلي وصف لمكونات عرض وسائل التعليم المختلفة:

- **وسائل نصية ووسائل متعددة الأغراض وقد تم فيها (إضافة المادة العلمية):**

سيؤدي ملء "الوصف" و / أو "العنوان" إلى إنشاء علامة تحتوي على نص فقط. - **إضافة رابط:** يستخدم حقل الارتباط لإنشاء زر ارتباط يعيد توجيه المستخدم إلى صفحة ويب أخرى عند النقر عليه. يمكنك إضافة ارتباط عن طريق إدخال عنوان URL في الحقل المقابل. إذا ترك حقل "نص الزر" فارغاً، فسيعرض الزر عنوان URL مختصراً للرابط. وإنما، فسيعرض الزر النص الذي تضعه في حقل "نص الزر". - **إضافة ملفات الوسائط (فيديو - مستندات):** ستؤدي إضافة صورة أو مقطع فيديو مع ترك الحقول الأخرى فارغة إلى إنشاء علامة تعرض الصورة / الفيديو فقط. تستطيع إضافة وسائل متعددة للمستخدم بمشاهتها بالنقر فوق أزرار الأسهم. ويؤدي الجمع بين الصورة / الفيديو والوصف إلى إنشاء علامة تعرض نص الوصف أسفل الصورة. لا يوجد حد لعدد الأحرف، ولكن إذا أضفت أكثر من ٧ أسطر من النص، فسيشغل نصف الحاوية ويصبح قابلاً للتمرير. - **تحميل الصوت:** يمكن أن تحتوي كل علامة أيضاً على صوت خلفية مسجل مسبقاً سيتم تشغيله تلقائياً. بدلاً من ذلك، يمكنك تسجيل صوتك مباشرة في علامة.





ب

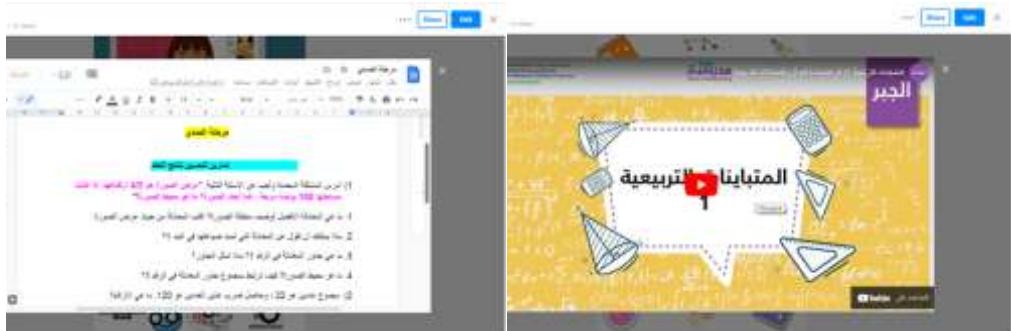


أ

شكل (٨) .

(أ) خلاف وحدة التعلم في ضوء نموذج دورة التعلم 9E، (ب) مرحلة التفسير لمادة التدريس

- اضافة محتوى من موقع الويب: تم استخدام هذه العلامة كبديل لعلامة "إضافة فيديو" و "كود التضمين" من خلال الجمع بين إمكانيات كليهما يتبع لك إضافة رمز طرف ثالث أو رمز ThingLink مختلف لإنشاء تجارب تفاعلية داخل المشهد . هذا يتضمن: (تضمين مقاطع فيديو من YouTube عبر رابط؛ وتضمين الاستطلاعات والاختبارات مثل نموذج Google؛ وتضمين مشاهد ThingLink الأخرى ليتم عرضها داخل علامة - كبديل لعلامات الجولة الموضحة أدناه؛ وتضمين عروض تقديمية كاملة من Google Slides أو SlideShare؛ وتضمين صفحات الويب (مثل ويكيبيديا)).

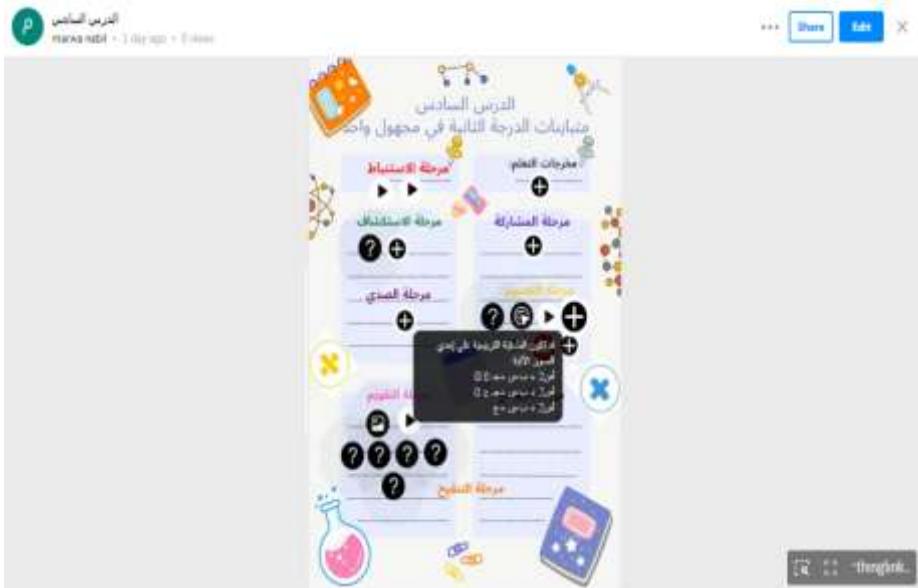




شكل (٩)

شاشات تضم ملخصات ومقاطع فيديو من YouTube وتضم ملخصات من نموذج Google، وتضم رابط جيوجيربرا اونلاين والمشهد في محتوى الوحدة

- اضافة تسمية النص: علامة تسمية نصية. تعرض هذه العلامة ما يصل إلى ١٠٠ رمز عند التمرير فوقها ويفيد ذلك في التعليقات.



شكل (١٠)  
اضافة تسمية النص

- علامة الاستطلاع: تم الاعتماد على علامات الاستطلاع بجمع ملاحظات مجهلة أو آراء المشاهدين باستخدام أسئلة الاختيار الفردي. حيث لا يوجد حد لعدد الأحرف المسموح به للسؤال والإجابات. ويمكن لكل مشاهد

**مجلة تربويات الرياضيات – المجلد (٢٦) العدد (٥) - يوليو ٢٠٢٣ م الجزء الثاني**

التصويت مرة واحدة فقط، وتكمن المشاهدون من رؤية نتائج الاستطلاع بعد التصويت.



شكل (١١)

الصورة النهائية للمحتوى التفاعلي لدرس من دروس الوحدة

(د) **المخطط الانسيابي:** لوصف التدفق من مشهد إلى وقد اعتمدت الباحثة لعي استخدام سلسلة معقدة من الخطوات وتنظيمها وذلك في شكل يسهل فهمه بصرياً لعرض ماتم المحتوى التفاعلي باستخدام وسائل التعلم التفاعلية وفي ضوء نموذج دورة التعلم المستخدم تضمن:



شكل (١٢) مخطط التنقل لوسائل التعلم التفاعلية

**ثالثاً مرحلة التطوير:** هي المرحلة التي قامت فيها الباحثة بإنشاء وتجميع أصول المحتوى التي تم إنشاؤها في مرحلة التصميم لدمج التقنيات، وفحص تنفيذ إجراءات التصحيح ومراجعته وفقاً لأي ملاحظات يتم تقديمها، وقد تم فيها:

(أ) **المرحلة المبكرة تقييم الوسائط التعليمية المطورة:** في هذه المرحلة عرضت الباحثة وسائط تعليمية تفاعلية مع نموذج دورة التعلم 9E على العديد من المحاضرين ليتم تقييمها، خاصة فيما يتعلق بجوانب المفاهيم والحداثة واللغة وسهولة الاستخدام وتم التقييم من قبل مجموعه من السادة المحكمين المتخصصين في تكنولوجيا التعليم حول الوسائط التعليمية التي تم تصميمها والأمثلة جنباً إلى جنب مع مجموعه من المحكمين في تخصص مناهج وطرق تدريس الرياضيات وبعض معلمى المرحلة الثانوية. وفي ضوء الملاحظات تم إجراؤها وبعد الانتهاء تم التحقق من صحتها من خلال التجربة الاستطلاعية قبل تطبيقها على عينة البحث الأساسية.

(ب) **التحقق من صحة المحتوى والمواد:** تم التتحقق من أدوات التعلم، من خلال عرضها على مجموعة من السادة المحكمين للحصول على تقييم في شكل اقتراحات للتأكد من خلو المحتوى المقدم لطلاب الصف الأول الثانوي من الأخطاء العلمية واللغوية ووضوح المادة بما يتوافق مع نموذج دورة التعلم E٩، وفي ضوء بطاقة التقييم المعدة والجدول يوضح نتائج التحقق من صحة المحتوى.

#### جدول (٢)

#### البيانات الكمية لنتائج التحقق من صحة المحتوى

المعيار	النسبة %	جوانب التقييم
مناسب جدا	٩٤	ملاءمة المواد مع أهداف التعلم
مناسب جدا	٩٠	اللغة
مناسب جدا	٨٥	محظى تقديم مواد التدريس
مناسب جدا	٨٧	وضوح المادة
مناسب جدا	٨٩	سهولة فهم المادة
مناسب جدا	٨٩	المتوسط

يتضح من الجدول أن نسب اتفاق المحكمين على المحتوى كانت عالية وقد تخطت ٨٩% في نتائج التحقق من صحة المواد والمحتوى من قبل المحكمين وبذلك تعد جاهزة للتطبيق.

(ج) **تجارب التطوير:** تم استخدام اقتراحات السادة المحكمين لتحسين وسائط التعلم التي طورتها الباحثة في ضوء بطاقة معايير تضمين الوسائط التفاعلية في نموذج دورة التعلم 9E حول موضوع البحث وقد أظهرت نتائج تقييم المحكمين.

جدول (٣)

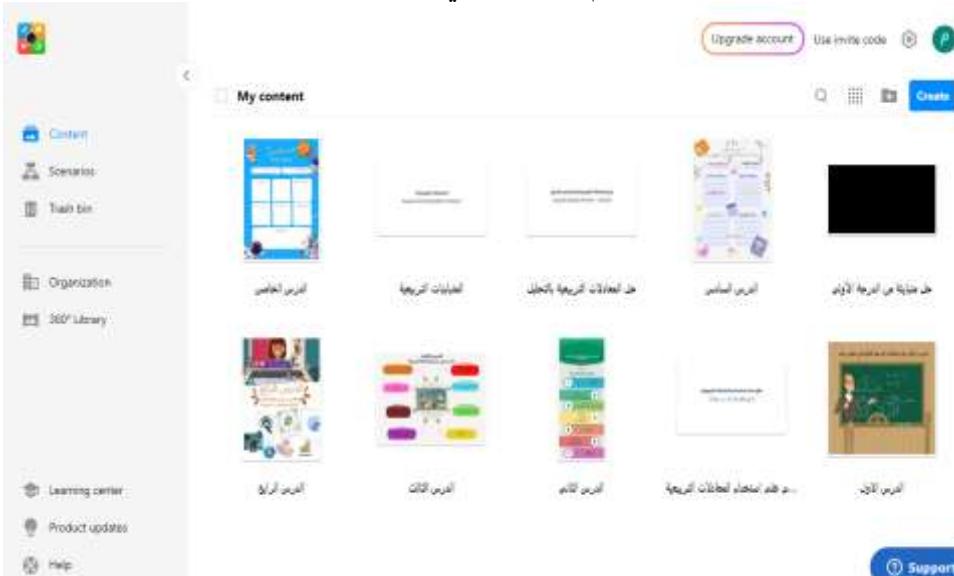
#### **البيانات الكمية لنتائج التحقق من صحة الوسائل**

النوع	النوع	النوع	النوع
عرض المواد التعليمية	عرض الفيديو والصور	عرض الباركود	عرض الأسنان
عرض المراحل في نموذج دورة التعلم 9E			
عرض المراحل في نموذج دورة التعلم 9E			
عرض المراحل في نموذج دورة التعلم 9E			

#### (د) تطوير وسائل التعلم التفاعلية

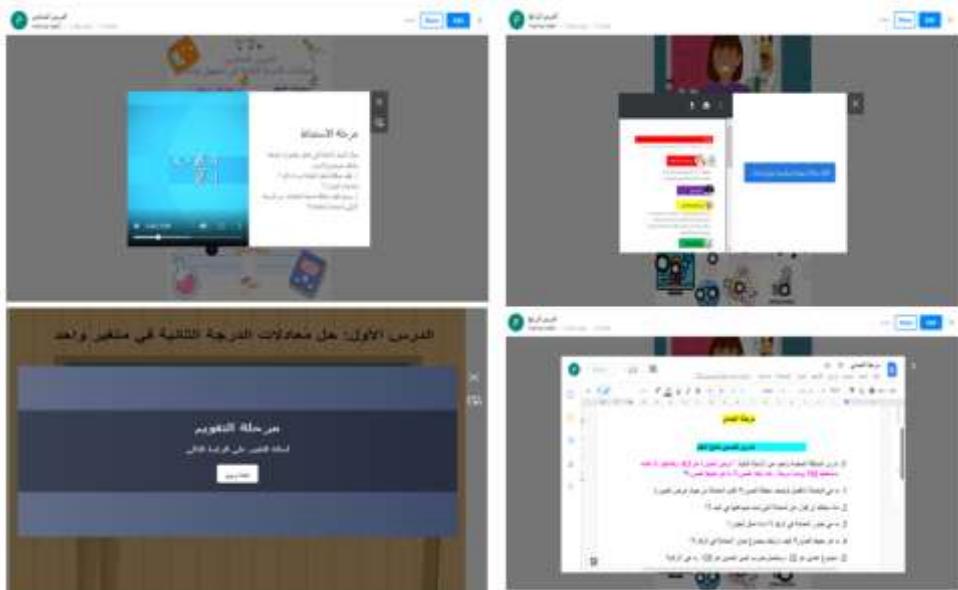
- إعطاء الأولوية القصوى لتنفيذ نموذج أولى؛ حيث اعتبرت هذه الخطوة في غاية الأهمية؛ لأنها تحول معظم الأفكار الواردة في مرحلة التصميم إلى واقع ملموس يقرب بشكل كبير بين التصور الأساسي ومدى استيعاب وفهم فريق العمل.

• تصميم الشكل العام لمكونات الوسائط التفاعلية المعتمد على نموذج دورة التعلم في عرض المحتوى ومسودة واجهة المستخدم وكيفية التنقل والتحكم في الشاشات المختلفة. وتم تصميم الصفحة الرئيسية للوسائط التعليمية التفاعلية بناءً على نموذج دورة التعلم E<sup>9</sup>: تعرض الصفحة الرئيسية للوسائط التعليم عنانويين الدراس. بالضغط على عنوان الدرس يمكن عرض محتوياته. ويمكن رؤية عرض الدرس لوسائل التعلم المطورة في الصورة أدناه.



شكل (١٣) عرض مقدمة / القائمة الرئيسية لوسائل التعلم تفاعلية بناءً على نموذج دورة التعلم E<sup>9</sup>

- عرض محتوى الوسائط وتصميم الشكل الجرافيكى والوسائط المتعددة ببرمجة جزء من قسم التقييم، وقد تم عرضها على الخبراء المتخصصين، وتم مناقشة جميع الجوانب الفنية والتكنولوجية التعليمية وفق اراء الخبراء لتنفيذ جميع العناصر التعليمية المكونة للمحتوى العلمي.



شكل (١٤)

مواد العرض وعرض الفيديو وعرض التمرين وعرض التقويم في ضوء النموذج المستخدم  
رابعاً: مرحلة نشر المحتوى: وقد تضمنت الخطوات التالية:

(أ) **التعبئة والتغليف:** يرتبط مجال نشر المحتوى وتبنيه ارتباطاً وثيقاً بعمليات الاستخدام والتوظيف، وتشمل هذه المرحلة خطوتين، هما: نشر المحتوى وتأمينه عبر منصة ThingLink، ثم ضبط المنصة ومراقبته من خلال استخدام كلمة السر للدخول، ومراقبة أداء الطلاب عبر المنصة من خلال تقديم المواد التعليمية باستخدام وسائل التعلم التفاعلية مع نموذج دورة التعلم 9E التي تم تصنيعها حتى يتمكن الطالب من رؤية الوسائط التي تم تطويرها، وتم تغليف المنتج عن طريق طباعة دليل التطبيق الذي يتم نشره بعد ذلك بحيث يمكن نشره أو فهمه من قبل الآخرين ويمكن استخدامه أو اعتماده في فنه.

(ب) **اختبار التحقق من الصحة:** تم تقييم وسائل التعلم التفاعلية مع نموذج دورة التعلم 9E من قبل مجموعة من السادة الممكّفين في مجال تكنولوجيا التعليم ومناهج وطرق تدريس الرياضيات جنباً إلى جنب معلمي الرياضيات ، وتم الحصول على النتيجة النهائية في شكل منتجات وسائل التعلم التفاعلية مع

نموذج دورة التعلم ٩E . وبعد التنفيذ، قامت الباحثة بمراقبة نتائج تحقيق الأهداف من تطبيقه على عينة استطلاعية لقادى الأخطاء الفنية والتكنولوجية، وشرح الحلول التي لم تتحقق حتى لا تكرر نفسها بعد نشر المنتج.

(ج) الانتشار والاعتماد: بعد ان تم التحقق من فاعلية الوسائل المقدمة وفق نموذج دورة التعلم، تم تطبيق البحث على عينة أساسية، وتحليل أداء الطلاب، وتنفيذ الاستراتيجيات والموضوعات، وتوفيق النشر، واختيار وسائل النشر.

## ٢) إعداد اختبار مخرجات التعليم المعرفية:

**تحديد الهدف من الاختبار:** يهدف الاختبار إلى قياس مخرجات التعليم المعرفية عند مستويات المعرفة والاستيعاب والاستدلال وذلك بصورة قبلية وبعدية لطلاب الصف الأول الثانوي (عينة البحث) في مادة الرياضيات في الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٣/٢٠٢٢ م.

**تحديد نوع مفردات الاختبار:** تضمنت بنود الاختبار ما يلي: وهي مفردات الإكمال والتي تتكون من (١٢) مفردة متدرجة في مستوى الصعوبة ويحصل الطالب على الدرجة (١) لكل إجابة صحيحة والدرجة (٠) لكل إجابة خاطئة. ومفردات الاختبار من متعدد والتي تتكون من (١٣) مفردة ولها أربعة بدائل متدرجة في مستوى الصعوبة ويحصل الطالب على الدرجة (١) لكل إجابة صحيحة والدرجة (٠) لكل إجابة خاطئة وبذلك يكون اجمالي عدد الأسئلة (٢٥) سؤال.

**صياغة الاهداف السلوكية:** تم صياغة الاهداف السلوكية لموضوعات (حل معادلات الدرجة الثانية في متغير واحد، مقدمة عن الاعداد المركبة، تحديد نوع جزري المعادلة التربيعية، العلاقة بين جزري معادلة الدرجة الثانية ومعاملات حدودها، إشارة الدالة، متباينات الدرجة الثانية في مجهول واحد) وفق مستويات (المعرفة والاستيعاب والاستدلال) وقد تم عرض صياغة الأهداف في صورتها الأولية على السادة المحكمين، ومن ثم قامت الباحثة بإجراء التعديلات المناسبة على الأهداف السلوكية في ضوء آراء السادة المحكمين في صورتها النهائية.

**تحديد الاهمية النسبية والوزن النسبي لمكونات الاختبار:** تم تحديد الأهمية والوزن النسبي للموضوعات التي حددت في القائمة النهائية لمخرجات التعليم المعرفية المستهدفة، وفقاً للمستويات (المعرفة والاستيعاب والاستدلال) وهي تقابل مستويات المجال المعرفي CXC والجدول (٤) يوضح الأهمية والوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات الوحدة الأولى "الجبر والعلاقات والدوال".

جدول (٤)

الأهمية والأوزان النسبية لموضوعات الوحدة الأولى "الجبر والعلاقات والدوال"

جدول مواصفات اختبار مخرجات التعلم المعرفية

الموضوعات	المستويات المعرفية				
	الوزن النسبي	المعنى	استيعاب الاستدلال	عدد المفردات	المعنى
المجموع	١٠٠%	٦	٩	١٠	٤٦%
حل معادلات الدرجة الثانية في متغير واحد	٢١%	١	٢	٢	٥
مقدمة عن الاعداد المركبة	١٦%	١	١	٢	٤
تحديد نوع جذري المعادلة التربيعية	١٣%	١	١	١	٣
العلاقة بين جذري معادلة الدرجة الثانية ومعاملات حدودها	١٩%	١	٢	٢	٥
إشارة الدالة	١٩%	١	٢	٢	٥
متباينات الدرجة الثانية في مجهول واحد	١٣%	١	١	١	٣
					٢٥

التجربة الاستطلاعية للاختبار (ضبط الاختبار):

- صدق المحتوى: تم عرض مفردات اختبار مخرجات التعلم المعرفية في صورته الأولية على عدد من السادة المحكمين أعضاء هيئة التدريس في التخصص، وذلك للتعرف على آرائهم في الاختبار من حيث شمول وتحفظية الاختبار لكل هدف من الأهداف المعرفية لموضوعات، الوضوح والسهولة والدقة في الأسئلة، قياس المستويات المختلفة من الأهداف، مدى صحة الصياغة اللغوية للأسئلة، وتم إجراء التعديلات المشار إليها على صياغة بعض المفردات الاختبارية، وبذلك يكون قد خضع لصدق المحتوى وبذلك أصبح مكون من (٢٥) مفردة، ويوضح الجدول (٥) معامل الاتفاق على الاختبار.

جدول (٥)

معامل اتفاق المحكمين على اختبار مخرجات التعلم المعرفية ( $n=19$ )

بنود التحكيم	معامل الاتفاق	الاتفاق	عدد مرات عدم اتفاق	الاتفاق	الاتفاق	عدد مرات عدم اتفاق
شمول وتحفظية الاختبار وفقاً للأوزان النسبية	.	٣	% ١٠٠	.	.	% ١٠٠
سهولة ووضوح أسئلة الاختبار	.	٣	% ١٠٠	.	.	% ١٠٠
قياس مخرجات التعلم المعرفية المستهدفة من المقرر.	.	٣	% ١٠٠	.	.	% ١٠٠
مدى صحة الصياغة اللغوية للأسئلة.	.	٣	% ١٠٠	.	.	% ١٠٠

تم استخدام طريقة اتفاق المحكمين البالغ عددهم (٣) في حساب ثبات المحكمين لتحديد بنود التحكيم التي يتم تنفيذها بشرط أن يسجل كل منهم ملاحظاته مستقلاً عن الآخر، وتم تحديد عدد مرات اتفاق بين المحكمين باستخدام معادلة كوبر Cooper:

نسبة الاتفاق = (عدد مرات الاتفاق / (عدد مرات الاتفاق + عدد مرات عدم الاتفاق)) × ١٠٠، وكانت نسبة الاتفاق (%) وهي نسب اتفاق مرتفعة ومقبولة.

- صدق الاتساق الداخلي: تم التطبيق على عينة قوامها (١٩) طالباً وطالبة بالصف الاول الثانوي في الفصل الدراسي الأول من العام الدراسي ٢٠٢٢/٢٠٢٣ وبعد التطبيق تم حساب صدق المفردات بطريقة معامل ألفا لـ كرونباخ Alpha Cronbach (حساب الثبات الكلي وصدق المفردات) وهو نموذج الاتساق الداخلي المؤسس على معدل الارتباط البيني بين المفردات والاختبار (كل) معامل الثبات الكلي وصدق المفردات يساوي (٠.٨٩٣) وهو معامل ثبات مرتفع. والجدول (٦) يوضح معاملات ارتباط بيرسون بين المفردات الفرعية والاختبار كل:

جدول (٦)

معاملات ارتباط بيرسون بين مفردات الاختبار الفرعية واختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل)

المفردة	معامل الارتباط						
١	**٠.٧١٦	١١	*٠.٥٤٨	٢١	*٠.٥٤٨	٢١	**٠.٨٧٩
٢	**٠.٨٠٥	١٢	**٠.٦٥٩	٢٢	**٠.٦٥٩	٢٢	**٠.٦٦٥
٣	**٠.٦٥٥	١٣	**٠.٨٨٢	٢٣	**٠.٨٨٢	٢٣	**٠.٦٨٩
٤	**٠.٨٨٩	١٤	**٠.٨٨٩	٢٤	**٠.٨٨٩	٢٤	**٠.٦٨٥
٥	**٠.٦٧٥	١٥	**٠.٥٩٦	٢٥	**٠.٥٩٦	٢٥	**٠.٨٩٩
٦	**٠.٧٩٧	١٦	**٠.٦٤٥				
٧	**٠.٦٨٥	١٧	**٠.٨٠٥				
٨	**٠.٦٥٥	١٨	**٠.٧٨٤				
٩	**٠.٧٨٤	١٩	**٠.٧٢٥				
١٠	**٠.٧٩٧	٢٠	**٠.٨١٥				

\*دالة عند مستوى (٠٠٠)، \*\*دالة عند مستوى (٠٠١).

من الجدول السابق يتضح أن جميع معاملات الارتباط بين كل مفردة والاختبار (كل) هي معاملات ارتباط طردية قوية، وهي دالة عند مستوى ٠٠١، وتأسياً على ما سبق فإن هذه النتائج تدل على أن المفردات الفرعية تتمتع بدرجة عالية من الاتساق الداخلي للمقياس.

- ثبات اختبار مخرجات التعلم المعرفية: تم حساب ثبات الاختبار بطريقة إعادة الاختبار حيث تم تطبيق الاختبار على عينة قوامها (١٩) من طلاب الصف الاول الثانوي في الفصل الدراسي الاول من العام الدراسي ٢٠٢٢/٢٠٢٣، ثم أعيد تطبيق الاختبار مرة أخرى بعد فاصل زمني قدره ثلاثة أسابيع، وقد تم استخدام الحزمة الإحصائية SPSS<sup>24</sup> لحساب معاملات الارتباط.

**جدول (٧)**

**معاملات الثبات لمكونات اختبار مخرجات التعلم المعرفية**

معامل الثبات	المستويات التي تقابل تصنيف المجال المعرفي CXC
٠.٦٨٠	المعرفة
٠.٨٨٧	الاستيعاب
٠.٨٧٩	الاستدلال
٠.٩١٠	مخرجات التعلم المعرفية (كل)

من الجدول السابق يتضح أن معاملات الثبات مرتفعة، ومن ثم يمكن الوثوق بالنتائج التي يزودنا بها كل مكون من مكونات الاختبار، كما يمكن الاعتماد عليها كأدوات بحثية.

- حساب زمن اختبار مخرجات التعلم المعرفية: تم تقدير زمن الاختبار بحسب متوسط ازمه جميع الطلاب افراد المجموعة الاستطلاعية، وقد بلغ زمن الاختبار (٩٠) دقيقة.

- حساب معاملات السهولة والصعوبة لفردات اختبار مخرجات التعلم المعرفية: تم حساب معاملات السهولة والصعوبة للاختبار ووجد أنها تراوحت ما بين (٠.٧٨ - ٠.٢٢) لمعامل السهولة بينما كانت النسبة (٠.٢٢ - ٠.٧٩) لمعامل الصعوبة وقد كانت قيمة معامل الصعوبة ٥١٪ وتفسر بأنها ليست شديدة السهولة أو شديدة الصعوبة، وبالتالي ظل الاختبار بمفرداته كما هو (٢٥) مفردة، كما تم حساب معاملات التميز للاختبار وترأواحت ما بين (٠.٣٩ - ٠.٨٢) وبذلك تعتبر مفردات الاختبار ذات قدرة مناسبة للتميز.

- وضع اختبار مخرجات التعلم المعرفية في الصورة النهائية للتطبيق: بعد حساب المعاملات الإحصائية، أصبح الاختبار جاهزاً للتطبيق في صورته النهائية بحيث أشتمل اختبار على (٢٥) مفردة وكانت الدرجة العظمى للاختبار (٢٥) درجة وبذلك أصبح الاختبار صالح وجاهز للتطبيق في شكله النهائي كما هو موضح بالجدول (٨):

**جدول (٨)**

**مكونات اختبار مخرجات التعلم المعرفية في صورته النهائية**

الدرجة العظمى	تصنيف المجال المعرفي	عدد المفردات	نقيسها	المستويات التي تقابل مفردات الاختبار التي
٦		٦	٢٥، ١٦، ١٣، ٤، ١، ٣	المعرفة
٩		٩	١٤، ٧، ١١، ٦، ٥، ٢	الاستيعاب
١٠		١٠	٢٠، ١٩، ١٧، ١٥، ١٠، ٩، ٨، ٧، ٦، ٥، ٤، ٣	الاستدلال
٢٥	مخرجات التعلم المعرفية (كل)	٢٥	٢٤، ٢٣، ٢٢، ١٨، ٢١	

**٣) إعداد اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية:**

تم إعداد اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية وفق ثلاثة مراحل هي:

**المرحلة الأولى: التخطيط وإعداد الاختبار:** تمت وفق الخطوات التالية:

- تحديد الهدف من الاختبار: ويهدف هذا الاختبار إلى قياس قدرة طلاب الصف الأول الثانوي على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية.
- مهارات التمثيل الرياضي أثناء حل المشكلات اللغوية التي تقيسها الاختبار، كما يلي:

- فهم المشكلة اللغوية: من خلال تحديد المعلومات المتوفرة في المسألة (المعطيات) وتحديد ما المطلوب منها (المطلوب).
- التمثيل: (الرسم – تعبير رياضي (الرموز) – نصوص مكتوبة (لفظي)).
- اقتراح خطة الحل: تحديد الاستراتيجية المناسبة للحل.
- تنفيذ الخطة: شرح خطوات الحل وتبرير كل خطوة من خطوات الحل.
- التحقق من صحة الحل: التأكد من صحة ما توصل إليه من حلول.
- ج. **إعداد الصورة الأولية للاختبار:** قامت الباحثة بإعداد مجموعة من المشكلات اللغوية تتطلب استخدام مهارات التمثيل الرياضي، والتي روعي فيها أن تكون الأسئلة مناسبة لمستوى الطالب، ووضوح الأسئلة، ومناسبة الأسئلة لمهارات التمثيل الرياضي، وصياغة تعليمات الاختبار وتم إعداد الصورة الأولية للاختبار.

**جدول (٩)**

**توزيع مفردات الاختبار**

مفردات الاختبار	الدرجة الكلية
المشكلة الأولى	٧
المشكلة الثانية	٦
المشكلة الثالثة	٧
المشكلة الرابعة	٧
المشكلة الخامسة	٧
المشكلة السادسة	٦
الدرجة الكلية للاختبار	٤٠

من الجدول يتضح ان الاختبار تم وضعه في هيئة عدد ٦ مشكلات تتضمن المهارات الأساسية للتمثيل الرياضي أثناء حل المشكلات اللغوية وقد تم توزيع درجات خطوات المشكلات وفقاً للجدول التالي:

جدول (١٠)

توزيع درجات المشكلات وفقاً لخطوات مهارات التمثيل الرياضي أثناء حل المشكلات اللفظية

المجموع	المشكلة الأولى	المشكلة الثانية	المشكلة الثالثة	المشكلة الرابعة	المشكلة الخامسة	المشكلة السادسة	المهارات	فهم المشكلة
٦	١	١	١	١	١	١	١	اللفظية.
٦	١	١	١	١	١	١	١	التمثيل.
٦	١	١	١	١	١	١	١	اقتراح خطة الحل.
١٦	٢	٣	٣	٣	٣	٢	٣	تنفيذ الخطة.
٦	١	١	١	١	١	١	١	التحقق من صحة الحل.
٤٠	٦	٧	٧	٧	٧	٦	٧	المجموع

يتضح من الجدول السابق أن عدد مفردات الاختبار (٦) مفردة ووزعت الدرجات في ضوء مستويات محددة rubrics تصف شكل الاداءات وتترجم إلى درجات، وبلغت الدرجة الكلية (٤٠) درجة للاختبار (ككل).

**المرحلة الثانية:** ضبط الاختبار: بعد صياغة مفردات الاختبار، وتعليماته، وتحديد طريقة تصحيحه، تم ضبط الاختبار من خلال:

(أ) التأكيد من صدق الاختبار:

١. صدق المحكمين: تم عرض الاختبار في صورته الأولية على عدد من السادة المحكمين أعضاء هيئة التدريس في التخصص، وذلك للتأكد من صدق المحتوى وللتعرف على آرائهم في الاختبار من حيث شمول وتعطية الاختبار لكل موضوعات الوحدة، الواضحة والسهلة والدقة في الأسئلة، مدى صحة الصياغة اللغوية للأسئلة، وتم إجراء التعديلات المشار إليها على صياغة بعض المفردات الاختبارية، وبذلك يكون قد خضع لصدق المحتوى وبذلك أصبح مكون من (٦) مفردات، ويوضح الجدول (١١) معامل الاتفاق على الاختبار.

جدول (١١)

معامل اتفاق المحكمين على القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (ن=١٩)

بنود التحكيم	معامل الاتفاق	الاتفاق	عدم اتفاق	الاتفاق	بنود التحكيم						
مدى وضوح ودقة تعليمات الاختبار	٥	.	٥	.	٥	%١٠٠	.	٥	.	٥	%١٠٠
سهولة ووضوح أسئلة الاختبار	٤	١	٤	١	٤	%٨٠	١	٤	١	٤	%٨٠
مدى مناسبة الأسئلة لقياس قدرة الطلاب على التمثيل الرياضي	٥	.	٥	.	٥	%١٠٠	.	٥	.	٥	%١٠٠
مدى صحة الصياغة اللغوية للأسئلة.	٥	.	٥	.	٥	%١٠٠	.	٥	.	٥	%٨٠
صحة مقياس تقدير الاداءات الخاصة بكل مشكلة	٤	١	٤	١	٤	%٨٠	١	٤	١	٤	%٨٠

تم استخدام طريقة اتفاق المحكمين البالغ عددهم (٥) في حساب ثبات المحكمين لتحديد بنود التحكيم التي يتم تنفيذها بشرط أن يسجل كل منهم ملاحظاته مستقلاً عن الآخر، وتم تحديد عدد مرات الاتفاق بين المحكمين باستخدام معادلة كوبر Cooper: نسبة الاتفاق =  $(\text{عدد مرات الاتفاق} / (\text{عدد مرات الاتفاق} + \text{عدد مرات عدم الاتفاق})) \times 100$  ، وكانت نسبة الاتفاق على الاختبار كله (%) ٩٢ وهي نسب اتفاق مرتفعة ومقبولة.

٢. صدق الاتساق الداخلي لل اختبار: تم تطبيق الاختبار على عينة استطلاعية قوامها (١٩) من طلاب الصف الاول الثانوي وتم التأكيد من صدق الاتساق الداخلي من خلال حساب معامل الارتباط بين درجات مهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية بدرجة التمثيل الرياضي الكلية التي تم الحصول عليها من الدراسة الاستطلاعية، وقد استخدمت الباحثة في ايجاد معاملات الارتباط برنامج SPSS,v24) وكانت معاملات الارتباط كما يوضحها الجدول التالي:

**جدول (١٢)**  
مصفوفة الارتباط بين مهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية  
بالدرجة الكلية للتمثيل الرياضي

مهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية	معامل الارتباط
- فهم المشكلة اللغوية: من خلال تحديد المعلومات المتوفرة في المسألة (المعطيات) وتحديد ما المطلوب منها (المطلوب).	**.٨٨٥
- التمثيل: (الرسم - تبخير رياضي (الرموز) - نصوص مكتوبة (لفظي)).	**.٧٧٨
- اقتراح خطة الحل: تحديد الاستراتيجية المناسبة للحل.	**.٨٨٣
- تنفيذ الخطة: شرح خطوات الحل وتبرير كل خطوة من خطوات الحل.	**.٧٨٤
- التحقق من صحة الحل: التأكيد من صحة ما توصل إليه من حلول.	**.٨١٥

يتضح من الجدول السابق: أن معاملات اتساق مهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية مع الدرجة الكلية للتمثيل الرياضي تراوحت ما بين (٠.٧٨٤ - ٠.٨٨٥) وجميعها معاملات ارتباط دالة إحصائية عند مستوى ٠.٠١، وهي معاملات مرتفعة، مما يدل على صدق الاختبار.

#### (ب) التأكيد من ثبات الاختبار:

وقد تم التتحقق من ثبات الاختبار من خلال التجربة الاستطلاعية عن طريق حساب "معامل ألفا - كرونباخ" لمهارات اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية والاختبار (كل)، وقد وُجد أن معامل ألفا - كرونباخ" للاختبار ككل يساوي (٠.٨١٠)، مما يشير إلى تتمتع اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية بدرجة عالية من الثبات، والجدول التالي يوضح ذلك:

جدول (١٣)

معاملات ثبات اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية  
بمهاراته باستخدام معامل "ألفا" – كرونباخ"

معامل الثبات	مهارات التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية
٠.٨٣٢	فهم المشكلة اللفظية: من خلال تحديد المعلومات المتوفرة في المسألة (المعطيات) وتحديد ما المطلوب منها (المطلوب).
٠.٧٤٣	التمثيل: (الرسم – تعبير رياضي (الموز) – نصوص مكتوبة (لفظي)).
٠.٨٧٣	اقرار خطة الحل: تحديد الاستراتيجية المناسبة للحل.
٠.٨٩١	تنفيذ الخطة: شرح خطوات الحل وتبرير كل خطوة من خطوات الحل.
٠.٧١٤	التحقق من صحة الحل: التأكيد من صحة ما توصل إليه من حلول.
٠.٨١٠	الاختبار ككل

(ج) حساب زمن الاختبار: تم حساب الزمن باستخدام طريقة التسجيل التتابعي للزمن الذي استغرقه كل طالب في الإجابة عن الاختبار، ثم تم حساب المتوسط لهذه الأزمة وقد توصلت الباحثة إلى أن زمن الاختبار بالتقريب (٩٠) دقيقة.

**المرحلة الثالثة: الصورة النهائية للاختبار:**

بعد أن قامت الباحثة بإعداد الاختبار، وعرضه على السادة الممكين، وقامت بتعديلاته في ضوء مقتراحاتهم، وتحديد زمن الاختبار، والتأكد من صدقه وثباته، أصبح الاختبار صالحاً للتطبيق، وتم تجربته في صورته النهائية، ووضع التعليمات الخاصة به، وقد أشتمل الاختبار على (٥) مهارات رئيسة وتضمن (٦) مشكلات لفظية، والدرجة النهائية له (٤٠) درجة.

**ثانياً: إجراءات البحث:**

يتناول هذا الجزء عرضاً للإجراءات التي اتبعت في هذا البحث؛ بهدف استقصاء تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية علي تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية. وللأجابة عن أسئلة البحث والتحقق من صحة فروضه. من البحث الحالي بالإجراءات التالية:

- الاطلاع على الأدبيات التربوية والبحوث والدراسات السابقة المرتبطة بنموذج دورة التعلم 9E ووسائل التعلم التفاعلية ومخرجات التعلم المعرفية، وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية لاستقادة منها في بناء وتصميم أدوات البحث.
- تصميم المحتوى التفاعلي وفقاً لنموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية وتم عرضها على مجموعة من الخبراء والمتخصصين في تدريس الرياضيات لضبطها وإجراء التعديلات المطلوبة في ضوء آرائهم،

ونذلك وفق المراحل التالية: مرحلة التحديد، مرحلة التصميم ، مرحلة التطوير، مرحلة النشر

٣. قياس فاعلية تأثير نموذج دورة التعلم ٩E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على تحسين مخرجات التعلم المعرفية وقدرة طلاب المرحلة الثانوية على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية، وتحديد العلاقة الارتباطية ونوعها بين المتغيرين التابعين لدى أفراد مجموعة البحث التجريبية، وتم ذلك من خلال بناء أداتي القياس المتمثلتين في اختبار مخرجات التعلم المعرفية واختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية لتلاميذ الصف الأول الثانوي، وضبطهما.
٤. الجدول الزمني لتدريس الوحدة الأولى في الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٢-٢٠٢٣ والذي امتد من ١٠-٩ ٢٠٢٢-١٠-٩ واستمر حتى ١٤-١٢-٢٠٢٣ بانتهاء التطبيق البعدى للأدوات (١٠) اسابيع، بواقع (١٥) حصة.
٥. تحميل المحتوى التفاعلي على منصة Thinglink وتسجيل الطلاب عليه.
٦. تضمنت اللقاءات المباشرة داخل حجرة الصف انشطة يقوم فيها الطلاب بالتدريب على مهارات التمثيل الرياضي.
٧. اختيار عينة البحث من طلاب الصف الاول الثانوي بمدرسة الشهيد عيد فتحى عطية الثانوية بمحلة منوف بإدارة شرق طنطا التعليمية ، التابعة لمدرية التربية والتعليم بمحافظة الغربية. وتم تقسيمها إلى مجموعتين المجموعة التجريبية (التي تدرس من خلال نموذج دورة التعلم ٩E ووسائل التعلم التفاعلية) وبلغ قوامها (٢٣) طالب، والمجموعة الضابطة (والتي تدرس بالطريقة التقليدية) وقوامها (٢٠).
٨. التطبيق القبلي للأدوات البحث على مجموعة البحث للتأكد من تكافؤاً مجموعتي البحث المتمثلة في: اختبار مخرجات التعلم المعرفية. واختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية

**جدول (٤): قيمة "ت" ودلالتها الإحصائية للفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق القبلي للأدوات البحث**

المستوى	المجموعه	n	m	درجة الحرية	قيمة "ت"	مستوى الدلالة واتجاهها
مخرجات التعلم المعرفية الضابطة	٩.٨٣	٢٣	٢٠	١٠.٢٠	١.٧٩	٠.٧١٣ ٠.٤٨٠
حل المشكلات اللفظية التجريبية	١١.٢٢	٢٣	٢٣	١١.٢٢	١.٧٨	٠.٤٣٠ ٠.٦٦٩

ينتضح من الجدول أن قيمة "t" ودلالتها الإحصائية للفرق بين متواسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق القبلي غير دالة إحصائيا عند مستوى ٠٠٥ وهذا يدل على ان المجموعات منكافئة قبل بدراء التجربة الأساسية للبحث وأن أي تغيير سوف يتم بين المجموعتين سوف يتم اسنادة الى التدرس من خلال نموذج دورة التعلم ٩E ووسائل التعلم التفاعلية.

٩. تنفيذ التجربة الأساسية للبحث: تم تدريس محتوي وحدة وفقاً لنموذج دورة التعلم ٩E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية للمجموعة التجريبية، في حين تم تدريس نفس المحتوي لأفراد المجموعة الضابطة باستخدام الطريقة التقليدية.
١٠. التطبيق البعدى لأدوات البحث.
١١. إجراء المعالجات الإحصائية للبيانات الكمية ثم مناقشتها وتفسيرها وتقديم التوصيات والمقترنات.

#### نتائج تحليل البيانات الخاصة بالبحث ومناقشتها:

أولاً: تحليل ومناقشة نتائج استقصاء مخرجات التعلم المعرفية لدى طلاب الصف الأول الثانوى عينة الدراسة:

للتتحقق من صحة الفرض الاول من فروض البحث والذى ينص على " لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متواسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)".

تم حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية لدرجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)، وتم التأكد من توافر شرط التجانس للمجموعتين، وتم تطبيق اختبار (t-test) لمتوسطين غير مرتبطين للمقارنة بين متواسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)، والجدول التالي يلخص هذه النتائج.

جدول (١٥)

قيمة "ت" ودلائلها الإحصائية للفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة والاستيعاب والاستدلال)

المستوى	المجموعة (كل)	مخرجات التعلم	الضابطة	المعرفة
	الاستدلال	الاستيعاب	الضابطة	التجريبية
	التجريبية	الضابطة	التجريبية	الضابطة
	التجريبية	الضابطة	التجريبية	الضابطة
المعرفة	التجريبية	٥١٣	٢٣	٠.٧٦
	الضابطة	٤.٥٥	٢٠	٠.٥١
الاستيعاب	التجريبية	٧.٨٧	٢٣	٠.٧٦
	الضابطة	٦.١٠	٢٠	٠.٨٥
الاستدلال	التجريبية	٩.٠٩	٢٣	٠.٧٩
	الضابطة	٧.٠٥	٢٠	٠.٧٦
مخرجات	التعلم التجريبية	٢٢.٠٩	٢٣	١.١٢
	الضابطة	١٧.٧٠	٢٠	١.١٣
(كل)	التجريبية			

\* النهاية العظمى لاختبار ٢٥ درجة

تفسير ومناقشة الفرض الأول:

يتضح من جدول (١٥) ما يلي:

١. ارتفاع متوسط درجات الاداء البعدى لطلاب المجموعة التجريبية عن متوسط درجات الاداء البعدى لطلاب المجموعة الضابطة لاختبار مخرجات التعلم المعرفية كل وعند كل مستوى من مستوياته، حيث حصل طلاب المجموعة التجريبية على متوسط (٢٢.٠٩) والمجموعة الضابطة على متوسط (١٧.٧٠) مما يعكس زيادة اداء الطلاب التجريبية في الاختبار.

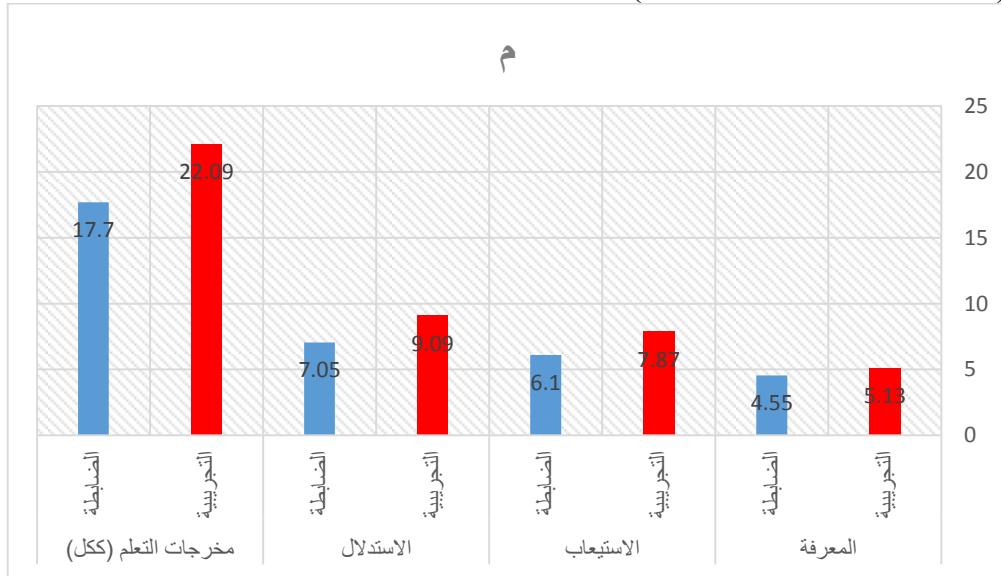
٢. قيمة  $t = 12.738$  وهي دالة إحصائية عند مستوى ( $0.01$ ) مما يشير إلى وجود فرق دال إحصائياً بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)، لصالح المجموعة التجريبية، الامر الذي يسفر عن فاعلية مادة المعالجة التجريبية المستخدمة في هذا البحث.

وبذلك تم رفض الفرض الأول من فروض البحث الذي ينص على " لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $0.01 \leq 0.05$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)، وقبول

الفرض البديل والذي ينص على: يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)- لصالح المجموعة التجريبية.

٣. ان قيمة مربع إيتا  $\eta^2 = 0.798$  هي (%) وهذا يعني أن نسبة (%) من التباين الحادث في مخرجات التعلم المعرفية (المتغير التابع) يرجع إلى تأثير نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية (المتغير المستقل)، كما ان قيمة (d) = ٣.٨٩٢ وهي تعبر عن حجم تأثير كبير للمتغير المستقل.

فيما يلي الرسم البياني لمتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية ككل وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال):



شكل (١٥)

مخطط بياني لمتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة والاستيعاب والاستدلال)

يتضح من التمثيل البياني أن طلاب المجموعة التجريبية حصلوا على متوسط أعلى في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية وهو أكبر من متوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة. فإن الزيادة في مستويات النجاح وحجم التأثير بين المتوسطات أعلى بكثير من الزيادة في مستويات نجاح الطلاب في المجموعات الضابطة وضخامة التأثير بين المتوسطات. وفقاً لذلك يمكن الإشارة إلى أن غالبية

الطلاب تقدمو نحو نتائج تعليمية أفضل. وانه مع استخدام مدخل غني بالوسائل ومدخل منظم في التطوير ساعد الطلاب على التعلم واستكشاف وبناء المعرفة الجديدة وتحسين نتائج تعلمهم والاحتفاظ بالمعلومات التي تعلموها أثناء عملهم، وأيضا ساعد الطلاب على الانتباه إلى الدرس وزاد من اهتمامهم الإيجابي نحو الدرس وجعل المعلومات المستقادة دائمة. ومن هنا فإن استخدام نموذج دورة التعلم 9E القائم على وسائل تعليمية تفاعلية أدي إلى تحسين مخرجات التعلم المعرفية للطلاب وبالتالي يعتبر فعال في تعلم الرياضيات لطلاب الصف الأول الثانوي. وهذا ما أكدته الدراسات التالية (Assi, Saad & Sankaran, 2023), (Sadrae, et al., 2022), (Assi, Saad and Sankaran, 2022) , (Hernawati, Nandiyanto &,Mohammad, 2021), (Sahronih, Purwanto and Sumantri,2020 ) , (Tukiran,Mubarokah and Nasrudin , 2020), (Darmanto et al., 2019; Madona, 2017, Sarac, tarhan, 2017)

### **ثانياً: تحليل ومناقشة نتائج تقييم أداءات طلب الصف الأول الثانوي المتصلة**

#### **بالقدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية:**

للتتحقق من صحة الفرض الثاني من فروض البحث والذي ينص على " لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (كل) وعند كل مهاراته".

تم حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية لدرجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (كل) وعند كل مهاراته من مهاراته، وتم التأكد من توافر شرط التجانس للمجموعتين، وتم تطبيق اختبار (t-test ) لمتوسطين غير مرتبطين للمقارنة بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (كل) وعند كل مهارة من مهاراته، والجدول التالي يلخص هذه النتائج.

جدول (١٦)

قيمة "ت" ودلائلها الإحصائية للفرق بين متواسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثل الرياضى فى حل المشكلات اللفظية (ككل) وعند مهاراته

المستوى	المجموعه	ن	م	درجة الحرية "د.ح"	قيمة "ت"	مستوى الدلالة واتجاهها	حجم التأثيرd	إيتا <sup>٢</sup>	مربيع التأثير	قوه دلالة التأثير	كبير
فهم المشكلة اللفظية	التجريبية	٢٣	٥.٦١	٠.٥٨	٤١	٣.٧٥٦	٠.٠١	٠.٢١٥	٠.٢٤٢	١.٠٢٤	كبير
الضابطة	التجريبية	٢٠	٤.٧٠	٠.٩٨	٤١	٦.٩٥٦	٠.٠١	٠.٥٤١	٢.١٢٥	٢.١٢٥	كبير جدا
التمثيل	التجريبية	٢٣	٥.٧٨	٠.٤٢	٤١	٤.٥٠	٠.٧٦	٠.٥٤١	٢.١٢٥	٢.١٢٥	كبير جدا
اقتراح خطة الحل	التجريبية	٢٣	٥.٧٨	٠.٥٢	٤١	٤.٨٠	١.٠١	٠.٢٩١	١.٢٥٤	١.٢٥٤	كبير جدا
تنفيذ الخطة	التجريبية	٢٣	١٣.٦١	١.٠٣	٤١	٨.٨٥	١.٩٨	٠.٧١٢	٣.٠٧٣	٣.٠٧٣	كبير جدا
التحقق من صحة الحل	التجريبية	٢٣	٥.٧٠	٠.٤٧	٤١	٤.٧٥	٠.٧٩	٠.٣٦٥	١.٤٨٣	١.٤٨٣	كبير جدا
التمثيل الرياضي ككل	التجريبية	٢٣	٣٦.٣٠	١.٦٩	٤١	٢٥.٤٠	٢.١١	٠.٥٠٦	١.٩٨١	١.٩٨١	كبير جدا

\* النهاية العلمي للاختبار ٤٠ درجة  
تفسير ومناقشة الفرض الثاني:  
يتضح من جدول (١٦) ما يلى:

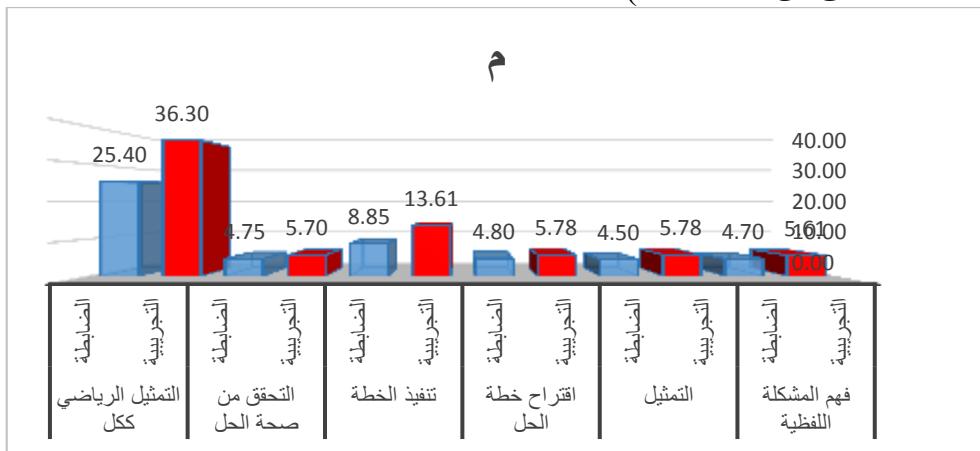
١. ارتفاع متوسط درجات الاداء البعدى لطلاب المجموعة التجريبية عن متوسط درجات الاداء البعدى لطلاب المجموعة الضابطة لاختبار القدرة على التمثل الرياضى في حل المشكلات اللفظية ككل وعند كل مهارة من مهاراته، حيث حصل طلاب المجموعة التجريبية على متوسط (٣٦.٣٠) والمجموعة الضابطة على متوسط (٢٥.٤٠) مما يعكس زيادة اداء الطلاب التجريبية في الاختبار.

٢. قيمة  $t = 1.481$  وهي دالة إحصائياً عند مستوى (0.01) مما يشير إلى وجود فرق دال إحصائياً بين متواسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثل الرياضى في حل المشكلات اللفظية (ككل) وعند كل مهارة من مهاراته، لصالح المجموعة التجريبية، الامر الذي يسفر عن فاعلية مادة المعالجة التجريبية المستخدمة في هذا البحث.

وبذلك تم رفض الفرض الثاني من فروض البحث الذي ينص على " لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \leq 0.01$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضى فى حل المشكلات اللغوية (ككل) وعند كل مهاراته".، وقبول الفرض البديل والذي ينص على: يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى ( $\alpha \geq 0.01$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضى فى حل المشكلات اللغوية (ككل) وعند كل مهارة من مهاراته - لصالح المجموعة التجريبية .

٣. ان قيمة مربع ايتا  $\eta^2$  هي ٠.٥٦ و هذا يعني أن نسبة ٩٥% من التباين الحادث في القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية (المتغير التابع) يرجع إلى تأثير نموذج دورة التعلم ٩E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية (المتغير المستقل)، كما ان قيمة  $(d) = 1.981$  وهي تعبر عن حجم تأثير كبير للمتغير المستقل.

فيما يلي الرسم البياني لمتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي فى حل المشكلات اللغوية ككل وعند كل مهارة من مهاراته (فهم المشكلة اللغوية، التمثيل، اقتراح خطة الحل، تنفيذ الخطة، التحقق من صحة الحل):



شكل (١٦)

مخطط بياني لمتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي فى حل المشكلات اللغوية (ككل) وعند كل مهارة من مهاراته

يتضح من التمثيل البياني أن طلاب المجموعة التجريبية حصلوا على متوسط أعلى في التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي فى حل المشكلات اللغوية

وهو أكبر من متوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة، وفقاً لذلك يمكن الإشارة إلى أنه عند استخدام نموذج دورة التعلم 9E القائم على وسائل تعليمية تفاعلية حقق طلاب الصف الأول الثانوي درجات أعلى بكثير في المهام والتقييمات التكوينية حيث قام الطلاب بحل المشكلات اللغوية خلال وقت الفصل وتمكنوا من التواصل والتفاعل والمشاركة والانخراط في بيئة التعلم. حيث كان الطلاب قبل التدريس بنموذج دورة التعلم 9E القائم على وسائل تعليمية تفاعلية يجدون صعوبة في العمل مع أقرانهم خارج الفصل. ولكن بعد توظيف نموذج دورة التعلم 9E القائم على وسائل تعليمية تفاعلية أصبح الطلاب يحصلون على درجات أعلى بكثير في المهام عبر منصة Thinglink وتحولوا إلى متعلمين موجهين ذاتياً ويصبحون فاعلين تجاه عملية التعلم بأكملها وتبيّن من ذلك أن أداء الطلاب عالي. ومن هنا يمكن القول أن نموذج دورة التعلم 9E بمثابة طريقة تربوية سليمة لاستخدامها حيث يوفر أسلوبًا تعليميًّا مناسباً وسليماً لاستخدامه في توجيه التصميم محتوى التعلم لبيئة التعلم المتحورة حول الطالب. إلى جانب ذلك، يُظهر أيضًا أن هذا النموذج يمكنه استخدام عناصر الوسائل المتعددة بمرونة في تقديم المعلومات بطريقة غير خطية.

بالإضافة إلى ذلك حصل طلاب المجموعة التجريبية في اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية على درجات أعلى من طلاب المجموعة الضابطة. استناداً إلى هذا التحليل فإن الطالب الذين قضوا المزيد من الوقت في حل المشكلات اللغوية مستخدمين مهارات التمثيل الرياضي مع معلميهما وأقرانهم حققوا أداء أعلى في هذا المجال، وتمكنوا من القدرة على استخدام التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية حيث تم إنفاق مقدار هائل من وقت الفصل على التدريب على استخدام مهارات التمثيل الرياضي. تشير النتائج إلى أن التعلم وفق نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية فعال ويساهم في زيادة القدرة على التمثيل الرياضي للطلاب. يمكن أن يقود التعلم الذي يستخدم هذا المدخل الطلاب إلى أن يكونوا قادرين على إيجاد حلولهم الخاصة من المعلومات التي يمتلكها الطلاب بالفعل. واستخدام التمثيل الرياضي عندما يحل الطالب مشكلة لغوية وهي عبارة عن نصوص مكتوبة ورسومات وتعبيرات رياضية. وهذا ما أكدته الدراسات التالية: Hakim, Asikin & Cahyono, (Buwono, Kartono, & Asih, 2022; 2021; Nurfitriyanti et al., 2020)

بناءً على نتائج تحليل البيانات والمناقشة يمكن استنتاج للفرض الأول والثاني: أن الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية العالية في حل المشكلات الرياضية اللغوية، يقدمون البيانات أو المعلومات المعروفة والمطلوبة فيما يتعلق بالمسألة في شكل رموز، وتمثيل استراتيجية إكمال المشكلة المعطاة إلى تضمين متطلبات التمثيل المتعدد في الشكل المرئي للرسومات ورموز الصيغ أو النماذج الرياضية، والللاعب

بالرسومات التخطيطية والصيغ التي تم إجراؤها . على وجه الخصوص، بالنسبة للنماذج الرياضية على مواد تعلم المعادلات التربيعية، قام الطالب بتحليل الإجابات المحتملة التي تتوافق مع النموذج الرياضي الذي تم إنشاؤه بناءً على خبرة الطالب في العمل على المشكلات المتعلقة بالمعادلات التربيعية . يتم تقسير النتائج التي تم الحصول عليها في شكل كلمات مكتوبة . المرحلة التالية هي إعادة النظر في استراتيجية حل المشكلات من خلال رسم الرسومات التخطيطية وإعادة حساب توافق النتائج على النماذج الرياضية التي تم إجراؤها والتتأكد أيضاً من أن الخطوات المتخذة هي الأفضل . وفي الوقت نفسه، قدم الطالب ذروة مخرجات التعلم المعرفية المنخفضة المعلومات المعرفة والمطلوبة عن القضية في شكل كلمات مكتوبة . يتم تكيف النتائج مع المشكلة عن طريق اختيار استراتيجية إكمال المشكلة المعينة والتي تمثل إلى استخدام صيغة تمثيل واحدة في شكل رسم اسكتشات أو رموز تعبر صيغة نماذج رياضية فقط . بالإضافة إلى ذلك، تم اللالعب بالرسم التخطيطي بعد ذلك . بينما في النموذج الرياضي لمواد تعلم المعادلات الخطية، استخدم الطالب طرق الحذف والاستبدال لإيجاد حل . ثم تم تقسير النتائج التي تم الحصول عليها في شكل شفهي من النص المكتوب . بعد ذلك، عند النظر إلى الوراء في استراتيجية حل المشكلات من خلال الرسم التخطيطي أو إعادة حساب توافق النتائج على النموذج الرياضي، وتم إجراء ذلك للتتأكد من أن الخطوات المتخذة هي الأفضل .

**ثالثاً: تحليل ومناقشة نتائج العلاقة الارتباطية بين مخرجات التعلم المعرفية والتمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية لطلاب الصف الأول الثانوي**

للتتحقق من صحة الفرض الثالث من فروض البحث والذي ينص على: توجد علاقة ارتباطية دالة موجبة بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) ودرجاتهم علي اختبار القدرة علي التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية (ككل). تم حساب معامل ارتباط بيرسون بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) ودرجاتهم علي اختبار القدرة علي التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللغوية (ككل)، كما هو موضح بالجدول التالي:

جدول (١٧)

يوضح قيمة "ر" ولاتها الاحصائية العلاقة الارتباطية بين متغيرات البحث

المتغيرات	مستوى الادلة	القدرة على التمثيل	القدرة على التمثيل الرياضي
مخرجات التعلم المعرفية القدرة على التمثيل الرياضي	٠.٠١	*٠.٥٣٥	* دالة عند مستوى (٠.٠١)

ويتضح من جدول (١٧):

وجود علاقة إرتباطية دالة موجبة عند مستوى ٠٠١ بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) ودرجاتهم على اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل مشكلات لفظية (ككل) حيث بلغت قيمة "ر" (٠.٥٣٥) وبناء على ذلك يمكن قبول الفرض الثالث من فروض البحث والذي ينص على "توجد علاقة ارتباطية دالة موجبة بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (ككل) ودرجاتهم على اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (ككل)".

#### تفسير ومناقشة الفرض الثالث:

- كان الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية العالمية قادرين على تقديم أفكار أو معلومات من التمثيل، وإنشاء معادلات أو نماذج رياضية (أفكار رياضية) من التمثيل الذي تم إجراؤه، وإكمال المهام التي تتضمن معادلات أو نماذج رياضية، وكتابة تمثيلات لحل المشكلات الرياضية بالكلمات .
- الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية العالمية والمنخفضة يمارسون جميع خطوات مفهوم حل المشكلات. بينما يميل الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية العالمية، في مرحلة فهم المشكلة، إلى استخدام الرموز في تقديم المعلومات وتقديم ما يتم طرحه في السؤال، ولكنه غير قادر بعد على شرح معنى الرموز المستخدمة بشكل صحيح. بالإضافة إلى ذلك، فإنهم يميلون إلى اختيار التمثيلات في شكل مرئيات ورموز، والخطوة التالية هي معالجة الشكل المرئي والرموز وفقاً للخطة، ثم يتم تفسير النتائج في شكل نص مكتوب . ولكن عند وضع خطة وتنفيذ الخطة، استخدموها بشكل سائد أكثر من شكل واحد من أشكال التمثيل أو التمثيل المتعدد، وفي الوقت نفسه، نظروا إلى استراتيجيات حل المشكلات وإعادة حسابها لإثبات أن الإجابات التي تم الحصول عليها كانت صحيحة من خلال الرسومات والصيغ التي تم إنشاؤها وقدرة على حل المشكلات اللفظية الرياضية بشكل مناسب ومتافق مع تصورات إيجابية في الرياضيات. فيما يتعلق بالسلوك، فإن الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية العالمية في حل مشكلات الرياضية اللفظية، يستخدموها بشكل كبير التمثيل المتعدد للتأكد من أن الإجابات التي تم الحصول عليها صحيحة .
- يميل الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية المنخفضة إلى استخدام الكلمات المكتوبة في تقديم المعلومات وتقديم ما هو مطلوب في المشكلة، و اختيار التمثيلات في شكل مرئي أو رموز كاستراتيجية حل . لم يتمكن الطلاب ذوو

مخرجات التعلم المعرفية المنخفضة من شرح معنى الرموز المستخدمة بشكل صحيح . علاوة على ذلك، في مرحلة وضع خطة وتنفيذ الخطة، يخطط للمشكلة بشكل رئيسي باستخدام التمثيل المرئي أو الرمز وفقاً للخطة، ثم تم تفسير النتائج في شكل كلمات مكتوبة . في مرحلة النظر إلى الوراء، أعاد فحص استراتيجية حل المشكلات وأعيد حسابها لإثبات أن الإجابة التي تم الحصول عليها صحيحة من خلال رسم المخطط أو الصيغة التي يتم إجراؤها . في كل مرحلة، يميل الطلاب ذوو مخرجات التعلم المعرفية المنخفض إلى استخدام شكل واحد فقط من التمثيل . لم يُظهر الطالب ذوو مخرجات التعلم المعرفية المنخفضة الاتساق في حل مشكلات лингвistic الرياضية . فيما يتعلق بالسلوك، الطالب ذوو مخرجات التعلم المعرفية المنخفضة في حل مشكلات лингвistic الرياضية يستخدم بشكل سائد شكلاً واحداً فقط من العرض التقديمي بناءً على تجربة التعلم.

- وجود علاقة إيجابية وعالية بين قدرة الطالب على التمثيل ومخرجات التعلم المعرفية في الرياضيات . وتنظر النتيجة أن الأداء الأكاديمي للطالب في الرياضيات يتأثر بشكل مباشر بقدراتهم على التمثيل في الرياضيات . يشير هذا إلى أن التمثيلات الرياضية المختلفة لها فوائد محتملة لتعلم الرياضيات والتمثيلات التي يختار الطالب استخدامها والطريقة التي يستخدمونها بها هي عوامل مهمة في تعلم الطالب . وهذا ما أكدته الدراسات التالية (Calzada & Scariano ,2006; Delice & Sevimli 2010; Adebola, Taiwo &

Akorede, 2018

### أهم نتائج البحث وتفسيرها:

كشفت النتائج التي توصل إليها البحث الحالي عن تفوق طلاب المجموعة التجريبية على أقرانهم من طلاب المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل) وعند كل مستوى من مستوياته (المعرفة، الاستيعاب، الاستدلال)، وفي التطبيق البعدى لاختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (كل) وعند كل مهارة من مهاراته (فهم المشكلة اللفظية، التمثيل، اقتراح خطة الحل، تنفيذ الخطة، التحقق من صحة الحل)، كما اوضح البحث ان هناك علاقة ارتباطية دالة موجبة بين درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار مخرجات التعلم المعرفية (كل) ودرجاتهم على اختبار القدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات اللفظية (كل)، بالإضافة إلى ما حقق توظيف نموذج دورة التعلم 9E باستخدام وسائل التعلم التفاعلية فاعلية في تحسين مخرجات التعلم المعرفية، القدرة على التمثيل الرياضي، وفق النسبة الكسب المعدل لبلاك . استناداً إلى النتائج الواردة في هذا البحث، تم تطوير إطار لبيئة التعلم

التفاعلية الفعال التي ترکز على الطالب باستخدام الوسائل المتعددة وتم دمج منهج تعليمي وهو نموذج دورة التعلم ٩E بشكل فعال لتزويد الطالب بمواد تعليمية تفاعلية تشارکهم وتعزز عملية التعلم الخاصة بهم، وتحسين مخرجات التعلم المعرفية للطلاب بشكل فعال والقدرة على التمثيل الرياضي في حل المشكلات الفظوية في الفصول الدراسية. ويقدم هذا الإطار مجموعة من المكونات المختلفة، مع وحدة التعلم في قلب بيئه التعلم ويمكن أن يكون بمثابة دليل لتزويد الأكاديميين بالتعليم الثانوي بديل عملي أكثر للانتقال من النهج التقليدي للتدريس والتعلم في الفصول الدراسية ويمكن تلخيص النتائج لبيئه التعلم المتحورة حول الطالب في ضوء النموذج ووسائل التعلم التفاعلية في الشكل (١٧)



شكل (١٧)

تلخيص النتائج لبيئه التعلم المتحورة حول الطالب في ضوء النموذج ووسائل التعلم التفاعلية  
توصيات البحث:  
في ضوء النتائج التي أسف عنها البحث الحالي يمكن تقديم مجموعة من التوصيات التالية.

١. أن يقوم المعلمون بتمثيل المعلومات بصبر عند تدريس المشكلات الفظية في الرياضيات وأن يتم توجيهه للطلاب بشكل فعال لاستخدام ما هو مناسب للتمثيل عند حل المشكلات الفظية في الرياضيات.
٢. يجب تشجيع المعلمين على استخدام نموذج التعليم والتعلم E9 لأنّه له تأثير كبير على التعلم ودمجه في نهاية المطاف في استراتيجية التدريس الخاصة بهم الأكثر فعالية.
٣. يساعد استخدام تطبيق ThingLink على تلبية احتياجات تعليم القرن ٢١.
٤. يجب أن يكون المعلمون مستعدين في الأبعاد التكنولوجية والتجهيزات والمحظى لاستخدام تطبيق ThingLink.
٥. يجب أن يكون الطالب مستعدين لاعتماد ThingLink من حيث عقليتهم وموقفهم (أي الاستعداد النفسي) وكفاءات تكنولوجيا المعلومات والاتصالات (أي الاستعداد التكنولوجي).

#### **مقدرات البحث:**

**بناءً على نتائج البحث الحالي يمكن اقتراح ما يلي:**

١. بحث فاعلية نموذج التعليم والتعلم E9 على تحسين مهارات التفكير الناقد في الإحصاء لدى طلاب المرحلة الثانوية وعلاقة ذلك بنوع الجنس.
٢. إجراء دراسة لتحسين الكفاءة الذاتية ومخرجات تعلم الرياضيات باستخدام نموذج دورة التعلم E9 لدى طلاب المرحلة الإعدادية.
٣. بحث فاعلية تأثير تطبيقات نموذج التعلم E9 بمساعدة الوسائل المتعددة على اتجاه الطلاب المعلمين نحو بيئة تعلم.
٤. إجراء دراسة لتوظيف مواد تعليمية تفاعلية قائمة على دورة التعلم E9 المجهزة بتطبيق ThingLink لطلاب ذوي الاحتياجات الخاصة.
٥. يمكن دراسة تأثير نموذج دورة التعلم E9 باستخدام وسائل التعلم التفاعلية على المهارات الرياضية الأخرى.
٦. يمكن إجراء دراسة في استخدام نموذج دورة التعلم E9 باستخدام وسائل التعلم التفاعلي في مواد مثل اللغات الأجنبية والعلوم الاجتماعية.

## قائمة المراجع

### أولاً: المراجع العربية:

- عباس ناجي عبد الأمير المشهداني. (٢٠١٨). طرائق ونماذج تعليمية في تدريس الرياضيات. دار اليازوري العلمية للنشر والتوزيع.
- عوض عبداللطيف بركات الطراونة. (٢٠١٦). الجودة الشاملة في تنمية مهاراتي تحليل المحتوى والتقويم لدى معلمي الرياضيات. عمان: دار الخليج للنشر والتوزيع.
- نايل جواد الناطور. (٢٠١١). أساليب تدريس الرياضيات المعاصرة. عمان: دار غيداء للنشر والتوزيع.
- سحر عبده محمد السيد. (٢٠١٨). طرائق تدريس الرياضيات المبني على مخرجات التعلم في ضوء رؤية المملكة العربية السعودية ٢٠٣٠. المؤتمر العلمي السنوي السادس عشر: تطوير تعليم وتعلم الرياضيات لتحقيق ثقافة الجودة، الفاہرۃ: جامعة بنها - كلية التربية - الجمعية المصرية لتدريسيات الرياضيات، ٢٠٤ - ٢٢٢.
- رولا ذيب أحمد قواسمي (٢٠١٩). فاعلية استخدام استراتيجية تنشيط المعرفة السابقة (KWL) في تحسين جودة تعلم الطالبات للرياضيات المدرسية. (رسالة دكتوراه غير منشورة). جامعة اليرموك، اربد.
- عائشة فخرو ، بدرية المالكي ، و مباركة المري. (٢٠١٣). برنامج تدريسي مقترن بتنمية مهارات إعداد أدوات تقييم مخرجات التعلم في ضوء المعايير المهنية للمعلمين بدولة قطر. *المجلة التربوية*، مج ٢٧، ع ١٠٦ ، ١٢٣ - ١٨١.
- وليد محمد أبو المعاطي. (٢٠١٨). مهارات التجهيز اللغوي وعلاقتها بمهارات التواصل الرياضي و حل المشكلات اللفظية. *المجلة التربوية*، مج ٣٢، ع ١٢٧ ، ١٦٥ - ٢٠١.

### ثانياً: المراجع الأجنبية:

- Adams, N. E. (2015). Bloom's taxonomy of cognitive learning objectives. *Journal of Medical Library Association*, 103(3), 152–153.
- Adebola, I. , Taiwo, A. and Akorede, A. (2018). Students' Representation Ability in some Secondary School Mathematics-Themes Involving word problems as related to achievement in Mathematics, *Journal of the science teachers association of Nigeria*
- Adnan, S., Juniatyi, D., & Sulaiman, R. (2019). The Students Mathematical Representation in Geometry Problem Solving Based Sex Differences. *International Journal of Trends in Mathematics Education Research*, 2(4), 184–187.
- Adom, D. Adu-Mensah, J. and Dake, D. A. (2020). “Test, measurement, and evaluation: Understanding and use of the concepts in education,” *International Journal of Evaluation and Research in Education (IJERE)*, vol. 9, no. 1, p. 109.
- Agustiningsih, A. (2015). Video sebagai alternatif media pembelajaran dalam rangka mendukung keberhasilan penerapan kurikulum 2013

- di sekolah dasar. **PEDAGOGIA: Jurnal Pendidikan**, 4(1), 50-58.
- Akhsani, L., Kartono, K., Junaedi, I., & Asih, T. S. N. A. (2022, September). Pengaruh Motivasi Belajar Terhadap Kemampuan Berpikir Kreatif Mahasiswa pada Model PBL dengan Metode Socrates. In *Prosiding Seminar Nasional Pascasarjana (PROSNAMPAS)* (Vol. 5, No. 1, pp. 625-629).
- Anderson, L. W. & Krathwohl, D. R. (2009). **A Taxonomy for Learning, Teaching, and Assessing: A Revision of Bloom's Taxonomy of Educational Objectives**. Longman.
- Anwar, S., Bascou, N. A., Menekse, M., & Kardgar, A. (2019). A systematic review of studies on educational robotics. *Journal of Pre-College Engineering Education Research (J-PEER)*, 9(2), 2.
- Aristiyo, D. N., Rochmad, & Kartono. (2014). "Pembelajaran Matematika Model Ikrar Berpendekatan RME Untuk Meningkatkan Kemampuan Representasi Matematika". **Unnes Journal of Mathematics Education Research**, 3 (2): 110-116.
- ASSI, K. J., SAAD, N. and SANKARAN, S.( 2022). THE EFFECT OF 9 E INSTRUCTIONAL LEARNING AND TEACHING MODEL ON STUDENTS' IMPROVEMENT CRITICAL THINKING SKILLS, **Journal of Tianjin University Science and Technology**, Vol:55 .
- Assi,K. Saad , N. & Sankaran , S.( 2023). 9E Learning And Teaching Model And Its Application In Higher Secondary Education School System, **Journal of Intercultural Communication**, 23(1), 2023 | PP: 45–54
- Asyhari, A. & Silvia, H. (2016). Pengembangan Media Pembelajaran Berupa Buletin dalam Bentuk Buku Saku untuk Pembelajaran IPA Terpadu. **Jurnal Ilmiah Pendidikan Fisika Al-Biruni**. 5(1). 1-13.
- Bedford, L. (2014). *The art of museum exhibitions: How story and imagination create aesthetic experiences*. Left Coast Press.
- Boonen A. J. H., de Koning B. B., Jolles J., and van der Schoot M. (2016). Word Problem Solving in Contemporary Math Education: A Plea for Reading Comprehension Skills Training Frontiers in psychology 7 th February p 191.
- Boonen, A. J., van Wesel, F., Jolles, J., & van der Schoot, M. (2014). The role of visualrepresentation type, spatial ability, and reading

comprehension in word problemsolving: An item-level analysis in elementary school children. **International Journal of Educational Research**, 68, 15-26.

- Budi, D. N. W. (2021). PEMANFAATAN MEDIA THINGLINK UNTUK MENGEMBANGKAN LITERASI SAINS SISWA DALAM PEMBELAJARAN IPA SAAT PANDEMI DI MTs N 34. *Wawasan: Jurnal Kediklatan Balai Diklat Keagamaan Jakarta*, 2(1), 40-48.
- Buwono, I. S., Kartono, K., & Asih, T. S. N. (2022). Mathematics Reasoning Ability based on Personality Types on 9E Learning Cycle with Kid-Friendly Rubrics. *Unnes Journal of Mathematics Education Research*, 11(2), 212-219.
- Caribbean Secondary Education Certificate (CSEC). (2008). **Mathematics Syllabus**. Effective for examination from May/June 2010. CXC 05/G/SYLL 08. Caribbean Examinations Council. St. Michael: Barbados
- Çelik, D., & Taşkin, D. (2015). Investigation of 5th, 6th, and 7th grade students' solving processes in arithmetic word problems. **Elementary Education Online**, 14(4), 1439-1449.
- Cullinane, A., & Liston, M. (2016). Review of the leaving certificate biology examination papers (1999–2008) using Bloom's taxonomy—an investigation of the cognitive demands of the examination. **Irish Educational Studies**, 35(3), 249–267.
- Darmanto, E. Hari, Yulius, Hermawan, Budi, Setyawati, (2019). “Chinese Content Management System Application to Support the Hanyu Shuiping Kaoshi Exam,” *J. Teknol. Inf. dan Ilmu Komput.*, vol. 6, no. 1, pp. 9–16.
- Delice, A., & Sevimli, E. (2010). Öğretmen adaylarının çoklu temsil kullanma becerilerinin problem çözme başarıları yönüyle incelenmesi: Belirli integral örneği. **Educational Sciences: Theory & Practice**, 10, 111-149.
- Deliyanni, E., Gagatsis, A., Elia, I., & Panaoura, A. (2016). Representational flexibility and problem-solving ability in fraction and decimal number addition: a structural model. **International Journal of Science and Mathematics Education**, 14, 397-417
- Depaepe, F., De Corte, E., & Verschaffel, L. (2010). Teachers' approaches towards word problem solving: Elaborating or restricting the

- problem context. **Teaching and Teacher Education**, 26(2), 152–160. <https://doi.org/10.1016/j.tate.2009.03.016>
- Depaepe, F., Verschaffel, L., & Kelchtermans, G. (2013). Pedagogical content knowledge: A systematic review of the way in which the concept has pervaded mathematics educational research. **Teaching and Teacher Education**, 34, 12-25.
- Desoete A., Roeyers H., and De Clercq A. (2003). Can offline metacognition enhance mathematical problem solving? ,**Journal of Educational Psychology** ,95(1) ,188–200.
- Dwijayani, N. M. (2019, October). Development of circle learning media to improve student learning outcomes. In *Journal of Physics: Conference Series* (Vol. 1321, No. 2, p. 022099). IOP Publishing.
- ECTS Users Guide (2005) Brussels: **Directorate – General for Education and Culture**.
- Eisenkraft, A. (2003). Expanding the 5E model. **Science Teacher**, 70(6), 56-59.
- Eisenkraft, A.(2003) “Expanding the 5E model: a proposed 7E model emphasizes: transfer of learning and the importance of eliciting prior understanding,” **The Science Teacher**, vol. 70.
- Erdem, E. (2016). Relationship between mathematical reasoning and reading comprehension: the case of the 8th grade. Necatibey Faculty of Education **Electronic Journal of Science & Mathematics Education**, 10(1). 393-414.
- Fagnant, A., & Vlassis, J. (2013). Schematic representations in arithmetical problem solving: Analysis of their impact on grade 4 students. **Educational Studies in Mathematics**, 84(1), 149–168.
- Fennel, F and Rowan (2001). Representation: An Important Process for Teaching and Learning Mathematics. **Teaching Children Mathematics**, Vol. 7, No.5.
- Fitrianna, A. Y., Dinia, S., Mayasari, M., & Nurhafifah, A. Y. (2018). Mathematical representation ability of senior high school students: An evaluation from students' mathematical disposition. *JRAMathEdu (Journal of Research and Advances in Mathematics Education)*, 3(1), 46-56.
- Galishnikova. E. M. (2014). Language learning motivation: A look at the additional program. **Procedia-Social and Behavioral Sciences**. 152.1137-1142.

- Gietz, C., & McIntosh, K. (2014). Relations between student perceptions of their school environment and academic achievement. *Canadian Journal of School Psychology*, 29(3), 161-176.
- Haghverdi, M., Semnani, A. S., & Seifi, M. (2012). The relationship between different kinds of students' errors and the knowledge required to solve mathematics word problems. *Bolema: Boletim de Educação Matemática*, 26(42B), 649-666.
- Hakim, A. R., Asikin, M. and Cahyono, A. N. (2021). The Development of Learning Module with Mobile Augmented Reality Based on 9E Learning Cycle to Improve Problem Solving Skills, *Unnes Journal of Mathematics Education Research, UJMER*, 10 (1), 1-9
- Hasnunidah, N., Susilo, H., Irawati, M., and Suwono, H. (2020). "The contribution of argumentation and critical thinking skills on students' concept understanding in different learning models," *Journal of University Teaching and Learning Practice*, vol. 17, no. 1, pp. 80–91.
- Hayati, M. N., Supardi, K. I., & Miswadi, S. S. (2013). Pengembangan Pembelajaran IPA SMK dengan Model Kontekstual Berbasis Proyek untuk Meningkatkan Hasil Belajar dan Keterampilan Proses Sains Siswa. *Jurnal Pendidikan IPA Indonesia*, 2(1) 1-6.
- Hingan, F. B., & Qomariyah, I. N. (2020, November). Pengembangan Media Pembelajaran Focusky Berbasis Learning Cycle 5E pada Materi Sistem Sirkulasi Manusia Siswa Kelas XI SMA. In *Prosiding Seminar Nasional IKIP Budi Utomo* (Vol. 1, No. 01, pp. 383-391).
- Hwang, W. Y., Chen, N. S., Dung, J. J., & Yang, Y. L. (2007). Multiple Representation Skills and Creativity Effects on Mathematical Problem Solving using a Multimedia Whiteboard System. *Journal of Educational Technology & Society*, 10(2), 191–212.
- Ilma, S., Al-Muhdhar, M. H. I., Rohman, F. and Saptasari, M. (2020). "The correlation between science process skills and biology cognitive learning outcome of senior high school students," *JPBI (Jurnal Pendidikan Biologi Indonesia)*, vol. 6, no. 1.
- Inozemtseva, K., Kirsanova, G., Troufanova, N., & Semenova, Y. (2018). Using Thinglink Digital Posters in Teaching Esp to Business and Economics Students (A Case Study of Bauman Moscow State

- Technical University). In *ICERI2018 Proceedings* (pp. 3487-3492). IATED.
- Irvine, J. (2017). A comparison of revised Bloom and Marzano's new taxonomy of learning. *Research in Higher Education Journal*, 33, 1–16 .
- Jenkins, A. & Unwin, D. (2001) How to write learning outcomes. Retrieved from  
<http://www.ncgia.ucsb.edu/education/curricula/giscc/units/format/outcomes.html>
- Jitendra, A. K. (2019). Using schema-based instruction to improve students' mathematical word problem solving performance. In A. Fritz, V. G. Haase, & R. Pekka (Eds.), **The international handbook of mathematical learning difficulties** (pp. 595–609). ). Springer.
- Kaur, P. & Gakhar, A. (2014). "9E Model And E-Learning Methodologies for The Optimisation of Teaching and Learning". *IEEE International Conference on MOOC, Innovation and Technology in Education (MITE)*, 342-34
- Kunandar. (2013). Penilaian Autentik (Penilaian hasil belajar peserta didik berdasarkan kurikulum). Jakarta: Rajagrafindo
- Kusumawardan, R. (2019). Difference in Learning Outcomes Between High School Student Taught Using Learning Cycle 5E and Learning Cycle 7E on Colloid Subjec
- Kuznetsova, E., & Matytcina, M. (2018). A multidimensional approach to training mathematics students at a university: improving the efficiency through the unity of social, psychological and pedagogical aspects. *International Journal of Mathematical Education in Science and Technology*, 49(3), 401-41
- Lalian, O. N. (2018, October). The effects of using video media in mathematics learning on students' cognitive and affective aspects. In *AIP Conference Proceedings* (Vol. 2019, No. 1, p. 030011). AIP Publishing LLC.
- Lamb, R., Cavagnetto, A., & Akmal, T. (2016). Examination of the Nonlinear Dynamic Systems Associated with Science Student Cognition While Engaging in Science Information Processing. *International Journal of Science and Mathematics Education*, 14(1), 187–205.
- Lara Nieto-Márquez,N., Baldominos, A. and Pérez-Nieto, M. Á. (2020)."Digital Teaching Materials and Their Relationship with

- the Metacognitive Skills of Students in Primary Education,” **Education Sciences**, vol. 10, no. 4, p. 113.
- Leea, j. & Hwang, S. ( 2022). Elementary Students’ Exploration of the Structure of a Word Problem Using Representations, **International Electronic Journal of Elementary Education**, January 2022, Volume 14, Issue 3, 269-281.
- Madona, A. S. (2017). “Design of Interactive Multimedia Based IPS Learning Module Using CTL Approach Based on Student Tendency Response in the Use of Learning Module in Grade IV,” in 1st **International Conference on Educational Sciences**.
- Martin, M. O., & Mullis, I. V. S. (2019). TIMSS 2015: Illustrating advancements in large-scale international assessments. **Journal of Educational and Behavioral Statistics**, 44 (6), 752–781.
- Masdafni, M. (2020). Pembelajaran daring menggunakan video animasi meningkatkan hasil belajar matematika siswa kelas VIIC SMPN 1 Seberida. *Jurnal Pendidikan Tambusai*, 4(2), 1752-1763.
- Mertler CA, Reinhart RV (2016) Advanced and multivariate statistical methods: practical application and interpretation, 6th edn. Routledge, New York
- Moussiaux and Norman (2003) “Constructivist teaching practices: perceptions of teachers and students.”
- Mulyati, D., Marizka, H., & Bakri, F. (2019). E-learning using wordpress on physics materials with the 5E learning cycle strategy. *Jurnal Penelitian & Pengembangan Pendidikan Fisika*, 5(2), 101-112.
- Nadia, L. N., Waluya, S. B., & Isnarto. (2017). “Analisis Kemampuan Representasi Matematis Ditinjau dari Self Efficacy Peserta Didik melalui Inductive Discovery Learning”. **Unnes Journal of Mathematics Education Research**, 6 (2): 242 – 250.
- Nakatsuka, K. (2018). Making history come to life: ThingLink virtual museums. *Social Studies Review*, 57, 47-52.
- National Council of Teachers of Mathematics. (2000). **Principle and Standards for School Mathematics**. Reston, VA: NCTM.
- National Council of Teachers of Mathematics. (2000). **Principles and standards for schoolmathematics**. Reston/VA: National Council of Teachers of Mathematics.
- National Council of Teachers of Mathematics. (2003). **Standards for Secondary School Mathematics**. Reston, VA: NCTM.

- Ni, Y., Zhou, D. H. R., Cai, J., Li, X., Li, Q., & Sun, I. X. (2018). Improving cognitive and affective learning outcomes of students through mathematics instructional tasks of high cognitive demand. *The Journal of Educational Research*, 111(6), 704-719.
- Nicol, C., Gakuba, E., & Habinshuti, G. (2020). An Overview of Learning Cycles in Science Inquiry-based Instruction. *African Journal of Educational Studies in Mathematics and Sciences*, 16(2), 76-81.
- Nurfitriyanti, M., Rita Kusumawardani, R., & Lestari, I. (2020). Kemampuan representasi matematis peserta didik ditinjau penalaran matematis pada pembelajaran berbasis masalah. *Jurnal Gantang*, 5(1), 19–28. <https://doi.org/10.31629/jg.v5i1.1665>
- Nurrita, T. (2018). Pengembangan media pembelajaran untuk meningkatkan hasil belajar siswa. *MISYKAT: Jurnal Ilmu-Ilmu Al-Quran, Hadist, Syari'ah Dan Tarbiyah*, 3(1). 171.
- Ozgelen, S. (2012). Student's Science Process Skills within a Cognitive Domain Framework. *Eurasia Journal of Mathematics, Science & Technology Education*. 8(4), 283-292.
- Petrou, M., & Goulding, M. (2011). Conceptualising teachers' mathematical knowledge in teaching. In Mathematical knowledge in teaching (pp. 9-25). **Netherlands: Springer**.
- Potter, J. (2018). "Problematising learning in the age of data 'acquisition': issues in research, teaching and learning with digital media and technology," *Learn. Media Technol.*, vol. 43, no. 2, pp. 117–118.
- Prachagool, V. & Nuangchalerm, P. (2019). "Investigating understanding the nature of science," *International Journal of Evaluation and Research in Education (IJERE)*, vol. 8, no. 4, p. 719.
- Purwati, W. M. Yuli, Sagita, Selvi, Utomo, Fandy Setyo, Baihaqi, (2020). "Development of Solar Reality-Based Solar Learning Media for Class 6 Elementary School Students With Evaluation of User Satisfaction of Multimedia Elements," *J. Teknol. Inf. dan Ilmu Komput.*, vol. 7, no. 2, pp. 259–266.
- Rachmadtullah. R., Zulela. M. S., & Sumantri. M. S. (2019). Computer-based interactive multimedia: a study on the effectiveness of integrative thematic learning in elementary schools. *Journal of Physics: Conference Series*. 1175(1).
- Ramaligela, S. M., Ogbonnaya, U. I., & Mji, A. (2019). Comparing pre-service teachers' PCK through 9E Instructional Practice: A case of

- mathematics and technology pre-service teachers. *Africa Education Review*, 16(3), 101-116.
- Ramirez, T. V. (2017). On pedagogy of personality assessment: Application of Bloom's taxonomy of educational objectives. *Journal of Personality Assessment*, 99(2), 146–152.
- Reich, A. (2015). Is the road to effective assessment of learning outcomes paved with good intentions? Understanding the roadblocks to improving hospitality education. *Journal of Hospitality, Leisure, sport& Tourism Education*. 18. 21-23.
- Saad, N. B., Surendran, A., & Sankaran, L. (2023). 9E Learning And Teaching Model And Its Application In Higher Secondary Education School System. *Journal of Intercultural Communication*, 23(1), 45-54.
- Sadraei, H., Vahedi, S., Gargari, R. and Fathi, E.(2022). Investigating The Effectiveness of The 9-Stage Cycle Teaching Model (9E) In Science Teaching on Students' Conceptual Understanding And Academic Motivation, *Journal of Research in Teaching*, Vol 10, No 3, Autumn , 2022
- Sahendra,A. , Budiarto M. T. , and Fuad, Y.(2018). Students' Representation in Mathematical Word ProblemSolving: Exploring Students' Self-efficacy, *Journal of Physics: Conf. Series* 947.
- Sahronih. S.. Purwanto. A..& Sumantri. M.S. (2020). The effect of Use Interactive Learning Media Environment-based and Learning Motivation on ScienceLearning Outcomes. *International Journal for Educational and Vocational Studies*, 1 – 5.
- Salkind, G., M. (2017). Mathematical Representations. EDCI 857 Preparation and Professional Development of Mathematics Teachers
- Sanwidi, A. (2018). Students' Representation in Solving Word Problem.*Infinity*, 7(2), 147-154.
- Sarac, H.(2018) “ The effect of learning cycle models on achievement of students: a meta-analysis study,” *Int. J. Edu. Method.*, vol. 4.
- Sarac,H., tarhan ,D.(2017). Effect of Multimedia Assisted 7e Learning Model Applications on Academic Achievement and Retention in Students, *European Journal of Educational Research*, Volume 6, Issue 3, 299 - 311.
- Strømskag, H. (2018, April). A model for instructional design in mathematics implemented in teacher education. In *INDRUM 2018*.

- Sudjana, N. (2009). **Penilaian hasil proses belajar mengajar**. Bandung, Indonesia: Remaja Rosdakarya.
- Suleyman, Y.(2018). “Effects of learning cycle models on science success: a meta-analysis,” **J. Baltic Sci. Edu.**, vol. 17.
- Supandi, S., Waluya, S. B., Rochmad, R., Suyitno, H., & Dewi, K. (2018). Think-talk-write model for improving students’ abilities in mathematical representation. **International Journal of Instruction**, 11(3), 77–90.
- Suprianto, A., Ahmadi, F., & Suminar, T. (2019). The Development of Mathematics Mobile Learning Media to Improve Students’ Autonomous and Learning Outcomes. *Journal of Primary education*, 8(1), 84-91.
- Tan, K. J., Ismail, Z., & Abidin, M. (2018). A comparative analysis on cognitive domain for the Malaysian primary four textbook series. *EURASIA Journal of Mathematics, Science and Technology Education*, 14(4), 1273-1286.
- Thompson, D. R., Senk, S. L., & Johnson, G. J. (2012). Opportunities to learn reasoning and proof in high school mathematics textbooks. **Journal for Research in Mathematics Education**, 43(3), 253–295.
- Tukiran, Mubarokah, F. A. and Nasrudin, H. (2020). Improvement of Self-Efficacy and Student LearningOutcomes on Acid Base Material Using 9E LearningCycle Model, **nternational Joint Conference on Science and Engineering**, volume 196.
- Trianto. (2007). **Integrated Learning Model in Theory and Practice**. Jakarta: PrestasiPustaka Publisher.
- Utami, C. T. P. (2019, March). Profile of students’ mathematical representation ability in solving geometry problems. In *IOP Conference Series: Earth and Environmental Science* (Vol. 243, No. 1, p. 012123). IOP Publishing.
- Utari, S.(2013). Application of Learning Cycle 5e Model Aided Cmaptools-Based Media Prototype to Improve Student Cognitive Learning Outcomes.
- Utari, S., Feranie, S., Aviyanti, L., Sari, I. M., & Hasanah, L. (2013). Application of learning cycle 5e model aided Cmaptools-based media prototype to improve student cognitive learning outcomes. *Applied Physics Research*, 5(4), 69.

- Varol, F., & Kubanç, Y. (2015). Öğrencilerin bölme işlemi gerektiren aritmetik sözel problemlerde yaşadığı zorlukların incelenmesi [Requiring students to beat the experienced by the verbal and arithmetic division operation investigation of problems], **Ondokuz Mayıs Üniversitesi Eğitim Fakültesi Dergisi**, 34(1), 99- 123.
- Verschaffel, L., De Corte, B., & Greer, E. (2000). **Making sense of word problems**. Lisse, The Netherlands: Swets & Zeitlinger.
- Vioskha, Y. (2021). Improving Mathematics Cognitive Learning Outcomes Through the Application of Bandicam Video to Class X Senior High School Students in Kampar Regency. *Journal of Educational Sciences*, 5(4), 665-677.
- Viseu, F., Pires, A. L., Menezes, L., & Costa, A. M. (2021). Semiotic representations in the learning of rational numbers by 2nd grade Portuguese students. **International Electronic Journal of Elementary Education**, 13(5), 611-624.
- Wang, A. Y., Fuchs, L. S., & Fuchs, D. (2016). Cognitive and linguistic predictors of mathematical word problems with and without irrelevant information. **Learning and Individual Differences**, 52, 79-87.
- Yadav, D. K. (2017). Associated Asia Research Foundation (AARF) Publication. **International Research Journal of Mathematics, Engineering and IT**, 4(1), 34–42.
- Yaniawati, P., Kariadinata, R., Sari, N., Pramarsih, E., & Mariani, M. (2020). Integration of e-learning for mathematics on resource-based learning: Increasing mathematical creative thinking and self-confidence. *International Journal of Emerging Technologies in Learning (iJET)*, 15(6), 60-78.
- Yulianti, M. (2022). Peningkatan Self Regulation Learning melalui Layanan Bimbingan Belajar Daring Model STAD Berbantuan Media Thinglink. *Ideguru: Jurnal Karya Ilmiah Guru*, 7(1), 114-123.
- Zhe, L. (2012). Survey of primary students' mathematical representation status and study on the teaching model of mathematical representation. *Journal of Mathematics education*, 5(1), 63-76.
- Zorluoğlu, S. L. and Güven, Ç.(2020). "Analysis of 5th Grade Science Learning Outcomes and Exam Questions According to Revised Bloom Taxonomy," **Journal of Educational Issues**, vol. 6, no. 1, p. 58.









