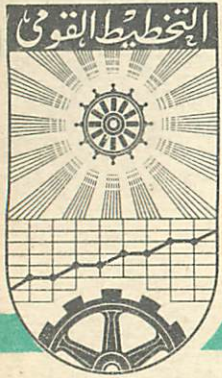


الجمهورية العربية المتحدة



معد التخطيط القومي

مذكرة رقم (١١٤٨)

نموذج ديناميكي للمتغيرات الاقتصادية
الاجمالية

في الاقتصاد القومي المصري

اعداد
====

د * يوسف نصر الدين محمد
أ * عبد الستار عبد العزيز الداعوش

(مايو سنة ١٩٧٦)

نموذج ديناميكي للمتغيرات الاقتصادية
الاجمالية في الاقتصاد القومي المصري

الاجمالية في الاقتصاد القومي المصري

مقدمہ

لقد انتشر استخدام النماذج الرياضية في ميدان البحوث الاقتصادية بشكل واسع فسي
الأونة الأخيرة ويوجع ذلك الى سببين اولهما أن النماذج الرياضية أصبحت اداة مــــ
ادوات التحليل الاقتصادي تساعد على التعرف على حقيقة المتغيرات الاقتصادية وربطها
ببعضها البعض ، ومعرفة تأثير كل منها على الاخرى ، واستخلاص النتائج التي يتعذر بل قد
تسحيل على المنطق العادي ادراكها بسهولة .

وثانيهما ظهور الحاسبات الالكترونية وحدوث التطور الهائل بما اتاح استخدام المفاهيم الرياضية وحل المشاكل الرياضية المعقدة بسهولة الى جانب الثقة في الحاسبات عند الحل .

ولمصر تجربة رائدة بالنسبة الى الدول النامية في استخدام النماذج في التحليل الاقتصادي وحل المشاكل الاقتصادية وترجع خبرتها الى نهاية الخمسينات عند التحضير للخطة الخمسية الاولى (٦٠/٥٩ - ٦٥/٦٤) ويرجع الفضل الى كل من " راجر فريش R. Frisch و " تمبرجن Tembergin ومن المصريين امثال الدكتور ابواهم حلمي عبد الرحمن والدكتور محمد محمود الامام والدكتور صليب روفائيل ومن كان يحمل معهم • فهم اول من استخدم المنهج الرياضي في حل المشاكل الاقتصادية في مصر •

وسنقدم في هذا البحث خطوة على طريق استخدام النماذج الرياضية في رسم السياسات طويلة الاجل ومتوسطة الاجل وذلك بتقديم نموذج ديناميكي للمتغيرات الاقتصادية الاجمالية في الاقتصاد القومى المصرى يحدد منه المعالم الاساسية للمتغيرات الاقتصادية الماضية والحالية في صورتها الاجمالية .

كما يهدف الى رسم سياسة طويلة المدى من خلال مجموعة من البدائل وذلك عن طريق محاكاة النموذج وتحديد مجموعة من البدائل للمؤشرات الاساسية للمتغيرات الاقتصادية وذلك باستخدام الحاسب الالىكترونى .

من المعروف انه لى نحصل على نتائج منطقية من النموذج تتفق مع الخواص الاساسية للمتغيرات الاقتصادية فلا بد أن يكون النموذج مبنيًا على أسس سليمة تتفق مع هيكل وخطوط سلوك النظام الاقتصادى وتمثل المرحلة الاولى من بناء النموذج الاقتصادى الرياضى الوقوف على الوضع الحالى للمتغيرات الاقتصادية من خلال التحليل الاحصائى لسلسلة زمنية تظهر ديناميكية التغيرات والتطورات فى النظام الاقتصادى .

التحليل الاقتصادي والاحصائي للمتغيرات الاساسية

اولاً : الدخل المحلي الاجمالي Gross Domestic Income

تدل الارقام بالجدول رقم (٥) ، (٦) أن معدل نمو الدخل الاجمالي قد انخفض من ٥٧٪ سنة ٦٠/٥٩ الى ٣٨٪ سنة ٦١/٦٠ ويرجع ذلك الى بعض الظروف التي صاحبت عملية التنمية والتي لم تؤخذ في الاعتبار عند وضع خطة التنمية . كما أن هذا المعدل انخفض من ٤٧٪ سنة ٦٦/٦٥ الى ٥٪ سنة ٦٧/٦٦ ثم الى ٣٢٪ سنة ٦٨/٦٧ ويرجع الى ظروف العدوان الاسرائيلي عام ١٩٦٧ وعدم استقرار الظروف الاقتصادية والسياسية اعتباراً من ٦٥/٦٤ حيث حوب اليمن ثم العدوان الاسرائيلي ١٩٦٧ واتباع الدولة لسياسة الانكماش الاقتصادي ابان العدوان حتى عام ١٩٦٨ كان له أثر كبير على معدل نمو دخل الفرد حيث انخفض من ٢٧٪ سنة ٦١/٦٠ الى ٩٪ سنة ٧٢/٧١ كما هو واضح في الجدول (١٤) وعلى الرغم من ذلك فاننا نلاحظ حدوث تغيير حقيقي في دخل الفرد حيث زاد من ٥٢ر٥ جنيهها سنة ٦٠/٥٩ الى ٦٦ر٨ جنيهها سنة ٧٢/٧١ بمتوسط قدره ٦٠ر٦٠ جنيهها سنوياً وذلك باسعار ٦٠/٥٩ .

ونلاحظ بالجدول رقم (٧) انه حدث تغير واضح في هيكل الاقتصاد القومي خلال فترة الدراسة وخاصة في قطاع الصناعة حيث نرى أنه بينما يماهم قطاع الزراعة بنسبة ٣٠٪ وقطاع الصناعة (ويشمل قطاع التعدين والكهرباء والتشييد) بنسبة ٢٣٪ وقطاع التوزيع (ويشمل التجارة والمال والنقل والمواصلات والتخزين) بنسبة ١٦٪ وقطاع الخدمات (ويشمل الاسكان والمرافق والخدمات الاخرى) بنسبة ٢٩٪ وذلك في سنة ٦٠/٥٩ نجد أن تلك النسب تغيرت واصبحت على النحو التالي :

٢٢٩٪ ، ٢٩٠٪ ، ١٤٧٪ ، ٣٣٤٪ على الترتيب فى سنة ٧٢/٧١ . وهذا يشير الى ان الاتجاه الى الافضل حدث فى كل من قطاع الصناعة والخدمات حيث زادت مساهمة كل منهما فى الدخل المحلى كما انه حدث انخفاض فى مساهمة كل من قطاع الزراعة وقطاع التوزيع فى الدخل المحلى .

العمالة والانتاجية :

بدراسة هيكل العماله كما هو واضح بالجدول (١٥) نجد أن النصيب الأكبر من العماله يعتمد على الزراعه حيث نجد أن نصيب قطاع الزراعه سنة ٦٠/٥٩ هو ٥٢٪ من اجمالى العماله المتاحة الا أن الانخفاض خلال فترة الدراسة كان ضئيلا حيث وصلت تلك النسبة الى ٤٧٢٪ سنة ٧٢/٧١ ومن ناحية اخرى نجد أن نصيب قطاع الصناعة ١٣٨٪ وقطاع التوزيع ١٣٧٪ وقطاع الخدمات ٢٠٤٪ سنة ٦٠/٥٩ نجد أن تلك النسب أصبحت فى سنة ٧٢/٧١ على النحو التالى ١٧٣٪ ، ١٤٠٪ ، ٢١٥٪ على الترتيب ويدل ذلك انه لم يحدث الا تغير طفيف وذلك بزيادة نصيب قطاع الصناعة من ١٣٨٪ الى ١٧٣٪ سنة ٧٢/٧١ الأمر الذى انعكس اثره على انتاجية الفرد حيث أن الانتاجية فى القطاعات المذكورة للهيكل الاقتصادى فى المتوسط هى ١٧٩٢٪ جنيتها فى قطاع الزراعة ؟ ١٢٣٥ جنيتها فى قطاع الصناعة ، ٣٥٢١ جنيتها فى قطاع التوزيع ، ٤٠٨٢ جنيتها فى قطاع الخدمات وذلك سنة ٦٠/٥٩ بالاسعار الثانية بينما نجد أن متوسط تلك الانتاجية فى عام ٧٢/٧١ هى كالآتى : ١٩٣٨ جنيتها ، ١٤٣٧٧ جنيتها ، ٣٩٥٠ جنيتها ، ٦٢٣٣ جنيتها على التوالى ويدل ذلك على حدوث زيادة طفيفة فى الانتاجية الامر الذى يدعو الى اتخاذ سياسة مناسبة لتوزيع العماله بين تلك القطاعات بما يحقق ارتفاع ملحوظ فى الانتاجية .

ومن ناحية أخرى نجد أن معدل النمو فى الانتاجية سنة ٦٠/٦١ هى :

— ١٠٠٪ فى قطاع الزراعة ، ٤٧٪ فى قطاع الصناعة ، ٣٧٪ فى قطاع التوزيع ،

— ١٠٪ فى قطاع الخدمات فى حين نجد أن ذلك المعدل فى سنة ٧٢/٧١ أصبح

كالآتي ٢٪ ، ١٪ ، ٦٪ ، ٣٪ وهذا يوضح انخفاض الانتاجية في قطاع الصناعة حيث كانت ٧٪ سنة ٦٠/٦١ نجدها ١٪ سنة ٧١/٧٢ . لذلك يجب مراعاة الدقة الكاملة في اعادة التوزيع بين القطاعات من حيث : مدى توافر المهارة والخبرة اللازمة لكل قطاع من القطاعات حيث أنه بينما زاد هيكل العمالة في قطاع التوزيع والخدمات في سنة ٧١/٧٢ عنه في سنة ٦٠/٥٩ وحيث أن ذلك القطاع لا يتطلب خبرة ودراية عاليتين نجد أن معدل الانتاجية قد ارتفع في تلك القطاعات عما كان عليه في عام ٦٠/٥٩ وذلك كما هو موضح بالجدول رقم (١٧٢١٦) .

الاستثمار :

يلعب التكوين الرأسمالي دورا كبيرا في اقتصاديات الدول النامية حيث أنه كلما زاد حجم الاستثمار كلما زادت امكانية الاقتصاد القوي على النمو والتوسع نجد أن حجم الاستثمار محدود بعاملين (١) .

الاول :

خاص بالقدره التمويلية من المدخرات المحليه ومن الموارد الخارجيه في صورته تسهيلات وقروض خارجيه .

الثاني :

خاص بمقدرة الاقتصاد القوي على استيعاب الانفاق الاستثماري دون حدوث اثار تضر أو تعوق النمو ، ودون أن يمر باختناقات نتيجة للتوسع في الاستثمار في غير معياره الزمني .

(١) متابعة وتقييم النمو للخطة الخمسية الاول (٦٠/٦١ - ٦٤/٦٥) الجزء الاول .

ونمط الاستثمار في الاقتصاد القومي المصري كما هو واضح في الجدول (١٨) يدل على أن نصيب قطاع الزراعة ١٧,٢% وقطاع الصناعة ٣٢,٢% وقطاع التوزيع ٢٠,٩% وقطاع الخدمات ٢٩,٥% من الاستثمار الكلي وذلك في سنة ٦٠/٥٩ في حين نجد أن تلك النسب تغيرت نحو الأفضل في سنة ٧٢/٧١ وذلك بالنسبة إلى قطاع الصناعة حيث بلغت ٤٥,٩% مما يدل على أنه حدث إعادة توزيع مناسبة لهيكل الاستثمارات بما يناسب وأهمية كل قطاع حيث بلغت ١١,٧% ، ٤٥,٩% ، ٢٤,٣% ، ١٨,٢% على الترتيب وذلك في سنة ٧٢/٧١ .

والأرقام في الجدول (١٩) تدل أن نسبة الاستثمارات إلى الناتج المحلي الإجمالي في المتوسط بلغت ١٥,٨% خلال الفترة محل الدراسة . ونجد كذلك أن هذه النسبة انخفضت من الفترة ٦٦/٦٥ - ٧٢/٧١ بالمقارنة بالفترة ٦٠/٥٩ - ٦٥/٦٤ من ١٧,٤% إلى ١٤,٢% ويدل ذلك على اتباع الدولة سياسة انكماشية خلال الفترة الأخيرة وذلك لظروف العدوان الإسرائيلي .

ومن ناحية أخرى نجد أن حجم المدخرات إلى الناتج المحلي الإجمالي خلال الفترة ٦٠/٥٩ - ٦٦/٦٥ بلغت ١٣% ويدل ذلك على أن حجم المدخرات المتاحة لتمويل خطة التنمية لم تفي باحتياجات الاستثمارات وقد تم تمويل العجز بالاعتماد على التسهيلات الائتمانية والقروض من الخارج في معظم سنوات الخطط وبلغت نسبة القروض إلى الناتج المحلي ٣% وقد تم تمويل الباقي بالعجز في ميزان المدفوعات في بعض سنوات الخطط^(١) جدول (٩) إلا أن نسبة المدخرات إلى الناتج المحلي خلال الفترة (٦٧/٦٦ - ٧٢/٧١) زادت على نسبة الاستثمار إلى الناتج المحلي خلال نفس الفترة إذ بلغت الأولى ١٤,٦% في حين بلغت الثانية

(١) تقييم تجربة التخطيط في ج م م . مذكرة خارجية رقم (١٠٧٣) معهد التخطيط القومي .

١٤٢% ويرجع ذلك الى الظروف الاقتصادية التي صاحبت حالة الحرب وعدم وجود منافذ
للاتفاق الاستثمارى مرسوم بخطة محددة .

الاستهلاك والادخار : The Consumption and Saving

بدراسة الاستهلاك خلال الفترة ٦٠/٥٩ - ٧٢/٧١ وربطه بالدخل المتحقق
خلال تلك الفترة جدول (٩) نجد أن معدل نمو الاستهلاك قد تذبذب ارتفاعا وانخفاضا
حسب الدخل المحلى فقد بلغ ٧% فى سنة ٦٦/٦٦ فى حين كانت قيمته ٤٢% فى سنة
٦٥/٦٦ كما نلاحظ انه ابتداء من ٦٨/٦٧ زاد الاستهلاك عن الدخل المحلى وقد يرجع
ذلك الى انه خلال سنوات الحرب قدمت معونات فى صور مختلفة اضيفت الى الاستهلاك ولم
يضاف الى الدخل بالاضافة الى ذلك الزيادة المضطربة التى حدثت فى الاستهلاك الحكومى
فقد بلغ ٢٣% من الدخل المحلى الاجمالى ٦٥/٦٦ وصل الى ٣٤% فى ٧١/٧٢ ونسبة
المتوسطة بلغت ٢٣% ومعدل النمو المتوسط وصل الى ١٠% من الدخل خلال الفترة
محل الدراسة جدول (١٠) .

ومن الارقام نرى ان نسبة الاستهلاك الكلى (الافراد - الحكومى) الى الدخل
المحلى هي ٨٩% فى سنة ٦٠/٥٩ وصلت الى ٩٦% فى سنة ٦٨/٦٧ ثم زادت الى
١٠٢% فى سنة ٧١/٧٢ ويدل ذلك على انه لا يوجد سياسة تحد من الارتفاع المستمر فى
الاستهلاك كما أن معدلات نمو الدخل منخفضة جدا بالنسبة الى معدلات الاستهلاك مما
يتربط على ذلك زيادة عبء القروض الاجنبية على الاقتصاد القومى المصرى وانخفاض فى معدل
التكوين الرأسمالى وانخفاض فى معدل الادخار للافراد ويؤكد ذلك ماورد فى بحث ميزانية
الاسرة لسنة ١٩٦٥ نجد أن نسبة توزيع الانفاق الاستهلاكى كانت على النحو التالى :

٥٤ر١ %	من الانفاق الكلى موجه الى الانفاق على الطعام °
٩٣ر١ %	الملابس " " " " " " " °
٩٣ر١ %	ايجار السكن وملحقاته " " " " " " " °
٢٢ر٥ %	نفقات استهلاكية اخرى كالملاج وخلافه " " " " " " " °
١٤ر١ %	التحويلات " " " " " " " °

ويلاحظ ان نسبة الموجهة الى الانفاق على الطعام عالىة كما انه من المتوقع ان تحدث تغيير هذه النسب الى وضع غير مرض حيث ارتفاع مستوى المعيشة بما لا يسمح بتسجيل أى زيادة الى المدخرات وحتى اذا كانت فانها تكون ضئيلة °

وجد ير بالذكر أنه عند تحليل بيانات الاستهلاك لم تستبعد الفترة من ٦٧/٦٨ إلى ٧١/٧٢ وذلك بهدف اعطاء النموذج الفرصة لظهور الصورة المستقبلية للمتغيرات الاقتصادية اذا تم المستقبل بنفس الكيفية التى يتم بها الماضى °

التجارة الخارجية

تدل الارقام بالجدول (٢٢) ان صادرات السلع الزراعية بلغت ١١ر٥ % من الناتج المحلى الاجمالى ٦٠/٥٩ تناقصت وبلغت ٥٩ر٥ % فى ٧١/٧٢ فى حين أن الصادرات الصناعية والتحويلية حدث فيها زيادة للمؤسسة فقد كانت ٣ر١ % فى سنة ٦٠/٥٩ بلغت ٦٠/٥٩ ١٤ر٦ % سنة ٧١/٧٢ °

وعموما نجد أن نسبة الصادرات المتطورة ١٤ر٢ % سنة ٦٠/٥٩ بلغت ١٢ر١ % سنة ٧١/٧٢ ونلاحظ ما يلى :

١ - أنه لم تحقق زيادة ملموسة في الصادرات الزراعية بل على العكس حققت انخفاضا حيث انخفضت من ١٤٧٦ مليون جنيه سنة ٦٠/٥٩ الى ١٣٨٦ مليون جنيه سنة ٧٢/٧١ بنقص مقداره ٩٠ مليون جنيه بالاسعار الثابتة (٦٠/٥٩) مع انه من الواجب أن تكون هناك زيادة ملموسة في تلك الصادرات من السلع الزراعية . الا ان الانخفاض في الصادرات الزراعية يمكن أن يرجع الى :

أ - زيادة الاستهلاك من منتجات السلع الزراعية بما لا يحقق فائض للتصدير .
ب - انخفاض اسعار الحاصلات الزراعية نتيجة لمنافسة الدول المتقدمة للدول النامية في ذلك المجال .

٢ - أنه رغم تحقيق الصادرات من السلع الصناعية زيادة ملموسة حيث زادت من ٣٥٩ مليون جنيه سنة ٦٠/٥٩ الى ١٢٥٩ مليون جنيه سنة ٧٢/٧١ باسعار سنة ٦٠/٥٩ الا انها لم تساهم بقدر مناسب في تنمية الصادرات عموما ان مازالت تشكل الواردات من السلع الوسيطة والاستثمارية نسبة عالية خلال فترة الدراسة جدول (٢٠) .

٣ - نجد أن الواردات من السلع الاستهلاكية في تزايد بصفة مستمرة حيث زادت من ٥٥٢ مليون جنيه سنة ٦٠/٥٩ الى ١٠٦ مليون جنيه سنة ٧٢/٧١ باسعار سنة ٦٠/٥٩ على الرغم بأنه يجب ان يكون هناك حد لهذه الواردات والاعتماد على الانتاج المحلي بصفة اساسية .

٤ - نجد أن الواردات الاستثمارية قد انخفضت من ٩٦ مليون جنيه سنة ٦٥/٦٦ الى ٥٤٩ مليون جنيه سنة ٧٢/٧١ باسعار سنة ٦٠/٥٩ ويرجع ذلك الى التوقف في بعض المشروعات اثناء سياسة الانكماش الاقتصادي ابان فترة الحرب في حين ان الصورة كانت عكس ذلك من الفترة ٦٠/٥٩ - ٦٥/٦٦ ان كانت الواردات الاستثمارية في تزايد مستمر حيث كانت ٥٥٨ في ٦٠/٥٩ بلغت الى ٩٦ مليون جنيه سنة ٦٥/٦٦

٦٦/٦٥ وهذا نتيجة للسياسة التي اتبعتها الدولة خلال هذه الفترة .

٥ - ما يقال بالنسبة الى الواردات الاستثمارية يقال بالنسبة الى الواردات الوسيطية
اذ نلاحظ في الجدول (٢٠) ارتفاع مستمر من ٦٠/٥٩ حتى سنة ٦٦/٦٥ ثم
انخفاض بعد ذلك حتى سنة ٧٢/٧١ .

٦ - من خلال تلك الارقام نلاحظ ان الانخفاض في الصادرات المتطورة كانت اكبر من
الانخفاض في الواردات ومن ناحية اخرى نجد ارتفاع حجم الواردات مقاسا بحجم
الصادرات الامر الذي توجب عليه عجز كبير في الميزان التجاري حيث وصل في المتوسط
الى ١٢٨٥ مليون جنيه باسعار سنة ٦٠/٥٩ جدول (٢٠) .

٧ - نجد ان ميزان المدفوعات سجل عجز متزايد من سنة لاخرى خلال فترة الدراسة ووصل
الى ٦٣٥ مليون جنيه في المتوسط بالاسعار الجارية . جدول (٢٣) فبينما نجد
ان هناك فائض قدره ٤٥ مليون جنيه سنة ٦٠/٥٩ بعد تسجيل عجز قدره ١٠٦٣ مليون
جنيه سنة ٧٢/٧١ وذلك بالاسعار الجارية .

وفيما يلي سنعرض النموذج المقترح الذي يهدف الى تحديد مسار المكون
الاساسية للاقتصاد القومي المصري والتنبؤ بتأثيراتهم المتبادلة واثار ذلك على هيكل
الاقتصاد القومي المصري في المستقبل .

وصف النموذج

- ١ - نموذج تجميعي Aggregative model أى يلاحظ سلوك وتطور المتغيرات
الاجمالية .
- ٢ - نموذج ديناميكي Dynamic model بمعنى انه يأخذ في الاعتبار تأثير قس

المتغيرات في فترات سابقة على قيمتها في الفترات القادمة • الا انه لا يوجد فسي
الاعتبار التطور التكنولوجي •

٢ - نموذج لا يعكس اثر تغير الاسعار اى قيم المتغيرات اخذت باسعار ثابتة •

متغيرات النموذج : نفرض

- y_t - الدخل المحلى الاجمالى فى السنة t بالاسعار الثابتة •
- C_t - الاستهلاك العائلى الخاص فى السنة t " " •
- y_t^N - الدخل المنصرف فيه (الدخل المحلى بعد خصم الضرائب
المباشرة) فى السنة t بالاسعار الثابتة •
- G_t - الاستهلاك الجماعى (الحكومى) فى السنة t بالاسعار
الثابتة •
- I_t - الاستثمار المحلى الاجمالى فى السنة t بالاسعار
الثابتة •
- S_t - الادخار المحلى الاجمالى فى السنة t
- N_t - الصادرات غير المنظورة مطروحا منها الواردات (صافى
العمليات الغير منظورة) •
- S_t^F - صافى التعامل مع العالم الخارجى (ميزان المدفوعات
فى السنة t) •

معادلات النموذج

اولا - المعادلات القوازنية :

$$y_t = G_t + C_t + I_t + E_t - M_t + N_t \quad (1)$$

$$S_t = I_t + S_t^F \quad (2)$$

$$S_t^F = E_t - M_t + N_t \quad (3)$$

ثانيا : المعادلات الفنية

$$y_t = a_0 + a_1 \sum_{k=0}^{t-1} I_k \quad \dots(4)$$

أو

$$I_t = \frac{1}{a_1} (y_{t+1} - y_t) \quad (4^1)$$

ثالثا : المعادلات السلوكية

$$C_t = C_0 + C y_t^N \quad (5)$$

$$y_t^N = (1 - t_0) y_t \quad (6)$$

$$G_t = G_0 (1 + b_1)^t \quad (7)$$

$$E_t = \alpha + \beta y_t \quad (8)$$

$$M_t = m y_t \quad (9)$$

$$N_t = N_0 (1 + d)^t \quad (10)$$

حيث :

- a_1 - معامل رأس المال الحدى
- C - الميل الحدى للاستهلاك
- b - معدل نمو الاستهلاك الحكومى
- β - الميل الحدى للتصدير
- m - الميل المتوسط للاستيراد
- d - معدل نمو صافى الصادرات والواردات الغير منظورة
- t_0 - المعدل المتوسط للضريبة المباشرة على الدخل
- C_0 - ثابت فى دالة الاستهلاك
- α - ثابت فى دالة التصدير
- G_0 - يمثل الاستهلاك الحكومى فى سنة الاساس
- N_0 - صافى الصادرات والواردات الغير منظورة فى سنة الاساس

ويحل النموذج وذلك بالتعويض فى المعادلة (١) عن المتغيرات فى الطرف الايمن يحصل على المعادلة :

$$y_{t+1} - \left[1 + a_1 (1 + m) - a_1 C(1 - t_0) + \beta \right] y_t =$$

$$= - a_1 (C_0 + \alpha) - a_1 G_0 (1 + b)^t - a_1 N_0 (1 + d)^t$$

أو

$$y_{t+1} - A y_t = - B - a_1 G_0 (1 + b)^t - a_1 N_0 (1 + d)^t$$