

# تقدير معدل الاشتراك بنظام التأمين الاجتماعي

## وفقاً لمستوى المزايا

د. جيهان مسعد المعاوبي

مدرس بقسم الإحصاء التطبيقي والتأمين

كلية التجارة - جامعة المنصورة

نها عبد الطيف عبد الحفيظ شاهين

مدرس مساعد بقسم الإحصاء والريادة والتأمين

كلية التجارة - جامعة كفر الشيخ

أ.د. جمال عبد الباقي واصف

أستاذ الرياضيات والإحصاء الإكتواري

ورئيسي قسم الإحصاء التطبيقي والتأمين

كلية التجارة - جامعة المنصورة

### ملخص البحث

للتأمين الاجتماعي بحيث تتناسب  
الاشتراكات مع المزايا المحددة في  
النظام

وتمثلت أهم نتائج هذا البحث  
في أن طريقة الوحدة التقديرية

Projected Unit Funding  
method

تطبيقاتها على المجتمع المصري ، وأن  
المعدل المعياري للاشتراكات الواجبة  
الخصم من المؤمن عليهم لتمويل  
معاش الشيخوخة والعجز والوفاة  
يعادل ٢١٪ .

يتناول هذا البحث تقدير معدل  
الاشتراك بالنظام المصري للتأمين  
الاجتماعي بما يتناسب مع مستوى  
المزايا التي يمنحها النظام ، حيث  
يقوم البحث على دراسة أكثر الطرق  
 شيوعاً في تقدير المعدل المعياري  
 للاشتراك ، ومناقشة نقاط القوة  
 والضعف التي ينطوي عليها ، لاختيار  
 أكثر هذه الطرق ملائمة للتطبيق  
 على المجتمع المصري لتقدير المعدل  
 المعياري للاشتراكات بالنظام المصري

## **Estimation of contribution rate in Social Security system according to its benefits**

### **Summary**

This research aimed to evaluate the contribution rate in Egyptian Social Security with is suitable with the level of given benefits , this due to the increasing the level of relativities Standard in Egyptian Social Security with differ than common in total of Arabic countries so this research based on studying of the most common ways in estimation of the standard Contribution Rate , and discussion the notes of strength and weakness which

present in it to select the most suitable ways to apply on Egyptian society.

### **Results:-**

- 1- the projected unit method is the best method to applied on Egyptian to estimate the standard Contribution Rate which is suitable to the Egyptian society .
- 2- the standard Contribution Rate should be his opponent from insure to finance aging pensions, and deficit and meet is 21%

## المقدمة وطبيعة المشكلة

يهدف نظام التأمين الاجتماعي إلى خلق الطمأنينة لدى أفراد الطبقة العاملة بالمجتمع عن طريق ضمان حد أعلى من الدخل للمؤمن عليهم وللمستحقين عنهم في حالات الشيخوخة والعجز والوفاة وغير ذلك من الأخطار التي يحددها النظام ، ولذلك فلابد من تحديد معدل الإشتراك على أساس سليمة بحيث تتناسب مع المزايا الممنوحة ، والحفاظ على حد معين من الدخل يكفل مستوى معيشي مناسب للمستفيدين .

ولذلك يقوم هذا البحث على دراسة أكثر الطرق شيوعاً في تقدير المعدل المعياري للإشتراك ، ومناقشة نقاط القوة والضعف التي ينطوي عليها ، لإختيار أكثر هذه الطرق

ملاءمة للتطبيق على المجتمع المصري ، وتلخص هذه الطرق فيما يلي [١] ، ص [٢٠] :

- ١) طريقة السن عند تاريخ التقديم

Attained Age Funding method

٢) طريقة السن عند الالتحاق بالنظام

Entry Age Funding method

٣) طريقة الوحدة الحالية Current

Unit Funding method

٤) طريقة الوحدة التقديرية Projected

Unit Funding method

وتمثل مشكلة البحث في احتمالية عدم ملائمة معدل الإشتراك المستخدم حالياً مع المزايا المحددة في النظام المصري للتأمين الاجتماعي ، فمن الملاحظ ارتفاع كبير لمعدل الاشتراكات في مصر ، حيث أن ترتيبها يأتي بعد إيطاليا كما هو موضح بالجدول رقم (١) التالي :-

جدول رقم (١)  
نسب الإشتراكات في بعض دول العالم

نسبة الإشتراكات	اسم الدولة	نسبة الإشتراكات	نسبة الدولة
١٤.٢٥	لبنان	%٢٠	السودان
%١٧.٣٥	أيرلندا	%٢٣.٨	بريطانيا
%١٢.٥	أيرلندا	%٢٨.٣	أسبانيا
%٢١.٧	فنلندا	%١٨.٥	غانا
%٢٠	كوررواينا	%٦٢.٧	بولندا
%١٩.٩	الماتيما	%٢٠	روسيا
%١٦.٥٥	فرنسا	%٣١	مصر
		%٣٢	إيطاليا

المصدر : منظمة الضمان الاجتماعي الدولية ISSA ٢٠١٠ .

### هدف البحث

يهدف هذا البحث إلى تقدير معدل معياري للإشتراكات بالنظام المصري للتأمين الاجتماعي بحيث تتناسب الإشتراكات المخصومة اللازم للتمويل مع المزايا المحددة في النظام.

### خطة البحث

في سبيل التوصل للهدف من هذا البحث سيتم دراسة من خلال المباحث التالية :

- المبحث الأول : دراسة تحليلية للنظام المصري للتأمين الاجتماعي
- المبحث الثاني : الطرق الإكتوارية لتقدير المعدل المعياري للإشتراك
- المبحث الثالث : الدراسة التطبيقية
- المبحث الرابع : النتائج والتوصيات

وقد يرجع السبب في هذا الارتفاع بالنسبة لإيطاليا إلى ارتفاع المزايا التي يمنها النظام لأصحاب المعاشات والمستحقين ، ومن هنا فإن الأمر يستدعي ضرورة رفع المزايا الممنوعة من النظام المصري أو تخفيض معدل الإشتراكات إلى القدر الكافي لسداد تلك المزايا الممنوعة .

### أهمية البحث

تتبّع أهمية هذا البحث من كونه يتناول قطاع هام في المجتمع داخل جمهورية مصر العربية ، ألا وهو قطاع التأمين والمعاشات ، والذي يعمل على توفير الحماية والأمان لكافة للمؤمن عليهم والمستحقين عنهم من ناحية ، و توفير قدر كبير من الأموال الازمة لدفع عجلة التنمية الاقتصادية في المجتمع من ناحية أخرى .

## أولاً : دراسة تحليلية للنظام المصري للتأمين الاجتماعي

- ٢- التكافل أساس النظام.
- ٣- نظام التأمين الاجتماعي يتعلق بالنفع العام .
- ٤- التطور المستمر لنظام التأمين الاجتماعي .
- ٥- تعدد مصادر الإشتراكات كأساس لتمويل النظام .
- ٦- امتداد مظلة التأمين الاجتماعي لكافة الفئات العاملة من الشعب.

### تقييم مدخلات وخرجات نظام التأمين الاجتماعي .

تتمثل الخطوط الرئيسية لنظام التأمين الاجتماعي في ثلاثة نقاط رئيسية ، ألا وهي تحصيل القدر الكافي من الإشتراكات ، وإستثمارها الاستثمار المناسب لسداد الالتزامات الشفاط بها ، ولذلك فإنه لابد من تنفيذ كل عامل من هذه العناصر الثلاثة في ضوء ما تم التخطيط له من قبل الخبراء الإكتواريين حتى يقوم نظام التأمين الاجتماعي بدوره ..

وعليه فإنه يمكن توضيح نقاط الضعف المؤدية لعدم قيام النظام بدوره على الوجه الصحيح ، من خلال تقييم الإشتراكات

تعتبر التأمينات الاجتماعية من أهم مصادر الاستقرار الاجتماعي ، والاقتصادي داخل أي دولة من دول العالم ، لما يتميز به هذا القطاع دون غيره من تقديم الحماية التأمينية لكافة المشتركين به وذويهم في حال انقطاع الدخل أو نقصه نتيجة تحقق أي من الأخطار التي يعطيها التأمين الاجتماعي ، ولذلك فإنه سيتمتناول هذا الفصل من خلال ثلاثة نقاط كما هو موضح بعد :

### طبيعة التأمين الاجتماعي المصري

يهدف نظام التأمين الاجتماعي كنظام قومي إلى حماية الطبقة العاملة في المجتمع من الحسائر المادية الناجمة عن وقوع الأخطار الطبيعية كالشيخوخة والعجز والوفاة والمرض ، أو الأخطار المهنية مثل إصابات العمل وأمراض المهنة أو غير ذلك من الأخطار الاجتماعية الأخرى ، وذلك من خلال تقديم كافة الخدمات التأمينية والإجتماعية ، وكذلك المحافظة على المستوى المعيشي للمؤمن عليهم وذويهم من بعد وفاتهم ، وعلى ذلك يتميز نظام التأمين الاجتماعي بالعديد من الخصائص ومن أهم تلك الخصائص :

- ١- نظام التأمين الاجتماعي نظام قومي

التأمينات الإجتماعية فلابد من تحديد معدل الإشتراك المعياري بشكل صحيح يأخذ في الاعتبار كافة الافتراضات الجديدة التي من شأنها إعاقة هذا القطاع عن القيام بدوره المنطاط به ، وتمثل أهم المتغيرات الجديدة التي تعمل على إعاقة كفاءة نظام التأمين الإجتماعي في:-

- ١- أثر الزيادة المستمرة للعلاوات الخاصة ودرج الأجر
- ٢- آثار التضخم
- ٣- آثار التحسن الصحي
- ٤- العائد على استثمار أموال التأمينات

، تقييم المزايا الممنوحة ، وتقدير السياسة الاستثمارية

### دراسة معوقات كفاءة نظام

#### التأمين الاجتماعي:-

إن نظام التأمين الإجتماعي يسعى لتقدير الإشتراكات عند المستوى الذي يكفل كافية الموارد لمواجهة الإنزامات الحالية والمستقبلية ، ولكن هناك بعض المتغيرات الجديدة التي من شأنها التأثير على كفاءة هذا النظام ، خاصة وأن الإشتراكات التي تعتبر المصدر الأساسي تستحق في تاريخ سابق على أداء الإنزامات المنطاط بها ، ولذلك فإنه حتى يمكن الوفاء بالإلتزامات المستقبلية

## ثانياً : الطرق الإكتوارية لتقدير المعدل المعياري للإشتراك

تعتمد طريقة السن عند تاريخ التقييم في تقدير المعدل المعياري للإشتراك the Standard Contribution Rate ( SCR ) الذي يكفي لتمويل المزايا المحددة في النظام على أساس إقطاع نسبية إشتراكات معينة من راتب العاملين الموجودين بالخدمة بحيث تكفي هذه المبالغ الإشتراكات ، وفائد استثمارها التي يتم إفتراض تحقيقها مستقبلاً في تمويل المزايا المحددة في النظام المتوقعة الدفع عند التقاعد ويكون هذا المعدل ثابت ومستقر خلال الفترة المتوقعة بقاء المؤمن عليه في الخدمة [ ٢ ] .

وحيث أن معدل الإشتراك المعياري المطلوب لدفع معاش الراتب الأخير عند السن الطبيعي للقاعد ٦٥ سنة لشخص عمره الآن ( X ) ، يمكن التعبير عنه بصفة عامة من خلال الصيغة العامة التالية :

$$SCR = \left\{ FY.S. \frac{k}{(1+w)^x - (1+k)^{-x}} \right\} d_0 - AL \left[ \frac{(1+w)^x - (1+k)^{-x}}{(1+w)^x - (1+k)^{-x}} \right] \div a^{(x)}_{\text{attained}}$$

W : معدل الزيادة السنوية للأجور ( الأساسية والمتغيرة ) .

Z : معدل الفائدة ( متوسط عائد الاستثمار المحقق ) .

a : القيمة الحالية لدفعه المعاش .

AL : الالتزام الإكتواري وفقاً لطريقة السن عند تاريخ التقييم نجد أن :  $w = K$  وعليه فإن :

بعد تقدير المعدل المعياري للإشتراك أحد جانبي عملية تقييم المركز المالي لنظم التأمينات الاجتماعية ، ولذلك فإن دقة عملية التقييم الإكتواري تتوقف على دقة التقدير لمعدل الإشتراك ، وهذا ما يوضح ضرورة دراسة أكثر الطرق شيوعاً في تقدير المعدل المعياري للإشتراك ، ومناقشة نقاط القوة والضعف التي ينطوي عليها ، وذلك لإختيار أكثر هذه الطرق ملائمة للتطبيق على المجتمع المصري .

وفيما يلي أكثر هذه الطرق شيوعاً في تقدير المعدل المعياري للإشتراك ، وكذلك تقدير الإلتزامات الإكتوارية :

١ - طريقة السن عند تاريخ التقييم : Attained Age Funding method ( AA )

حيث :

F : المعدل السنوي للمعاش ٤٥٪

y : مدة الخدمة .

S : الأجر عند تاريخ التقييم .

k : معدل التضخم .

v : القيمة الحالية لمبلغ جنيه واحد .

x : سن المؤمن عليه عند تاريخ التقييم .

وعلى ذلك تكون معادلة حساب المعدل  
المعياري للإشتراك وفقاً لطريقة السن عند تاريخ  
التقييم على الصورة التالية :

$$(1+k)^Y - (1+w)^Y = 0$$

طريقة السن عند تاريخ التقييم (AA) يحسب  
من خلال المعادلة التالية :

$$AASCR = \left\{ F.Y.S. \frac{k_{10}}{l_x} \cdot (1+k)^{10-x} v^{10-x} a_{10}^k \right\} \div a_{Y|}^{(k-w)}$$

وحيث أن Y عبارة عن كل مدة الخدمة  
المستقبلية اعتبار من السن (x) وحتى سن  
التقاعد R ، فان معدل الاشتراكات في ظل

$$AASCR = \left[ F.(R-X).S. \frac{k_R}{l_x} \cdot \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-X} \cdot a_R^k \right] \div a_{R-x|}^{(i-w)}$$

والقيمة الحالية للمزايا طبقاً للصيغة العامة وفقاً  
للمعادلة الآتية:

ويتم حساب الالتزام الأكتواري  
**Actuarial Liability (AL)** في ظل هذه  
الطريقة من الفرق بين القيمة الحالية للإيرادات

$$AAAL = F.Y.S. \frac{k_{10}}{l_x} \cdot (1+k)^{10-x} v^{10-x} a_{10}^k - u.SCR.S.a_{10-x|}^{(i-w)}$$

ومع الأخذ في الاعتبار أن  $w = k$  ، وأن Y عبارة عن مدة الخدمة اعتبار من تاريخ التقييم و حتى  
تاريخ التقاعد R :

$$AAAL = F.Y.S. \frac{k_R}{l_x} \cdot \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-X} a_R^k - u.SCR.S.a_{R-x|}^{(i-w)}$$

- ٢- تتميز طريقة السن عند تاريخ التقييم  
في النظم غير ممولة .
- ٣- تأخذ في الإعتبار الزيادة المستقبلية  
لحساب الملاعة المالية للأجر.
- ١- تأخذ في الإعتبار مناسبة من الناحية المحاسبية

تعتمد هذه الطريقة عند تحديد معدل الإشتراك المعياري the Standard Contribution Rate (SCR) على سن المؤمن عليه عند دخول الخدمة حيث  $E$  حيث يفترض أن الوقت المتبقى للوصول لسن التقاعد  $R$  أقل من السن عند الدخول للخدمة وهو الوقت اللازم لتمويل المزايا الكلية المقدمة للمؤمن عليه ( فعلى سبيل المثال تكون مدة الخدمة ٢٠ عام فقط للأشخاص التي يتم تعيينهم في سن الأربعين ) ، وعلى ذلك فإن التكالفة تكون مرتفعة نظراً لقصر مدة الاستثمار الإشتراكات اللازمة لتمويل المزايا المقدمة ، ولقد تم تصميم هذا الأسلوب ؛ ليناسب تمويل المزايا اللازمة للمؤمن عليه من خلال مساهمات صاحب العمل المستقرة والتي تزيد عن نفس معدل زيادة المرتبات [ ٥ ].

وتعتمد هذه الطريقة على الإفتراضات التالية :-

- ١- أن  $w = k$  ، وأن  $\gamma$  عبارة عن مدة الخدمة المستقبلية اعتبار من السن عند دخول الخدمة  $E$  وحتى سن التقاعد  $R$ .
- ٢- حساب سن المؤمن عليه والأجر عند تاريخ الدخول بالنظام.
- ٣- وضع جميع المتغيرات الاقتصادية ، والمالية المؤثرة على نتائج التقييم المتوقعة

- ٤- ثبات واستقرار نسبة إشتراكات المؤمن عليهم خلال مدة الخدمة المتوقعة .
- ٥- تعتبر من أهم طرق التقييم في النظم المختلفة التي لا تقبل انضمام أعضاء جدد أما العيوب التي تكتفى هذه الطريقة فإنها تمثل فيما يلي [ ٤ ] :
- ١- تحتاج إلى تقارب أعمار المشتركين الناشطين وقلة عددهم ، ولذلك فإنها لا تتناسب مع النظم القومية ، بل يفضل أن يقتصر العمل بها على الشركات فقط .
- ٢- تعتمد على تراكم الفوائد ، ولذلك فإنها لا تحقق النتيجة المرغوب فيها في المدى القصير .
- ٣- لا تكون دقيقة من الناحية الإكتواريه إلا بثبات الإفتراضات الموضوعة عند بدء العمل بها ، أما في حالة تغيير هذه الإفتراضات ما بين التقييمات المختلفة فإنها تكون أقل دقة .
- ٤- نادراً ما يستخدم هذا الأسلوب بشكل صحيح في حالة وجود ( فائض أو عجز ) ينتج بسبب الفرق بين الخبرة الفعلية والإفتراضات الموضوعة نتيجة التقييمات السابقة للنظام .
- ٥- طريقة السن عند الدخول في النظام Entry Age Fundning method ( EA )

المزايا المستقبلية في ظل هذه الطريقة وبالرجوع للصيغة العامة من خلال الصيغة التالية :-

$$EASCR = \left\{ F.Y.S. \cdot \frac{k_{10}}{l_x} (1+k)^{10-x} v^{10-x} a_{10}^k \right\} \div a_{\bar{Y}}^{(i-w)}$$

طريقة السن عند تاريخ التقديم ( AA ) يحسب من خلال المعادلة التالية :-

$$EASCR = \left[ F.(R-E).S. \cdot \frac{k_R}{l_x} \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-x} \cdot a_R^k \right] \div a_{\bar{R-E}}^{(i-w)}$$

والقيمة الحالية للمزايا ، ( AL ) من خلال الصيغة التالية :-

$$EAAL = F.(R-E).S. \cdot \frac{k_R}{l_x} \cdot \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-X} a_R^k - u.SCR.S.a_{\bar{R-x}}^{(i-w)}$$

حيث :

$$(1+k)^{R-x} v^{R-x} = \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-x}$$

٢) تعتبر من أكثر الطرق شيوعاً في الشركات التي تتقرب فيها أعمار المشتركين .

٣) تناسب أيضاً النظم غير المملوكة حيث أنها تعتمد في التمويل على مساهمات صاحب العمل المستقرة .

استمرارها في المستقبل (معدل الفائدة ، معدل الزيادات المستقبلية للأجور ومعدل التضخم ) وعلى ذلك فإنه يتم تحديد المعدل المعياري للاشتراك ( SCR ) اللازمة لتمويل

وحيث أنَّ Y عبارة عن مدة الخدمة المستقبلية اعتباراً من السن E وحتى سن التقاعد R فإن معدل الإشتراكات المعياري ( SCR ) في ظل

ويتم حساب الإنزام الإكتواري ( AL ) في ظل هذه الطريقة من الفرق بين القيمة الحالية للإيرادات

وتتميز طريقة السن عند الانتحاق بالنظام بما يلي :

١) تأخذ في الاعتبار الزيادة المستقبلية للأجور .

يؤدي إلى زيادة حجم المعاشات المستحقة عن القيمة المتوقعة ، وتقوم هذه الطريقة على أساس حساب سن المؤمن عليه عند تاريخ التقييم ، وكذلك الأجر المقابل لكل سن ومرة الخدمة السابقة المقابلة لهذا السن خلال سنة التقييم والسنة التالية فقط .

وتعتمد هذه الطريقة على الإفتراضات التالية :-

- ١)  $k = 0$  ،  $\gamma$  عبارة عن سنة واحدة .
- ٢) حساب سن المؤمن عليه عند تاريخ التقييم
- ٣) وضع جميع المتغيرات الاقتصادية ، والمالية المؤثرة على نتائج التقييم المتوقع باستمرارها في المستقبل باستثناء معدل الزيادات المستقبلية للأجور .

٤) يتم حساب الأجر ومدة الخدمة عند تاريخ التقييم لحساب المزايا والإشتراكات خلال سنة التقييم .

وحيث أن  $0 = k$  ، وأن  $\gamma$  عبارة عن سنة واحدة ، فإنه يتم تحديد معدل الإشتراكات اللازمة لتمويل المزايا المستقبلية في ظل هذه الطريقة ، وبالرجوع للصيغة العامة من خلال الصيغة التالية:-

$$CUSCR = \left\{ F.S. \cdot \frac{k_R}{l_x} (1+w)^{\gamma^{R-x}} a_R - AL.w \right\} \div a_{\gamma}^{(i-w)}$$

٤) تعتبر طريقة السن عند الالتحاق بالنظام من أهم طرق التقييم في النظم المغلفة التي لا تقبل انضمام أعضاء جدد .

أما العيوب التي تكتنف هذه الطريقة فإنها تتمثل فيما يلي [ ٣ ] :

- ١) لا تأخذ في الاعتبار مدة الخدمة السابقة .
  - ٢) إرتفاع نسبة الإشتراكات نظراً لقصر مدة استثماراتها .
  - ٣) تعتمد في التمويل على بقاء المشتركين في الخدمة حتى نهاية فترة التقييم .
  - ٤) لا تكون النتائج الإكتوارية دقيقة في حالة تغير الإفتراضات التي تم وضعها عند بدء العمل بها والمتوقع باستمرارها في المستقبل
- (٣) طريقة الوحدة الحالية Current Unit

Funding method ( CU )  
تستخدم هذه الطريقة لتحديد المعدل المعياري للإشتراك the Standard Contribution Rate ( SCR ) بناء على قيمة الإلتزامات الإكتوارية المحددة في بداية فترة التقييم مع الأخذ في الاعتبار قيمة الفوائد التي يتوقع أن تتحققها خلال فترة التقييم لتوفير الإلتزامات المناطق بها ، وعلى ذلك فإن الانخفاض في عدد المشتركين عن المتوقع

لإيرادات ، والقيمة الحالية للمزايا طبقاً للصيغة العامة وفقاً للمعادلة الآتية :-

$$AL = F.Y.S. \cdot \frac{k_{65}}{l_x} (1+K)^{65-x} v^{65-x} a_{65}^k - u SCR.S.a_{65-x}^{(i-w)}$$

(٣) تعتمد هذه الطريقة في التمويل على بقاء المشتركين في الخدمة حتى نهاية فترة التقييم .

(٤) لا تكون النتائج الإكتوارية دقيقة في حالة تغير الإفتراضات التي تم وضعها عند بدء العمل بها والمتوقع إستمرارها في المستقبل

(٤) طريقة الوحدة التقديرية ( PU )

Projected Unit Funding method

تستخدم هذه الطريقة لتحديد معدل الاشتراك المعياري ( SCR ) اللازم لعام واحد فقط ، وتكرر هذه العملية عام بعد عام مع الأخذ في الاعتبار جميع الإفتراضات الإكتوارية الاقتصادية ( مثل أسعار الفائدة ، زيادة المرتبات ، التضخم ، والاستثمار ) والعوامل الديموغرافية مثل ( التقاعد المبكر ، الوفيات ، والعجز ) وذلك إما في تاريخ التقييم أو في نهاية الفترة ، أي أن هذه الطريقة تستخدم لحساب التكفلات النقية السنوية المتوقعة لكل من الأعباء والإشتراكات سنة بعد أخرى لكل مجموعة سن على حده حتى السن

ويتم حساب الالتزام الإكتواري Actuarial Liability ( AL ) في ظل هذه الطريقة من خلال الفرق بين القيمة الحالية

وحيث أنّ  $u$  في ظل هذه الطريقة = صفر ، وحيث أنّ صفر = ١ ولا مدة الخدمة السابقة حتى السن  $x$  التي يرمز لها بالرمز  $v$  فان :

$$CUAL = F.p.S. \cdot \frac{k_R}{l_x} \left( \frac{1}{1+i} \right)^{R-X} a_R$$

وتتميز طريقة الوحدة الحالية بما يلي :

(١) تأخذ هذه الطريقة في الاعتبار مدة الخدمة السابقة .

(٢) تمكن هذه الطريقة من استخدام أي فائض محقق .

(٣) يستخدم هذا الأسلوب عندما تكون هناك رغبة في إصلاح المعاشات المقدمة من الناحية النقدية .

أما العيوب التي تكتفى هذه الطريقة فإنها تتمثل فيما يلي [ ٦ ] :

(١) لا تصلح هذه الطريقة إلا في تقييم المعاشات التقاعدية فقط .

(٢) لا تأخذ في الاعتبار الإفتراضات الخاصة بزيادة الأجر .

(٣) وضع جميع المتغيرات الاقتصادية ، والمالية المؤثرة على نتائج التقييم المتوقع إستقرارها في المستقبل (معدل الفائد ، معدل الزيادات المستقبلية للأجور ، ومعدل التضخم) سنة بعد الأخرى ، ثم يتم خصمها لحساب القيم الحالية .

وعلى ذلك فإنه يتم تحديد معدل الإشتراكات الازمة لتمويل المزايا المستقبلية في ظل هذه الطريقة حيث أن  $w = k$  ، وأن عبارة عن سنة واحدة وبالرجوع للصيغة العامة من خلال الصيغة التالية كما هو موضح بعد :

القانونية للتقاعد ، وخصمها بعد ذلك بمعدل الخصم الذي يفترض ثباته خلال فترة التقييم التي لا تقل عن ٥٠ عاما ، ثم تجمع جميع الأعمار وحساب القيمة الحالية ، ويتبين موقف المركز المالي للصندوق في تاريخ التقييم من خلال الفرق بين التدفقات النقدية السنوية المتوقعة والقيم الحالية .

وتعتمد هذه الطريقة على الإفتراضات التالية :-

- (١) أن  $w = k$  ، وأن عبارة عن سنة واحدة حساب سن المؤمن عليه عند تاريخ التقييم كذلك الأجر المقابل لكل سن ومرة الخدمة السابقة المقابلة لهذا السن ، ويتم ذلك سنة بعد الأخرى .

$$PUSCR = \left\{ F.S. \cdot \frac{k_{10}}{l_x} \cdot (1+k)^{10-x} v^{10-x} a_{10}^k \right\} \div a_{\bar{Y}}^{(i-w)}$$

أو يمكن كتابتها بصورة أخرى كالتالي :

$$PUSCR = \left\{ F.S. \cdot \frac{k_{10}}{l_x} \cdot \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{10-x} a_{10}^k \right\} \div a_{\bar{Y}}^{(i-w)}$$

$$PUAL = F.P.S. \cdot \frac{k_{10}}{l_x} \cdot \left( \frac{1+k}{1+i} \right)^{R-X} a_R^k$$

وتميز طريقة الوحدة التقديرية بما يلي [٣] :

ويتم حساب الإنلزم الإكتواري Actuarial Liability (AL) في ظل هذه الطريقة وهو عبارة عن القيمة الحالية للمزايا المتوقعة عند تاريخ التقييم ، وذلك طبقاً للصيغة العامة وفقاً للمعادلة التالية :

- ١) قبول انضمام أعضاء جدد كما يحدث بنظام المعاشات فهو يتضم إليه أعضاء جدد كل يوم .
- ٢) السماح لأي نمو تضخمى على سبيل المثال نمو الدخول التي سوف يطبق على المزايا بين تاريخ التقييم وتاريخ إستحقاق المعاش .
- ٣) أنها تناسب النظم القومية التي بها العديد من المشتركين الذي توجد بينهم اختلافات في السن ، والحالة الاجتماعية ، و معدل الخصوبة ، و معدل الإحلال.....إلخ
- ٤) أنها تأخذ في الاعتبار مدة الخدمة السابقة للمؤمن عليهم عند تحديد المزايا وبالتالي تحقق العدالة في تحديد المزايا للمشتركين .
- ٥) التميز بالبساطة وسهولة التطبيق في حساب التدفقات النقدية السنوية المتوقعة لكل من الأعباء والإشتراكات .
- ٦) إمكانية التعامل مع أي فائض أو عجز يظهر عند التقييم .

- ١) تأخذ هذه الطريقة في الاعتبار مدة الخدمة السابقة .
- ٢) تتمكن هذه الطريقة من استخدام أي فائض محقق .
- ٣) تعتبر من أكثر الطرق مرونة حيث إنها تسمح بزيادة الأجر في المستقبل .
- ٤) تعتبر هذه الطريقة من أفضل الطرق من الناحية المحاسبية لحساب الملاعة المالية
- ٥) تعمل هذه الطريقة على ثبات معدل الإشتراكات إلا إذا كان هناك تغير كبير في الإفتراضات .
- أما العيب الذي يكتنف هذه الطريقة فإنه يتمثل في إنها لا تناسب النظم المغلقة أمام الدخول الجديد .
- و مما سبق يتضح لنا أن طريقة الوحدة التقديرية ( PU ) هي أفضل طريقة يمكن أخذها وإدخال الإفتراضات الجديدة عليها ، وذلك لعدة أسباب تتمثل في :

### ثالثاً : الدراسة التطبيقية

- إنَّ النَّظَام يغْطِي القَطَاع الْحُكُومِي فَقَط.
- إنَّ هَذَا النَّظَام يُمْنَح الْمَعَاشَات وَالْتَّعْوِيضَات فِي حَالَةِ التَّقَاعِدِ وَالْوِفَاءِ قَبْلَ وَبَعْدِ سَنِ التَّقَاعِدِ . وَفِي سَبِيلِ تَتْفِيدِ هَذِه الْدِرْسَة فَلَقَدْ قَامَ الْبَاحِثُ بِعَمَلِ الْجَدَولِ التَّالِيِّ بِاستِخْدَامِ بَرَنْمَاجِ Excel
- الْحَاسِبِ الْأَلْيِ :

- ١- جَدَول (٢) ، وَهُوَ جَدَولُ تَقدِيرِ القيمة الْحَالِيَّة لِلَاشْتِراكَاتِ الْمُسْتَحْقَةِ
- ٢- جَدَول (٣) ، وَهُوَ جَدَولُ تَقدِيرِ القيمة الْحَالِيَّة لِلمَزاِيَا الْمُسْتَحْقَةِ
- ٣- جَدَول (٤) ، وَهُوَ جَدَولُ حِسابِ الْفَانِصِ أَوِ العِجزِ الإِكتَوارِيِّ

فِي هَذَا الْمَبْحَث سُوفَ نَقْوِمُ بِتَطْبِيقِ طَرِيقَةِ الْوَحْدَةِ التَّقْبِيرِيَّةِ Projected Unit ( PU ) Funding method في تحديدِ مَعْدَلِ الإِشْتِراكِ الْوَاجِبِ خَصْمَةً بِنَظَامِ التَّامِينِ الإِجْتِمَاعِيِّ وَذَلِكَ عِنْدَ مَسْتَوِيِّ المَزاِيَا الْمُبَنَّوَةِ مِنْ قَبْلِ النَّظَامِ بِالتَّطْبِيقِ عَلَى بَيَانَاتِ الْقَطَاعِ الْحُكُومِيِّ فَقَطَ لِصَعْوَدَةِ تَطْبِيقِ النَّمُوذِجِ عَلَى كُلِّ الْمُؤْمَنِ عَلَيْهِمْ بِكُلِّ الْقَطَاعَاتِ .

وَكَذَلِكَ يُجَادِدُ القيمة الْحَالِيَّة لِلْمَعَاشَاتِ الْمُسْتَقْبِلَةِ ، وَكَذَلِكَ القيمة الْحَالِيَّة لِلَاشْتِراكَاتِ مِنْ خَلَلِ تَقْيِيمِ الْمَرْكَزِ الْمَالِيِّ بِاسْتِخْدَامِ طَرِيقَةِ الْوَحْدَةِ التَّقْبِيرِيَّةِ ، أَمَّا الْإِقْرَاضَاتِ الَّتِي تَقْوِمُ عَلَيْهَا هَذِه الْدِرْسَة فَهِيَ :

جدَول (٢) القيمة الْحَالِيَّة لِلَاشْتِراكَاتِ الْمُسْتَحْقَةِ

$x$	$(1+k)^{x-20}$	$v^{x-20}$	القيمة الْحَالِيَّة لِلَاشْتِراكَاتِ
20	629142	31.387	4002692.567
21	1001131	30.742	6238451.117
22	1647878	30.089	10050474.33
23	2899663	29.428	17296651.02
24	5190027	28.760	30256051.28
25	8550874	28.084	48676934.5
26	11292744	27.400	62719674.32
27	13860450	26.709	75039288.46
28	19277150	26.011	101637418.2
29	28055747	25.305	143907002.4
30	32269352	24.593	160862755.2
31	33273059	23.873	161010232.4
32	34104124	23.146	160006120.8
33	34780900	22.412	158006581.9
34	35521759	21.671	156036846.4

تابع جدول (٢) القيمة الحالية للاشتراكات المستحقة

$x$	$(1+k)^{1-x}$	$v^{1-x}$	القيمة الحالية للاشتراكات
35	36389433	20.924	154338313
36	36908216	20.170	150897727.9
37	45113380	19.410	177494398.1
38	54524449	18.642	206033356.6
39	57965629	17.869	209954192
40	55017465	17.089	190577214.2
41	56486073	16.304	186676349
42	59868268	15.513	188254876.7
43	64554548	14.696	192300200.3
44	77431621	13.893	218056047.4
45	99326654	13.084	263426881
46	119747654	12.269	297803590.1
47	134315873	11.449	311708498.6
48	139346534	10.622	300024151.8
49	141973317	9.789	281707757.4
50	138037307	8.950	250422451.1
51	133805754	8.103	219773020.6
52	124705565	7.249	183238902.9
53	117792413	6.387	152499346.7
54	116007824	5.515	129684044.4
55	105695343	4.633	99259458.44
56	101822546	3.740	77191468.48
57	95412796	2.834	54810052.41
58	91034467	1.895	34967840.84
59	84483691	0.957	16388475.87

جدول رقم (٣) القيمة الحالية للمزايا المستحقة

$x$	$s$	$p$	$(1+k)^{1-x}$	$v^{1-x}$	ق. ح. للمزايا المستحقة
20	629142	0.00000000	7.03998871	0.06678038	26170.63178
21	1001131	1.00000000	6.70475115	0.07145501	42437.61194
22	1647878	2.00000000	6.38547729	0.07645686	142367.0722
23	2899663	3.00000000	6.08140694	0.08180884	382928.5627
24	5190027	4.00000000	5.79181614	0.08753546	931264.5539
25	8550874	5.00000000	5.51601537	0.09366294	1954422.457
26	11292744	6.00000000	5.25334797	0.10021934	3156335.208

تابع الجدول رقم (٢) القيمة الحالية للمزايا المستحقة

<i>x</i>	<i>s</i>	<i>p</i>	$(1+k)^{10-x}$	$v^{10-x}$	ق. ح. للمزايا المستحقة
27	13860450	7.00000000	5.00318854	0.10723470	4605770.148
28	19277150	8.00000000	4.76494147	0.11474113	7460263.826
29	28055747	9.00000000	4.53803949	0.12277301	12447444.55
30	32269352	10.00000000	4.32194238	0.13136712	16210655.45
31	33273059	11.00000000	4.11613560	0.14056282	18736576.02
32	34104124	12.00000000	3.92012914	0.15040221	21349485.63
33	34780900	13.00000000	3.73345632	0.16093037	24036870.98
34	35521759	14.00000000	3.55567269	0.17219549	26940814.85
35	36389433	15.00000000	3.38635494	0.18424918	30133478.5
36	36908216	16.00000000	3.22509994	0.19714662	33221575.86
37	45113380	17.00000000	3.07152376	0.21094688	43966910.84
38	54524449	18.00000000	2.92526072	0.22571317	57336337.78
39	57965629	19.00000000	2.78596259	0.24151309	65566920.79
40	55017465	20.00000000	2.65329771	0.25841900	66755288.04
41	56486073	21.00000000	2.52695020	0.27650833	73334824.83
42	59868268	22.00000000	2.40661923	0.29586392	82978092.09
43	64554548	23.00000000	2.29201832	0.31657439	95322016.96
44	77431621	24.00000000	2.18287459	0.33873460	121580133.9
45	99326654	25.00000000	2.07892818	0.36244602	165551574.4
46	119747654	26.00000000	1.97993160	0.38781724	211525309.8
47	134315873	27.00000000	1.88564914	0.41494011	251077365.6
48	139346534	28.00000000	1.79585633	0.44401196	275273965.5
49	141973317	29.00000000	1.71033936	0.47509280	296012564.3
50	138037307	30.00000000	1.62889463	0.50834929	303401430.7
51	133805754	31.00000000	1.55132822	0.54393374	309692618.1
52	124705565	32.00000000	1.47745544	0.58200910	303616004
53	117792413	33.00000000	1.40710042	0.62274974	301380109.5
54	116007824	34.00000000	1.34009564	0.66634222	311633403.7
55	105695343	35.00000000	1.27628156	0.71298618	297849025.6
56	101822546	36.00000000	1.21550625	0.76289521	300755249.8
57	95412796	37.00000000	1.15762500	0.81629788	295168217.2
58	91034467	38.00000000	1.10250000	0.87343873	294744136.2
59	84483691	39.00000000	1.05000000	0.93457944	286080125.7
60	120800420	40.00000000	1.00000000	1.00000000	427536418.9
					20944576949

**الجدول رقم (٤) الفائض المحقق**

<b>x</b>	<b>القيمة الحالية للاشتراكات</b>	<b>القيمة الحالية للمزايا المستحقة</b>	<b>الفائض بنسبة ٢٧٪٪</b>
20	26170.63178	4002692.567	3976521.935
21	42437.61194	6238451.117	6196013.505
22	142367.0722	10050474.33	9908107.259
23	382928.5627	17296651.02	16913722.45
24	931264.5539	30256051.28	29324786.73
25	1954422.457	48676934.5	46722512.04
26	3156335.208	62719674.32	59563339.11
27	4605770.148	75039288.46	70433518.31
28	7460263.826	101637418.2	94177154.37
29	12447444.55	143907002.4	131459557.8
30	16210655.45	160862755.2	144652099.8
31	18736576.02	161010232.4	142273656.4
32	21349485.63	160006120.8	138656635.1
33	24036870.98	158006581.9	133969710.9
34	26940814.85	156036846.4	129096031.5
35	30133478.5	154338313	124204834.5
36	33221575.86	150897727.9	117676152
37	43966910.84	177494398.1	133527487.2
38	57336337.78	206033356.6	148697018.8
39	65566920.79	209954192	144387271.3
40	66755288.04	190577214.2	123821926.2
41	73334824.83	186676349	113341524.1
42	82978092.09	188254876.7	105276784.6
43	95322016.96	192300200.3	96978183.34
44	121580133.9	218056047.4	96475913.49
45	165551574.4	263426881	97875306.63
46	211525309.8	297803590.1	86278280.3
47	251077365.6	311708498.6	60631132.96
48	275273965.5	300024151.8	24750186.32
49	296012564.3	281707757.4	-14304806.92
50	303401430.7	250422451.1	-52978979.65
51	309692618.1	219773020.6	-89919597.5
52	303616004	183238902.9	-120377101.1
53	301380109.5	152499346.7	-148880762.8
54	311633403.7	129684044.4	-181949359.3
55	297849025.6	99259458.44	-198589567.2
56	300755249.8	77191468.48	-223563781.3
57	295168217.2	54810052.41	-240358164.8
58	294744136.2	34967840.84	-259776295.4
59	286080125.7	16388475.87	-269691649.8
60	427536418.9	0	830855303.2

## خلاصة البحث :

من هذه الدراسة يمكن التوصل لمجموعة من النتائج والمقترنات على النحو التالي :

### (١) النتائج :

١) إن طريقة الوحدة التقديرية (PU) هي أفضل طريقة يمكنأخذها وإدخال الإفتراضات الجديدة عليها ، لتغير المعدل المعياري للإشتراك بما يتناسب مع المجتمع المصري ، وذلك لعدة أسباب تتمثل فيما يلي :

- قبول انضمام أعضاء جدد كما يحدث بنظام المعاشات.

- السماح لأي نمو تضخم على سبيل المثال نمو الدخول التي سوف تطبق على المزايا بين تاريخ التقييم وتاريخ استحقاق المعاش .
- إنها تناسب النظم القومية التي بها العديد من المشتركين الذي توجد بينهم اختلافات في السن والحالة الاجتماعية ، ..... الخ .
- أنها تأخذ في الاعتبار مدة الخدمة السابقة للمؤمن عليهم عند تحديد المزايا وبالتالي تحقيق العدالة في تحديد المزايا للمشتركين.

• إمكانية التعامل مع أي فائض أو عجز يظهر عند التقييم .

٢) أن معدل الاشتراك المعياري الواجب خصمه من المؤمن عليهم لتمويل معاش الشيخوخة والعجز والوفاة هو ٢٧٪؎ ، وهذا ما يدل على ارتفاع نسبة الإشتراكات التي يتم تحصيلها الآن من المؤمن عليهم .

### (٢) التوصيات :

في ضوء نتائج هذه الدراسة يوصي الباحث بمجموعة من المقترنات :

١) ضرورة وضع آلية لزيادة المعاشات السنوية ومواهعتها مع التغير في المستوى العام للأجور ، وذلك من خلال ربطها بمعدلات التضخم ، حتى تتمكن المعاشات من الوفاء بأغراضها الاجتماعية والاقتصادية .

٢) ضرورة إعادة النظر في نسب الإشتراكات التي تخصم من المؤمن عليهم في مصر نظرًا للارتفاع النسبي لهذا المعدل بما لا يتوافق مع المزايا المنوحة ، أو رفع المزايا المنوحة من النظام .

مراجع البحث :

- [5] An initiative by The Actuarial Consultants A Prime Resource Ltd division Sponsored by Prime Actuary Jobs. Com. , 15 November 2007. [www.actuarialwiki.org/index](http://www.actuarialwiki.org/index).
- [6] the Financial Reporting Council Limited . [www.frc.org.uk](http://www.frc.org.uk).
- [7] the American Academy of Actuaries , "Fundam of Current Pension Funding and Accounting " , July 2004 . [www.Actuary.orc](http://www.Actuary.orc).
- [1] Faculty and Institute , Subject 304 Pensions and Other Benefits Core Reading , 1999/2000 .
- [2] division Sponsored by Prime Actuary Jobs. Com. , 16 May 2008 . [www.actuarialwiki.org/index](http://www.actuarialwiki.org/index).
- [3] [www.wiley.com/legacy/wileych/eoasPensions: Finance, Risk and Accounting](http://www.wiley.com/legacy/wileych/eoasPensions: Finance, Risk and Accounting).
- [4] An initiative by The Actuarial Consultants A Prime Resource Ltd division Sponsored by Prime Actuary Jobs. loc . cit .