

تطوير وحدة التحويلات الهندسية في ضوء الإتجاهات المعاصرة لتنمية التفكير الهندسي لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية

إعداد/ شيماء سالم عبدالمقصود سالم الطيب

بحث مقدم إستكمالاً لمتطلبات الحصول على درجة الماجستير

(مناهج وطرق تدريس رياضيات)

إشراف

أ.م د / نانيس صلاح لطفي أبوالعلا

أستاذ مساعد المناهج وطرق تدريس الرياضيات
كلية البنات – جامعة عين شمس

وتعاونة

د/ محمد أحمد محمد المشد

مدرس المناهج وطرق تدريس الرياضيات
كلية البنات – جامعة عين شمس

المستخلص :-

سعى هذا البحث إلى تطوير وحدة التحويلات الهندسية في ضوء الإتجاهات المعاصرة لتنمية التفكير الهندسي لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، وتكونت عينة البحث من (٤٠) تلميذه من تلاميذ الصف الأول الإعدادي - بمحافظة البحيرة ، وقد تم بناء " وحدة التحويلات الهندسية " في ضوء قائمة أسس تم إستقراءها من الإتجاهات المعاصرة لتطوير منهج الرياضيات ، وإعداد اختبار للفكر الهندسي ؛ والذي بلغ معامل ثباته (٨٧٪).

- وتم استخدام المنهج التجاربي ذو المجموعة الواحدة من خلال التطبيق القبلي والبعدى لأداة التجربة ، وبمعالجة البيانات باستخدام الأساليب الإحصائية المناسبة ، فقد أسفرت نتائج البحث على أنه :-
- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (١ . .) بين متوسطي درجات تلاميذ مجموعة البحث في التطبيقيين القبلي والبعدى لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة لصالح التطبيق البعدى.
 - تتصف وحدة التحويلات الهندسية المطورة بالفاعلية فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي.
 - حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة على تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي كبير.

وتوصى الباحثة بضرورة تطوير موضوعات هندسية أخرى بجميع مراحل التعليم العام مثل موضوعات متعلقة بالهندسة التحليلية ، وهندسة المتجهات ، والهندسة الفاضلية وغيرها وذلك في ضوء الإتجاهات المعاصرة.

الكلمات المفتاحية :- الإتجاهات المعاصرة ، تطوير التحويلات الهندسية ، التفكير الهندسى .

Abstract:

The Study aimed to develop "Geometric Transformations" Unit in the Light of Contemporary Trends for Developing Geometric Thinking for Preparatory Stage Students.

Geometric transformations unit was prepared in the Light of bases which were inducted from Contemporary Trends for developing of the math curriculum and preparing geometric thinking , its stability coefficient was 0, 92.

The Study Sample consisted of (40) students of the first grade preparatory school students – In Albehera government, by using the experimental method of one group with pre- and posttest of skills, and the collected data were analyzed by applying the appropriate statistics methods, and then the most important results were:

1. There are statistically significant differences at the level (, 01) between the average scores of the experimental group in the pre and post application on geometric thinking scale and its different skills , in favor of the post application.
2. Teaching the developed geometric transformations unit is more effectiveness for developing geometric thinking among the first grade preparatory school students.
3. There is a high educational impact of teaching the developed geometric transformations unit on the developing Geometric Thinking among the first grade preparatory school students.

The researcher recommended the necessity of developing another Geometric topics for all grades such as topics connected with "Analytical, vector and differentialetc." geometry in the Light of Contemporary Trends.

Key words: Contemporary Trends, developing Geometric Transformations unit, geometric thinking.

مقدمة :-

تحتل الهندسة ركناً أساسياً في مقررات الرياضيات بمراحل التعليم المختلفة لما تتمتع به من ثراءً معرفيًّا وتطبيقاتً واسعةً في شتى ميادين الحياة وذلك لإرتباطها ببيئة المتعلم وبفروع المعرفة المختلفة ، بالإضافة إلى دورها الأساسي في نمو نظريات علمية ورياضية معاصرة.

فمن الإتجاهات المعاصرة في تطوير منهج الرياضيات " الإتجاه نحو تدريس مفاهيم وموضوعات جديدة لها أدوارٌ تطبيقية مرتبطة بالواقع وذلك لمستويات مختلفة ، والإتجاه نحو رياضيات المجتمع من منطلق أنَّ كثيراً من فروع الرياضيات نشأت وتطورت نتيجة حاجة المجتمع فرياضيات المجتمع هي أنشطةٌ تطبيقيةٌ متمثلة في مواقفٍ حياتيةٍ مختلفة أو في العلوم وال مجالات المختلفة ، والإتجاه نحو تدريس الهندسة من منظور تركيبيٍّ أى تعلم التلاميذ طبيعة البرهان المنطقى الذي يساعدهم على إكتساب أساليب معينة من التفكير السليم يلزمه طيلة حياتهم (نانيس صلاح، ٢٠٠٣، ٣٥-٣٦).

فقد أشارت (نظرة خضر، ٢٠٠٤، ١٧٣) إلى عدد من الأفكار التي يمكن أن يكون لها دور رائد في جعل الهندسة (أكثر حيوية) : وذلك عندما يشعر التلميذ بأنها كائن يتميز بالحركة والتغير وإنسانية من خلال مخاطبتها للعقل والقلب والمشاعر والإحساس والخيال ، أكثر معلوماتية : بإقتران تطور وتفسير أفكارها وتطبيقاتها بالكمبيوتر ، وأكثر إتاحة : بتوفير موقع الإنترنت في المناهج الدراسية التي تعرض المزيد عن المعلومات والتطبيقات المتعلقة بالمواضيع الهندسية ، وأكثر واقعية : عندما تكون قريبة من الواقع أى ذات معنى للمتعلم وذات نفع من خلال تطبيقات تمس أرجاء الحياة أو تطبيقات في العلوم الأخرى بالإضافة إلى بيان دلالتها في الواقع الحضاري والثقافي .

ونظراً لأن التحويلات الهندسية أحد المعايير القومية للتعليم في مصر فقد إشتمل المعيار الثاني " للهندسة والقياس " للمرحلة الإعدادية على ضرورة تطبيق التلميذ لبعض التحويلات الهندسية وإستخدامها في إثبات بعض العلاقات الرياضية (المعايير القومية للتعليم بمصر، ٢٠٠٩، ٦٤).

وللرياضيات عامة والهندسة خاصة من المميزات من حيث المحتوى والطريقة ما يجعلها مجالاً ممتازاً لتدريب التلاميذ على أساليب التفكير السليم وينبع ذلك من خاصتين هما (عبد المعطي سعيد، ٢٠٠٣، ١٢) :

- أن لغة الهندسة تمتاز عن اللغة الرياضية العادية بدقة التعبير ووضوحه وإيجازه .
- أن الهندسة من حيث الموضوع لها مميزات خاصة في تنمية التفكير وذلك بالتأكيد على الناحية المنطقية ، لوضوح عناصرها وخلوها من العاطفة التي تؤثر في إستخلاص النتائج .

فتقود توصيات وكالة التربية بولاية " تيكساس " الأمريكية بشأن تدريس الهندسة على ضرورة الإهتمام بالأنشطة الهندسية ، لما لها من دور أساسى في إكساب التلاميذ القدرة على رسم الأشكال الهندسية وفهم خواصها ، ومعرفة طبيعة البرهان الهندسى ، وتنمية ملكرة التصور ، وربط الحقائق وإستنباط النتائج (Vande Welle, 2001, 42).

ويعد التفكير الهندسى أحد أنماط التفكير العليا التي ينبغي الإهتمام به وتنميته لدى جميع تلاميذ المراحل الدراسية المختلفة ، وذلك من خلال العملية التعليمية ، فالتفكير الهندسى من الطرق الجيدة التي تؤدى إلى إقتراح حلول وأفكار عديدة ومتطرفة لأى موقف مشكل ، لذا فيعد هدفاً هاماً من أهداف تدريس الهندسة (محمد عيد ، ٢٠٠٣ ، ١١٣-١١٦).

فبالرغم من ظهور العديد من المحاولات الجادة لإصلاح الرياضيات الدراسية بصورة تعكس رياضيات هذا العصر ، ومن أمثلة هذه المحاولات إهتمام وزارة التربية والتعليم بتطوير مناهج الرياضيات بمراحل التعليمية المختلفة حيث أوصت بإعداد المستويات المعيارية لمحتوى الرياضيات في إطار المشروع القومي للمعايير القومية بعد تحديه (المشروع القومى للتعليم بمصر، ٢٠٠٩، ١٧٩-١٨٠) إلا أن هذه المحاولات قائمة على أسلوب الإحلال والإبدال لموضوعات المقرر وهذا الأسلوب لم يعد مناسب لمواكبة التغييرات العالمية ومسايرة التطور التكنولوجي السريع .

الإتجاهات المعاصرة في تطوير منهج الرياضيات :-

في ضوء ما نادت به التوجهات البحثية العالمية والمحلية بمجال تربويات الرياضيات تم التوصل إلى عدد من الإتجاهات المعاصرة التي تسهم في تطوير منهج الرياضيات لمراحل التعليم العام منها ما يلى :-

(١) الإتجاه نحو تطوير أساليب تعليم وتعلم الهندسة عالمياً:-

لقد إستخلصت (فتيحة بطيخ ، ٢٠١٥ ، ٣٩-٥٦) العديد من المهارات والمداخل التدريسية الازمة لتطوير الهندسة فى ضوء التوجهات البحثية العالمية بمجال تربويات الرياضيات المقدمة فى المؤتمرات التابعة لقارات " آسيا ، إفريقيا ، أوربا ، أمريكا الجنوبية ، والشمالية " والتى تنادى بضرورة تحقيق ما يلى :-

- تعليم الهندسة بإستخدام المواد التعليمية والأشياء الحقيقة والمجسمات وجريد (سعف النخل) لتنمية مفاهيم الزاوية - المثلث - التماذل بالأنشطة اليدوية الحركية النموذجية فى تعليم وتعلم الرياضيات.
- تنمية التفكير الهندسى بإستخدام الجداول الهندسية والأشكال الهندسية ونموذج فان هيل للتفكير الهندسى.
- تعلم تحويل المفهوم الرياضى إلى شكل رسومى إرتباطا بالتحويلات الهندسية بإستخدام مواد تعليمية مناسبة.

(٢) الإتجاه نحو استخدام مدخل الأنشطة التعليمية (الإثرائية) :-

أكيد العديد من التربويين^{*} على ضرورة إستخدام مدخل الأنشطة التعليمية فى تدريس الرياضيات نظرا لأنه : مدخل شيق وجذاب فى تدريس المفاهيم الرياضية مما يؤدى إلى تكوين المعرفة وترسيخ المفهوم فى ذهن التلاميذ ومن خلاله يمكن تبسيط الموضوعات الرياضية لزيادة رغبة التلاميذ للتعملق فى دراسة الرياضيات وتنمية التذوق للنواحى الجمالية فيها ، كما يساعد المعلم على تحقيق بعض الأهداف التعليمية فى مختلف الجوانب المعرفية والمهارية والوجدانية وتوفير جو يشيع منه المتعة والبهجة والتعاون بين التلاميذ ، وأيضا يوفر لللاميذ فرصه للقيام بإكتشاف القواعد والنظريات بأنفسهم وإثبات صحتها فيتتمنى لديهم مهارات متعددة كمهارات التعاون وحب العمل فى فريق والتواصل فيما بينهم ومهارات حل المشكلات.

(٣) الإتجاه نحو استخدام الحاسوب فى دراسة الرياضيات :-

أكيدت (نانيس صلاح ، ٢٠٠٣ ، ٢٧) على أن إستخدام برامج جاهزة على الحاسوب والآلات الحاسبية ، وتعويد التلاميذ على إستخدام الحاسوب فى معالجة المشكلات الرياضية وتوعيتهم بمدى كفاءته وتأثير الحوسيبة على كل المناشط المجتمعية والإعتماد عليه فى حل العديد من المشكلات المعقدة وإستخدام أدوات الاتصال مثل الإنترت والتدريب على إستخدام بعض البرامج الجاهزة فى مجالات الدراسة المختلفة من أهم التقنيات التربوية الحديثة فى تدريس الرياضيات.

كما أن إستخدام برمجية Geometry's Sketch Pad التى تكمن أهميتها فى تعليم وتعلم الهندسة من خلال ما تقدمة من إمكانات رائعة فى رسم الأشكال الهندسية وما يتبع ذلك من عمليات حركية ناتجة عن الدوران والإنتقال والتكرير أو التصغير تزيد من دافعية التلاميذ نحو التعلم وتزيد من ثقته بنفسه سعيا إلى تكوين إتجاهات إيجابية لدى التلاميذ نحو تعلم مادة الهندسة (Hattermann, 2008, 130).

(٤) الإتجاه إلى التنوع (أو الدمج) بين طرق تدريسية حديثة فى تعليم الرياضيات :-

إن التنوع فى طرق التدريس من خلال عرضها بصورة متتالية أو دمجها فى موقف تدريسي واحد يحقق التدريس الفعال ويعتبر من أنسنة المداخل التدريسية الحديثة لتدريس الرياضيات ويسمى بمدخل التدريس

(٥) الإتجاه نحو تنمية القيمة الجمالية (الفنية) فى إطار أهداف تعليم الرياضيات :-

من القيم التربوية للرياضيات هي القيمة الجمالية (أو الفنية) لذا فمن توجهات المناهج المستقبلية " تنمية إتجاهات إيجابية نحو الرياضيات وتنزق جمالها ومتاعة العمل بها وذلك فى ضوء عدد من المعايير منها ما يلى (فريد كامل أبو زينة وعبد الله يوسف عبابة ، ٢٠٠٧ ، ٢٤) :-

أ- تبصير التلميذ بالقيمة الجمالية للرياضيات وإعطاؤه وافرا من الفرص ليستمتع بها من خلال العمل المنتج فيها.

ب- إتاحة الفرص للتلميذ للتعرف على الرياضيات كموضوع حى متتطور على الدوام ، يتم بناؤه وتطويره على أساس الخبرات والتجارب السابقة.

ج- إكساب التلميذ الثقة بالنفس وحب الإستطلاع والمبادرة فى العمل والصبر والتأني.

د- إدراك التلميذ للدور الذى تلعبه الرياضيات فى حياة الأفراد وفي تاريخ الأمم والشعوب.

^{*}(محبات أبو عميره ، ٢٠٠٠ ، ٥٣) ، (مجدى عزيز ، ٢٠٠٤ ، ٣٠٥) ، (Baki, Adnan, 2010, 38) المتنوع (أو المدمج) للرياضيات ونجاح هذا المدخل يعتمد على قدرة المعلم على إستخدام أكثر من طريقة

تدريسيّة حديثة ثبّتت فعاليّتها لتدريس الرياضيات بالدمج بين إجراءات تلك الطرق معاً على حسب طبيعة الموقف التدرسي (فتيحة بطيخ ، ٢٠١٥ ، ٣٢) ومن المداخل والطرق التدرسيّة المناسبة للبحث الحالي والتى يمكن التنوّع (الدمج) بين إجراءاتها " طريقة التعلم التعاوني ، والعصف الذهني ، وحل المشكلات ، والتعلم بالإكتشاف ، وخرائط المفاهيم ، وتدريس الرياضيات بالقصة ، وإستخدام معلم الرياضيات كبيئة تعليمية ، والمدخل الحسّي المتعدد في تعليم وتعلم الرياضيات .

(٦) الإتجاه نحو التركيز على تطوير الأفكار وال العلاقات والتركيب الرياضية و حل المشكلات :-

من أهم جوانب تطوير تعليم وتعلم الرياضيات هو إعطاء فرصة لللّاّمِيذ لإشتقاق الخوارزميات والصيغ الرياضية بدلاً من إعطاء المعلومات جاهزة للتطبيق ، وإعطائهم فرصة للمحاولة في حل المسائل الرياضية التي تتحدى قدراتهم ، فتنمية القدرة على حل المشكلات بوجه عام نشاط يثير دافعية التلاميذ ويساعد على تنمية أساليب التفكير المتنوعة لديه (على سور ، ٢٠١٠ ، ٢٧٣).

(٧) الإتجاه نحو الترابط (التكامل) بين الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى :-

للترابط بين الرياضيات بفروعها المختلفة والمواد الدراسية الأخرى دور هام في تحديث وتطوير المنهج المدرسي الذي قد يسهم في إقامة تعلم قائم على المعنى وعلى التفكير وعلى العمليات العقلية العليا والإستدلال والبرهان والتي تعتبر من أهم المظاهر المعاصرة لعمليّي التعليم والتعلم داخل الصّف وخارجّه ، ومن خلال إستخدامه كمدخل في تطوير المناهج الدراسية (ناجي ميخائيل ، ٤٧ ، ٢٠٠٨).

(٨) الإتجاه نحو البدء بدراسة الرياضيات من خلال تطبيقاتها :-

عند تدريس موضوعات الرياضيات لابد أن نبدأ من الحياة الواقعية للّاّمِيذ ، وأن تستمد المسائل والمشاكل من المواقف الحقيقية التي يحس بها ويشعر بأهميتها ، فيندفع بحماس في حلها ويعيش فيها فعلاً وفي هذه الحال يشعر بأهميتها وفائدها من البداية وبأنها تؤدي وظيفة عملية له وتساعده على إيجاد الصله بين ما يتعلمه داخل حجرات الدراسة والمواضف الحياتية الحقيقة ، فعرض مادة الرياضيات يجب أن يبدأ بالواقع وينتهي بالتجريد ، كما أن تدريس التطبيقات الواقعية للرياضيات من أهم الوسائل التي تعمل على تقليل الفجوة بين النظرية والتطبيق في تعليم الرياضيات وأهميتها تكمن في أنها تكسب التلاميذ الأسلوب العلمي لحل المشكلات ، وتزيد من فهمه للموضوعات الرياضية (Evitts, 2004, 24) ، (محمود طوسون ، ٢٠٠٠ ، ١٢٠).

(٩) الإتجاه نحو رياضيات المجتمع :-

كثير من فروع الرياضيات نشأت وتطورت نتيجة حاجة المجتمع ومتطلباته الصناعية والإقتصادية والإدارية ، فرياضيات المجتمع هي الرياضيات في المواقف الحياتية المختلفة وفي العلوم وال المجالات المختلفة التي تخدم المجتمع وتطبيقات الرياضيات لم تعد مقصورة على العلوم الفيزيائية بل تعدّتها إلى العلوم البيولوجية والإجتماعية والإقتصادية والجغرافية والكميائية والفنون الهندسية والجميلة والصناعات وعلم النفس وال التربية وإدارة الأعمال (نانيس صلاح ، ٢٠٠٣ ، ٣٦).

(١٠) الإتجاه نحو استخدام الأساليب الحديثة في تقويم الرياضيات:-

لكى يتحقق المعلم من أن تلاميذه يتعلمون كيفية وأسباب كل ما يدرّسون وأنهم يبنون رصيداً متكاماً من المعرفة الرياضية ، وليس مجرد معلومات صغيرة منفصلة ، وحتى يساعدهم على تنمية مهارات التفكير العليا في الرياضيات ، لابد أن يؤخذ بعين الإعتبار أساليب التقويم المختلفة ومنها ما يلى (محبات أبو عميرة ، ٢٠٠٠ ، ٥٦) ، (وزارة التربية والتعليم بمصر ، ٢٠٠٤ ، ٢٢ - ٢٨) ، (سعاد الفجال ، ٢٠١١ ، ٥٤-٥٢)

- ١- استخدام التقويم الأولى ويطلق عليه التقويم القبلي ويهدف إلى التعرف على قدرات التلاميذ وموiolهم قبل بداية التعلم للوقوف على التغيرات التي حدثت في سلوكيّهم أو ناتج العملية التعليمية والتحصيل المعرفي .
- ٢- تبني عمليات التقويم المستمر (التكويني) : وهى عملية تقويمية منظمة تحدث أثناء التدريس وغرضها تزويد المعلم والمتعلم بتغذية راجعة من أجل تحسين العملية التعليمية ومعرفة مدى تقدم التلاميذ ، وللتتأكد من سلامة سير العملية التدرسيّة لابد من إجراء تقويم بشكل دوري ومستمر خلال الفترة الزمنية التي حدّدت لتدريس الوحدة أو المقرر المقترن .

- ٣- التقويم الخاتمي (أو تقويم التحصيل) : يقصد به التقويم الذي يستند على نتائج الإختبارات الذي يعطيها المعلم في نهاية الشهر أو في منتصف الفصل الدراسي أو نهايةه ، ثم رصد نتائجها في سجل العلامات من أجل تقويم تحصيل التلميذ بموجبه تمهدًا لاتخاذ قرار بنجاحه أو رسوبه .

مبررات تطوير وحدة التحويلات الهندسية في ضوء الإتجاهات المعاصرة :-
وبناء على ما سبق عرضه من دراسة نظرية يمكن إستخلاص ما يلى كمبررات لتطوير وحدة التحويلات الهندسية :-

- تحقيق التوجهات الإيجابية الحديثة المتمثلة في مهارات التفكير ومهارات حل المشكلات ومهارات التعلم الذاتي والمستمر والتعلم التعاوني والتواصل الجيد مع مصادر المعرفة .
 - تعزيز المحتوى المعرفي لموضوعات التحويلات الهندسية بحيث يساعد المعلم على تحقيق الآتى :
 - إستخدام تكنولوجيا المعلومات ومواد تعليمية محسوسة .
 - تشجيع التلاميذ على البحث عن مشكلات حياتية تتطلب حل وإستخدامهم لاستراتيجيات حل المشكلات بأنواعها المختلفة وطرق البرهان بأنواعة المختلفة .
 - ربط المصطلحات الرياضية بفروع المواد الدراسية الأخرى .
 - تقديم أمثلة واقعية حياتية قائمة على فكرة التحويلات الهندسية يمكن أن تساعد على إيجاد حلول لمواضف ومشكلات حياتية .
 - تدعيم وحدة التحويلات الهندسية المطورة بعدد من الأنشطة والتدريبات التي ترتكز على التعلم من خلال العمل والممارسة الفعلية بحيث تمكن المعلم من تحقيق الآتى :-
 - توفير بيئة ومناخ تعليمي يساعد على إستمرار التلميذ لفترة طويلة طالما أن الدراسة ممتعة وشيقة .
 - تشجيع التلاميذ على زيادة حصيلتهم المعرفية عن الموضوع الرياضي الذي يدرسونه وذلك عن طريق إستخدام بعض الواقع على شبكة المعلومات أو يطلب منهم عمل بعض النماذج العملية كتطبيقات على الموضوع .
 - خلق بيئة تعليمية تعاونية تنافسية مزودة بكل أساليب المعرفة مثل إستخدام " معمل الرياضيات " .
 - تشجيع التلاميذ على الإنخراط في مناقشات مفتوحة وأيضاً أنشطة تعليمية مفتوحة .
 - تنمية بعض قيم جمالية وإجتماعية وأخلاقية وفكرية وسلوكية وذاتية لدى التلاميذ .
 - تحقيق المحتوى المعرفي لوحدة التحويلات الهندسية نواتج التعلم المرغوبة في ضوء بلوغ الأهداف التعليمية المحددة للوحدة بحيث تتتنوع أسئلة التقويم النهائي لها ما بين أسئلة موضوعية (أسئلة إكمال " إستدعاء بسيط ، مركب " - أسئلة الإختيار من متعدد) ، وأسئلة مقالية (قصير - مركب).
 - لذا يجب أن يكون الهدف الأساسي من تطوير المقررات المدرسية هو إعداد الفرد القادر على التفكير السليم لمواجهة مشكلات العصر ومتغيرات المستقبل في مختلف مناحي الحياة وذلك من خلال تطوير المقررات الدراسية الحالية لجميع المراحل التعليمية في ضوء الإتجاهات المعاصرة .
- مفهوم التفكير الهندسى :-**
- لقد تناول الأدب التربوى مفهوم التفكير الهندسى فى إطار ثلاثة فئات:-

الفئة الأولى : هي الأدبيات والدراسات التربوية التي تبنت التفكير الهندسى وفقاً لمستويات فان هيل فقد عرفة (حسن شحاته وزيتب النجار ، ٢٠٠٣ ، ١٢٨) بأنه شكل من أشكال التفكير أو النشاط العقلى الخاص بالهندسة والذى يعتمد على مجموعة من الأنشطة الخاصة بكل مستوى من مستويات التفكير الهندسى لفان هيل التالية (المستوى البصرى ، والتحليلى ، والإستدلالي الشكلى ، والإستدلالي غير الشكلى ، والإستدلالي المجرد الكامل)

الفئة الثانية : هي الأدبيات والدراسات التربوية التي تبنت مصطلح " التفكير الرياضى " لتنمية بعض مهاراته من خلال محتوى هندسى وبناء عليه فقد عرفة (مجدى عزيز ، ٢٠٠٩ ، ٣١) على أنه أسلوب تفكير خاص بدراسة الرياضيات ، ويشتمل على عدة مهارات مثل الإستقراء والإستدلال وحل المشكلات .

الفئة الثالثة : هي الأدبيات والدراسات التربوية التي تبنت التفكير الهندسى على أنه بعض مهارات التفكير الرياضى المناسبة لمحتوى مادة الهندسة حيث يعرفه كنرد (Kinard , 2003,75) على أنه مجموعة العمليات

العقلية التي تكتشف الأنماط وال العلاقات و تمثلها بالرموز أى هو مجموعة الوظائف المعرفية المستخدمة لإثبات نظريات هندسية و حل مواقف حياتية و التي تتعامل مع القوانين و الحقائق الهندسية . وفي ضوء الفئة الثالثة ؛ يعرف التفكير الهندسى إجرائيا على أنه نشاط عقلى خاص بالهندسة يعتمد على مجموعة من العمليات العقلية المنطقية المتمثلة فى قدرة التلميذ على تعرف وتحليل وتركيب وإستدلال وقراءة الأشكال الهندسية و حل المشكلات الهندسية المتعلقة بنشاط ما وتطبيق كل ما سبق فى صورة براهين هندسية ويفاس بالدرجة التي يحصل عليها التلميذ فى اختبار التفكير الهندسى المعد لذلك .

مهارات التفكير الهندسى :

إن الهندسة كأحد فروع الرياضيات هي نسق معرفى إستدلالي نقطة البداية فيه مسلمات يفترض صدقها ، و تستخدمن قواعد المنطق وقوانينه فى إشتقاق النظريات و النتائج ، والصدق فيها نسبى وليس مطلقا بمعنى أن القضايا التي تكون صادقة فى نظام رياضى قد لا تكون كذلك فى نظام رياضى آخر ، و ذات طبيعة تركيبية أى تبدأ بأبسط المقدمات و تنتهي بأكثر النظريات تعقيدا ؛ ففى هذا النسق المعرفى وفي ضوء طبيعته فإن ذلك يتطلب مجموعة من مهارات التفكير المرتبطة بطبيعة هذا السياق (محمد المفتى ، ٢٠٠٨ ، ١١ - ١٢) تسمى بمهارات التفكير الهندسى ومنها ما يلى :-

■ مهارة الإستقراء (Induction) :-

هي عملية إستدلال عقلى تنطلق من جزئيات أو حالات فردية خاصة للوصول إلى نتيجة كلية أو تعميم وتصدق بناء على جمع الحالات المشابهة أو المماثلة (وليم عبيد وعزو عفانة ، ٢٠٠٣ ، ٤٧). وتعرف إجرائيا على أنها : الوصول إلى نتيجة ما إعتمادا على حالات خاصة ، أى إستخلاص خاصية عامة من عدة حالات خاصة .

■ مهارة الاستباط (Deduction) :-

هي عملية استدلال منطقي، تستهدف التوصل لاستنتاج ما، أو معرفة جديدة بالاعتماد على فروض أو مقدمات موضوعة ، ومعلومات متوافرة (تيسير خليل القيسي ، ٢٠٠٨ ، ١٠٤). وتعرف إجرائيا على أنها : الوصول إلى نتيجة خاصة إعتمادا إلى مبدأ عام ، أو تطبيق القاعدة العامة على حالة خاصة من الحالات التي تنطبق عليها القاعدة العامة بإفتراض صحة القاعدة العامة وأن صحة المقدمات تستلزم بالضرورة صحة النواتج .

■ مهارات البرهان الهندسى (Mathematical Proof) :-

يعرف (أحمد اللقاني وعلى الجمل ، ٢٠٠٣ ، ٢٥١) البرهان الهندسى على أنه : الدليل أو الحجة لبيان أن صحة عبارة ما تتبع من صحة عبارات سابقة لها ، أو هو عبارة عن معالجة لفظية أو رمزية تتمثل فى تتابع من العبارات تستتبع كل منها من سابقتها إستنادا إلى شواهد معترف بصحتها (مثل المسلمات والنظريات والمعطيات) واستنباطا بأساليب يقرها المنطق .

كما حدد (أحمد رجائى ، ٢٠٠٨ ، ٢٨٢) مهارات للبرهان الهندسى فى ثلات مهارات رئيسية وهم مجموعة من المهارات القبلية (الخطيط لكتابة البرهان) ، والمهارات التنفيذية (أثناء كتابة البرهان) ، والمهارات البعدية (تقويم البرهان المكتوب) .

ويمكن وضع تعريف إجرائي للبرهان الهندسى على أنه: مجموعة من الإجراءات المنظمة التي ينبغي على التلميذ القيام بها عند برهنة النظريات الهندسية أو تحليل بعض الخواص المعطاه من خلال رسم المسألة ، وتحديد المعطيات والمطلوب ، وإستنتاج مضممين هندسية أو صياغة برهان هندسى فى ضوء تحديد الفكرة العامة ، وإختيار فكرة الحل المناسب للوصول إلى المطلوب .

■ مهارة التصور البصري المكانى (spatial visualization) :-

يعرفها (عوض المالكي ، ٢٠٠٩ ، ١٧٩) بأنها القدرة على التصور البصري لحركة الأشكال ، وعلاقة الأجزاء المختلفة فى الشكل الهندسى وإدراك العلاقات الهندسية بين الأشكال والسرعة والدقة فى ذلك .

فالقدرة على التصور البصري المكانى هي أحد أهداف تعليم الرياضيات التي يتم تطبيقها من خلال بعض الأنشطة التعليمية التي يقوم بها التلميذ كأنشطة طى الورق بأشكال متعددة فى دروس التماثل والإعكاس ، وأنشطة الكتل والمكعبات ، وأنشطة تتعلق باستخدام الكمبيوتر نظرا لأن تلك الأنشطة تقوم على ممارسات يدوية وبصرية عديدة (رمضان بدوى ، ٢٠٠٨ ، ٤٢).

وتعرف إجرائياً على أنها : قدرة التلميذ على قراءة الشكل الهندسي وتحويل اللغة البصرية التي يحملها ذلك الشكل إلى لغة لفظية مكتوبة أو منطقية ، واستخلاص المعلومات منه وإدراك العلاقات الهندسية بين الأشكال المختلفة والسرعة الدقة في ذلك .

أساليب تنمية التفكير الهندسي خلال المناهج الدراسية :-

من أفضل الطرق لتنمية التفكير ومهاراته لدى التلاميذ تتم من خلال المحتوى الأكاديمي نفسه، لأن الغرض الأساسي من تعليم مهارات التفكير بكل أنواعها هو تنمية قدرات عقلية عليا لدى التلاميذ أثناء تعلمهم المحتوى الأكاديمي الذي يقومون بدراسته وتطبيق ما تعلموه في حياتهم اليومية (محمد الجمل ، ٢٠٠٥ ، ٨٥) . لذا يضع (حسن زيتون ، ٢٠٠٣ ، ٥٢) مجموعة من القواعد التي يجب مراعاتها عند اختيار الأنشطة التعليمية اللازمة لتنمية مهارات التفكير بأن تكون الأنشطة :-

- مرتبطة بمحتوى أو موضوع الدرس.
- مثيرة لإهتمام التلاميذ ومحفزة لتفكيرهم ، ولم يسبق لهم ممارستها من قبل .
- ذات إمكانيات متوافرة من حيث (مصادر تعلم ، أدوات ، أجهزة وغيرها ذلك).
- تتطلب التفكير قبل إنجازها بمعنى أنها لا تعتمد على مجرد إستدعاء المعلومات من الذاكرة .
- غير مفرطة في الصعوبة والتعقيد .
- حقيقة ومرتبطة بواقعهم .
- يمكن ممارستها في الصيف وإن تعذر ذلك يمكن ممارستها ضمن التكليفات غير الصيفية .
- يمكن ممارستها في مجموعات تعاونية أو في شكل أنشطة صيفية .

عوائق تنمية التفكير الهندسي :-

هناك العديد من العوائق التي تحول دون تنمية مهارات التفكير من أبرزها (جودت سعادة ، ٢٠٠٣ ، ١٢٠) ما يلى :-

- ١- لا يزال الطابع السائد في وضع المناهج الدراسية خاصتاً في صفوف المرحلة الأساسية الدنيا منها والعليا قائمة على مواكبة كما هانلا من المعلومات والحقائق .
- ٢- لاتزال الفلسفة العامة للمدرسة وأهداف التربية والتعليم ورسالة المعلم ترتكز على عملية الحفظ الآلي للمعلومات بدلاً من التركيز على إكتشافها أو تطبيقها في موافق ومشكلات حياتية .
- ٣- يعتمد النظام التربوي بصورة متزايدة على إمتحانات قوامها أسئلة تتطلب مهارات معرفية متدنية .
- ٤- التركيز على الأساليب والطرق التدريسية القديمة نظراً ل اعتقاد الكثيرون أن استخدام طرائق التدريس الحديثة يحتاج المزيد من الوقت والجهد .

لذلك حاول البحث الحالي التغلب على تلك العوائق بأخذها بعين الاعتبار عند إعداد قائمة أساس بناء وحدة التحويليات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة .

وهناك العديد من الدراسات والبحوث التي اهتمت بتطوير وحدة التحويليات الهندسية بأساليب تربوية متنوعة منها :

دراسة روبرت هاتفين وآخرون (Robert Hannafin & Others , 2015) : والتي إهتمت بالتعرف على أثر برنامج مكون من مجموعة من الأنشطة الهندسية المختلفة لموضوعات الإنعكاس والأنسحاب والدوران والمساقط معد ببرمجة جافا أبليت (Java applet) ، وقد توصلت نتائج الدراسة إلى سهولة إستيعاب التلاميذ للمفاهيم الهندسية وإكتشاف العلاقات بين الأشكال الهندسية ، كما أنها ساعدت في تطوير قدرتهم على التخييل والتصور المكاني .

دراسة (زينب محمد صفت ، ٢٠١٤) : والتي إهتمت بتطوير منهج " الهندسة والقياس " ومن موضوعاته التحويلات الهندسية " التحويلة الهندسية ، الإنعكاس ، الإنقال ، الدوران " في إطار مقرر مقترح قائم على مدخل التعلم النشط وتكونت عينة الدراسة من : (٣٥) تلميذه كمجموعة واحدة ؛ وتوصلت نتائج الدراسة إلى فاعلية ذلك المقرر في تنمية التحصيل والتفكير الإبداعي والإتجاه نحو الهندسة لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي .

دراسة (نورا محسن أبو النجا ، ٢٠١٣) : والتي قامت بإعادة صياغة وحدة " الهندسة والقياس " ومن موضوعاته التحويلات الهندسية " التحويلة الهندسية ، الإنعكاس ، الإنقال ، الدوران " بإستخدام إستراتيجيات التفكير المتشعب في ضوء قائمة من مهارات التفكير البصري من إعداد الباحثة ، وتكونت عينة الدراسة من :

(٩٠) تلميذه مقسمة إلى مجموعتين ؛ وتوصلت نتائج الدراسة إلى فعالية استخدام إستراتيجيات التفكير المتشعب في تنمية الذكاء البصري والتحصيل في الهندسة لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي.

دراسة (إبراهيم رفعت إبراهيم ، ٢٠١٠) : والتي اهتمت بإعداد برنامج الأنشطة الإثرائية لوحدة " التحويلات الهندسية " ، وتكونت عينة الدراسة من : (٢٩) تلميذه كمجموعة واحدة ؛ وتوصلت نتائج الدراسة إلى : وجود فرق دال إحصائيا عند مستوى دلالة ١.٠٠ بين متوسطي درجات التطبيق القبلي والبعدي لمجموعة البحث في إختبارى القدرة على التصور البصري والتوجيه المكانى لصالح درجات التطبيق البعدي .

دراسة (Siswono , T.U, 2009) : التعرف على إستراتيجيات تفكير التلاميذ الازمة لتنمية فهمهم لنظام المسلمين والنظريات الهندسية المختلفة ، قدم اختيار عينة من تلاميذ الصف الثامن والتاسع الأساسي بأندونيسيا وقدم لهم نظام المسلمين المستخدم في الأربع نقط (إحدى موضوعات الهندسة المنتهية) ، وهندسة التحويلات (إحدى موضوعات الهندسة الإقليدية) ؛ وتوصلت نتائج الدراسة إلى : إختلاف طريقة بناء النظريات الهندسية بين التلاميذ كانت نتيجة لإختلاف إستراتيجيات تفكيرهم وإختلاف أنواع الأخطاء التي يقعوا فيها .

كما أن هناك العديد من الدراسات والبحوث التي اهتمت بتنمية مهارات التفكير الهندسى دراسة (Smith , R et al , 2014) : والتي اهتمت بالتعرف على أثر استخدام الأسلوب الإستدلالي ونظام المسلمين في البرهنة على النظريات والنتائج الهندسية وتعزيز البناء المعرفي والإتجاه لديهم بإستخدام العديد من الإستراتيجيات التدريسية مثل المناقشة والإستقصاء ، وتكونت عينة الدراسة من : (١٤) تلميذاً تتراوح أعمارهم بين (١٢-١٤) عاماً ، وتوصلت نتائج الدراسة إلى : فعالية استخدام الأسلوب الإستدلالي في برهنة النظريات والنتائج الهندسية وأثره الإيجابي في تغير بنائهم المعرفي وإتجاههم .

دراسة (محمد حسني محمد على ، ٢٠١٣) : إهتمت الدراسة بإستخدام السقالات التعليمية من خلال أنشطة ومشكلات رياضية ، وتكونت عينة الدراسة من : (٧٣) تلميذه مقسمة إلى مجموعتين وتوصلت نتائج الدراسة إلى فعالية إستخدام السقالات التعليمية في تنمية مهارات التفكير الرياضي (الإستقراء- الإستنبط - البرهان الرياضي- التصور البصري المكانى) لدى تلميذات المجموعة التجريبية.

دراسة (على إسماعيل سرور ، ٢٠١١) : والتي اهتمت بتقديم نموذج إثرائي ثلاثي بعد معتمد على تطبيقات التعلم الإلكتروني من خلال أنشطة إثرائية متمثلة في " برمجيات رسومية ، لقطات فيديو توضح طرقاً مبتكرة لتنفيذ بعض التعميمات ، تطبيقات من البرامج والمشاريع العالمية لتعليم الرياضيات ، أنشطة إلكترونية تفاعلية "، وتكونت عينة الدراسة من : (٦٨) تلميذه مقسمة إلى مجموعتين ، وتوصلت نتائج الدراسة إلى فاعلية النموذج الإثرائي في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى تلميذات المجموعة التجريبية .

دراسة (Pasku , 2009) : والتي اهتمت بالتعرف على أثر تعلم الهندسة من خلال أسلوب الدراما المسرحية ، وتكونت عينة الدراسة من : (١٠٧) تلميذاً من تلاميذ الصف السابع ، وتوصلت إلى فاعلية كل من التحصيل والتفكير الرياضي والإتجاه نحو الهندسة بالمقارنة بالطريقة التقليدية .

الإحساس بمشكلة البحث :-

شعرت الباحثة بمشكلة البحث من خلال الآتي :

أولاً :- الإطلاع على نتائج الدراسات والبحوث السابقة سالفه الذكر والتي أكدت على انخفاض مستوى التفكير الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية.

ثانياً :- ما تؤكد عليه العديد من المؤتمرات المحلية والعالمية من ضرورة تطوير منهج الرياضيات في المراحل التعليمية المختلفة منها :

المؤتمر العلمي للجمعية المصرية لتنبويات الرياضيات (بنها ، ٢٠٠٦) تحت عنوان " تطوير منهج الرياضيات فى ضوء المعايير المعاصرة " والذي أوصى بضرورة الإهتمام بمراجعة البحوث الحديثة والإتجاهات المعاصرة لتحديد كيفية الإستفادة منها في ضوء إمكانيات المجتمع المصري ، الإستفادة من فكرة المعايير العالمية والقومية لتطوير تعليم وتعلم الرياضيات بكل جوانبه (المحتوى ، التلميذ ، المعلم) ، وإهتمام معلمى الرياضيات بالبناء المعرفي عند تعليم الرياضيات وتقديم المساعدة للتلاميذ فى ضوء خلفياتهم العلمية السابقة .

كما وضع المجلس القومي لمعلمى الرياضيات بالولايات المتحدة الأمريكية (NCTM,2010) عشرة معايير ذات جودة عالية لتعليم الرياضيات والتى تتطبق على جميع المراحل من (k-12) ، ولعل من أهم تلك المعايير ما يلى : -

الهندسة والحس المكانى : إذ يجب أن تهتم مناهج الرياضيات بالهندسة والعمل على تنمية الحس المكانى من خلال : تحليل البيانات فى بعدين وثلاثة أبعاد هندسية بحيث يشتمل ذلك على الهندسة الإحداثية ونظرية البيانات والرسوم ، استخدام التحويلات الهندسية والتماثل فى تحليل المواقف الرياضية وحل المشكلات الرياضية وغير الرياضية .

وكذلك معيار "الاستدلال والبرهنة" إذ يجب على التلميذ أن يتمكن من التعرف على أساليب الاستدلال والبراهين الأساسية فى الرياضيات وإستخدام تقييم مناسب للتخمين والحجج المنطقية .
ثالثاً : قامت الباحثة بدراسة إستطلاعية ^(١) للتعرف على آراء كلا من (الموجهين عدد ١٠ " موجهين ، المعلمين ١٥ " معلم) من إحدى مدارس "محافظة البحيرة" فى الموضوعات الرياضية المقررة على تلاميذ المرحلة الإعدادية من خلال إستبانة كأدلة لإستطلاع الرأى وإعداد اختبار فى التفكير الهندسى لتلاميذ الصف الأول الإعدادى فكانت نتائج الإستبانة كما يلى : -

(أ) بالنسبة للموجهين :

أكد (٩٠ %) من عينة الدراسة الإستطلاعية أن مقررات الرياضيات لا توافق التطورات الحديثة .

أكد (٨٠ %) من عينة الدراسة الإستطلاعية أن تطوير مقرر الهندسة مازال قاصرا على إدخال التطبيقات كاملاً وتمارين فى الكتاب المدرسى ومعظم هذه التطبيقات مصطنعة وغير واقعية .

أفاد (٨٠ %) من العينة الإستطلاعية على إفتقار محتوى الهندسة للأنشطة التى يقوم بها المتعلمين لحل مشكلاتهم الحياتية والتى تؤدى بدورها إلى تدمير قدرتهم على التفكير .

(ب) بالنسبة للمعلمين :

أكد (٨٥ %) من عينة الدراسة الإستطلاعية أن مقررات الرياضيات التى يدرسها التلميذ تتسم بالجمود ولا تتواءق مع التطور .

أكد (٧٠ %) من عينة الدراسة الإستطلاعية أنه يوجد عدد من الصعوبات التى تواجه تلاميذ هذه المرحلة أثناء دراسة موضوعات التحويلات الهندسية منها ما يلى : -

أكد (٦٠ %) من عينة الدراسة الإستطلاعية أنه من أسباب ظهور تلك الصعوبات السابقة الذكر هو جفاف مادة الهندسة وقلة الأنشطة التطبيقية التى تبين قيمة الرياضيات النفعية والجمالية .

(ج) بالنسبة للتلاميذ :

قامت الباحثة بتطبيق اختبار تحصيلي ^(١) فى الهندسة "وحدة الهندسة والقياس" – الفصل الدراسي الأول للعام الدراسي ٢٠١٢ / ٢٠١٣ على عينة من تلاميذ الصف الأول الإعدادى بمدرسة طيبة الخاصة – إدارة بندر دمنهور – محافظة البحيرة عددها "٥٠" تلميذا حيث كانت النهاية العظمى للإختبار (٣٠) درجة فكانت نتائج الدراسة الإستطلاعية كما يلى :

جدول (١)

مستوى الإداء	أقل من %٥٠	من %٥٠ - %٧٥	أعلى من %٧٥
عدد التلاميذ	٣٢	١٢	٦

وأشارت النتائج من جدول (١) إلى إنخفاض مستوى تحصيل التلاميذ فى الهندسة مما قد يؤدى إلى قصور فى مستوى التفكير الهندسى لديهم ويتافق ذلك مع نتائج الدراسات السابقة التى أكدت وجود علاقة إرتباطية موجبة بين التحصيل والتفكير .

تأسيساً على ما سبق عرضه تمثل مشكلة البحث الحالى فى العبارة التقريرية الآتية . - ضعف تحصيل تلاميذ المرحلة الإعدادية فى الهندسة أدى إلى وجود قصور فى مستوى التفكير لديهم ، فقد يكون ذلك ناتج عن أسلوب تنظيم المحتوى أو الطريقة المعتادة التى يستخدمها معظم معلمى الرياضيات أو إلى أساليب التقويم المستخدمة ، وقد ركزت الباحثة فى هذا البحث على تطوير وحدة "التحويلات الهندسية" فى ضوء ما نادت به عدد من الإتجاهات المعاصرة بهدف تتنمية التفكير الهندسى لدى التلاميذ .

وبذلك حاول البحث الحالى الإجابة على السؤال الرئيسى التالى :-
كيف يمكن تطوير وحدة التحويلات الهندسية للمرحلة الإعدادية فى ضوء الإتجاهات المعاصرة لتنمية التفكير الهندسى لدى التلاميذ ؟

(١). ملحق (٢) : التجربة الإستطلاعية للبحث .
صعوبة فى إستبصار العلاقة بين معلومات التمرين (المعطيات) والمطلوب .
صعوبة فى اختيار الرسم الملائم للتمرين .
صعوبة فى إيجاد الإفتراضات والنظريات المساعدة واللازمة للبرهان .
صعوبة فى معرفة نقطة البدء فى البرهان ، صعوبة فى وضع سبب مناسب لكل خطوة من خطوات البرهان .

ويتفرع عن السؤال الرئيسى التساؤلات الفرعية التالية :-

ما أسس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة من حيث (الأهداف -
المحتوى - الأنشطة والوسائل التعليمية - طرق التدريس - أساليب التقويم) ؟

ما صورة وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الأسس السابقة لتنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ
الصف الأول الإعدادى ؟

ما فاعلية تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة لتنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول
الإعدادى ؟

ما حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة لتنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول
الإعدادى ؟

حدود البحث ومجموعته :-

إنحصر البحث الحالى على ما يلى :-

مجموعة من تلاميذ الصف الأول الإعدادى بمدرسة ماجدة الصيرفى الإعدادية بنات - إدارة ايتاي
البارود التعليمية - بمحافظة البحيرة كمجموعة تجريبية واحدة بلغ عددها (٤٠) تلميذة .

وحدة التحويلات الهندسية المطورة - للصف الأول الإعدادى - الفصل الدراسي الثاني لعام
٢٠١٥/٢٠١٤ .

مهارات التفكير الهندسى " الاستقراء - الإستباط - البرهان الهندسى - التصور البصري المكانى .

أهمية البحث :-

تبثيق أهمية البحث من الإستجابة للإتجاهات المعاصرة ومنها ما يلى :-

أولاً : بالنسبة للطلاب :-

تنمية بعض مهارات التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى .

تعزيز بيئة التعلم من خلال التشويق والداعية بتدريس تطبيقات رياضية ، أنشطة ، مواقف حياتية .

ثانياً : بالنسبة للمعلمين :-

تقديم طرق تعليمية وأنشطة تدعم تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية .

تقديم دليل للمعلم يمساعد على تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة .

ثالثاً : في مجال صناعة المناهج وإعداد المواد التعليمية :-

مسايرة الإتجاهات المعاصرة من حيث الإهتمام بتكنولوجيا المعلومات وربطها بتعليم وتعلم الهندسة
بمراحل التعليم المختلفة .

تقديم وحدة للتحويلات الهندسية تتناول جوانب الحياة العامة ، وتتضمن موضوعات تحظى بإهتمام
اللاميذ ، مما يجعل دراسة الهندسة أكثر متعة وتزيد من الداعية للتعلم .

رابعاً : بالنسبة للباحثين :-

قد يعد هذا البحث نواه لبحوث آخر تناهى بضرورة إعادة النظر فى مناهج الرياضيات للمرحلة
الإعدادية وإعادة بنائها بما يلاءم التطورات السريعة فى عصرنا .

يمكن الإستعانه بنتائج هذا البحث لتطوير موضوعات رياضية أخرى في ضوء الإتجاهات المعاصرة
بمراحل التعليم العام.

ملحق (٢) : التجربة الاستطلاعية للبحث.

منهج البحث ؛ إنتمد البحث على :-

المنهج الوصفي التحليلي ؛ وذلك لتحديد أسس تطوير وحدة التحويلات الهندسية في ضوء الإتجاهات المعاصرة ؛ ثم إعداد الإطار النظري التحليلي للبحث في ضوء هذه الأسس.

المنهج التجربى ؛ للتحقق من فاعلية تطبيق وحدة التحويلات الهندسية المطورة وكذلك التحقق من صحة فروض البحث .

فروض البحث :-

للإجابة عن أسئلة البحث السابقة تم اختبار صحة الفروض التالية :

١- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (١...). بين متوسطي درجات (مجموعة البحث) في التطبيق "القبلي / البعدى" لإختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة ، وذلك لصالح التطبيق البعدى .

٢- تتصف وحدة التحويلات الهندسية المطورة بالفاعلية فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلميذ الصف الأول الإعدادى .

أدوات البحث :-

دليل التلميذ لوحدة التحويلات الهندسية المطورة (كتاب التلميذ ، أوراق العمل) من إعداد الباحثة .

دليل المعلم لوحدة التحويلات الهندسية المطورة من إعداد الباحثة .

اختبار التفكير الهندسى فى وحدة التحويلات الهندسية المطورة يشتمل على مهارات : " الإستقراء ، الإستبطاط ، البرهان الهندسى ، التصور البصرى" من إعداد الباحثة .

مصطلحات البحث :-

تعرف " تطوير وحدة التحويلات الهندسية " إجرائياً بأنها : التغيير النوعي في " أهداف ومحوى وأنشطة ووسائل التعليم وطرق التدريس وأساليب تقويم " موضوعات التحويلات الهندسية " المقررة على الصف الأول الإعدادى وذلك في ضوء إضافة مجموعة من التطبيقات الرياضية والخبرات المعرفية التي تهدف إلى التعمق والتلوّع في تلك الموضوعات في إطار قائمة أسس لبناء وحدة التحويلات الهندسية مطورة لإثراء حصيلة التلاميذ المعرفية وقدرتهم على استخدام المفاهيم وال العلاقات الرياضية المتضمنة بالوحدة في مواقف حياتية مختلفة وفي حل المشكلات بطريقة منتظمة وهادفة ومحظوظ لها بتوجيه من المعلم وليس بشكل عشوائي وفقاً لما تناولت به عدد من الإتجاهات المعاصرة لتطوير منهج الرياضيات سعياً إلى تنمية مهارات التفكير الهندسى لديهم

التفكير الهندسى :-

يعرف إجرائياً على أنه : نشاط عقلى خاص بالهندسة يعتمد على مجموعة من العمليات العقلية المنطقية المتمثلة في قدرة التلميذ على تعرف وتحليل وتركيب وإستدلال وقراءة الأشكال الهندسية وحل المشكلات الهندسية المتعلقة بنشاط ما وتطبيق كل ما سبق في صورة براهين هندسية ويقاس بمجموع درجات التلميذ في اختبار التفكير الهندسى المعد لذلك .

إجراءات البحث :-

أولاً : تحديد الإطار النظري للبحث من خلال الإطلاع على الأدب التربوي المتعلق " بالإتجاهات المعاصرة في تطوير منهج الرياضيات ، التفكير الهندسى من حيث (ماهيتها - مهارات التفكير الهندسى - أهمية تنميته - أساليب تنمية التفكير الهندسى خلال المناهج الدراسية - معوقات تنمية التفكير الهندسى) ."

ثانياً : بالنسبة للسؤال الأول : " ما أسس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة ؟

لإعداد قائمة أسس وحدة التحويلات الهندسية المطورة وضبطها إتبعت الباحثة الخطوات التالية :-

(٤-١) : إعداد الصورة المبدئية لقائمة أسس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة بمراعاة الآتى :-
الدراسة النظرية السابقة .

الخصائص العمرية لتلاميذ المرحلة الإعدادية.
تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة في كتاب الرياضيات للصف الأول الإعدادي الفصل الدراسي الثاني للعام الدراسي ٢٠١٤ / ٢٠١٥ وفقاً للخطوات الآتية:-

(أ)- تحديد الهدف من تحليل المحتوى :

هدف تحليل المحتوى إلى الوقوف على واقع محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة على الصف الأول الإعدادي التي يتم تدريسها وذلك لإعداد وحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة.

(ب)- تحديد العناصر الأساسية للتحليل :

تم تحديد العناصر الأساسية للتحليل وتصنيفها إلى "المفاهيم ، والتعليمات ، والمهارات " الرياضية.

(ج) - تحديد ثبات التحليل : هناك طريقتين لحساب ثبات التحليل بما ثبات التحليل عبر الزمن ، وثبات التحليل عبر الأشخاص كما يلى :-

- يقصد بثبات التحليل عبر الزمن : هو إجراء عملية التحليل مرتين متتاليتين بفارق زمني شهر ، ويوضح الجدول الآتي نتائج تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة عبر الزمن :-

جدول (٢)

نتائج تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة عبر الزمن

الفئة	عددها في تحليل المرة الأولى	عددها في تحليل المرة الثانية	عدد نقاط الاتفاق
مفاهيم	١٢	٧	١٠
تعليمات	٣٠	٣٢	٢٥
مهارات	٥٠	٤٧	٤٧
المجموع	٩٢	٨٦	٨٢

وقد تم حساب نسبة الإتفاق بين مرتبة التحليل باستخدام " معادلة هولستي " Holistic " وكانت قيمة (ث) لثبات التحليل ^(١) وفقاً لهذه الطريقة تساوى (٩٢١,٩).

▪ أما ثبات التحليل عبر الأشخاص : فهو إذا قام باحث آخر بتحليل نفس المحتوى العلمي للمقرر إلى عناصر التحليل المحددة (المفاهيم ، والتعليمات ، والمهارات) الرياضية ملتزماً بالتعريف الإجرائي المحدد لكل عنصر منها ، فإنه يتوصل إلى نفس العناصر بنسبة إتفاق مناسبة بين التحليل في المرتين ؛ وقد تم حساب ثبات التحليل عن طريق تكليف إحدى الزميلات ^(٢) بتحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة على الصف الأول الإعدادي في ضوء التعريف الإجرائي المحدد لكل عنصر ويوضح الجدول الآتي نتائج تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة عبر الأشخاص :-

جدول (٣)

نتائج تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة عبر الأشخاص

الفئة	تحليل الباحثة	تحليل باحثة أخرى	عدد نقاط الإتفاق
مفاهيم	١٢	٨	٧
تعليمات	٣٠	٢٩	٢٨
مهارات	٥٠	٤٤	٤٢
المجموع	٩٢	٨١	٧٧

وبحساب معامل ثبات التحليل باستخدام معادلة هولستي " Holistic " فإن قيمة (ث) لثبات التحليل وفقاً لهذه الطريقة تساوى (٩٢٢,٩).

ما سبق يتضح أن : قيمة ثبات التحليل وفقاً للطريقتين هي ٩٢٪ وهي قيمة عالية يمكن الوثوق بها.

(د) - تحديد صدق التحليل :

يقصد بصدق التحليل أن يكون صالحًا في التعبير عن عناصر المحتوى الممثلة في المفاهيم ، والتعليمات ، والمهارات الرياضية وشاملًا لجميع هذه العناصر ، كما هي واردة في موضوعات التحويلات الهندسية المقررة في كتاب الرياضيات للصف الأول الإعدادي .

وتم التأكيد من صدق التحليل عن طريق عرض تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقررة في كتاب رياضيات الصف الأول الإعدادي على مجموعة من السادة المحكمين المتخصصين في مجال تعليم الرياضيات ^(١) وذلك لإبداء الرأى فيما يلى :-

- التزام الباحثة بالتعريفات الإجرائية التي وضعتها للمفهوم والتعليم والمهارة عند تحليل المحتوى.
- شمول فئات التحليل على جميع المفاهيم والتعليمات والمهارات الرياضية المتضمنة في الموضوعات المقررة.
- وضوح الصياغة ودقتها.

وبعد إجراء التعديلات الالزمة في ضوء آراء السادة المحكمين ؛ أصبحت الصورة النهائية لاستماره تحليل المحتوى تشمل على (٨٢) بندًا حيث بلغ عدد البنود الخاصة :

- (١) ثبات التحليل (٧ عدد الفئات التي يتلقى عليها الباحث مجموع عدد الفئات التي حلت مرتين) (رشدي طعيمة ، ٢٠٠٤ ، ٢٢٦).
- (٢) باحثة مسجلة للحصول على درجة الماجستير تخصص مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية البنات - جامعة عين شمس.
- بالمفاهيم الرياضية (١٠) بند.
- البنود الخاصة بالتعليمات الرياضية (٢٥) بند.
- البنود الخاصة بالمهارات الرياضية (٤٧) بند.

(٢-ب) : إعداد الصورة النهائية لقائمة أساس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة :

في ضوء ما سبق تم إعداد الصورة المبدئية لقائمة أساس وحدة التحويلات الهندسية المطورة التي تشمل على أساس مرتبطة بصياغة الأهداف وبلغ عددها (١٥) بند ، أساس مرتبطة بتنظيم دروس المحتوى وبلغ عددها (٣٥) بند ، أساس مرتبطة بطرق التدريس وبلغ عددها (١٩) بند ، أساس مرتبطة بالأنشطة والوسائل التعليمية وبلغ عددها (١٨) بند ، أساس مرتبطة بأساليب التقويم وبلغ عددها (١٥) بند.

وبعد إجراء التعديلات الالزمة على قائمة الأساس المبدئية في ضوء آراء السادة المحكمين للتعرف على [سلامة صياغة بنودها ودقتها ، مناسبتها لتنمية مهارات التفكير الهنديسي] ؛ أصبح العدد الكلى لبنود قائمة أساس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة في صورتها النهائية (٣) = (٩٩) بندًا حيث بلغ عدد البنود الخاصة بأساس:

- صياغة الأهداف (١٤) بند.
- تنظيم دروس المحتوى (٣٤) بند.
- طرق التدريس (١٨) بند.
- الأنشطة والوسائل التعليمية (١٨) بند.
- أساليب التقويم (١٥) بند.

وبهذا تم الإجابة على السؤال الأول من أسئلة البحث الذي ينص على " ما أساس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة لتنمية التفكير الهنديسي لدى تلميذ الصف الأول الإعدادي ؟

ثالثاً : بالنسبة للسؤال الثاني : " ما صورة وحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الأساس السابقة ؟ ، فقد تم بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة وذلك في ضوء الآتي :-

- (٣-أ) : إعداد دليلاً للتلميذ (كتاب التلميذ ، وأوراق العمل) بحيث يشتمل على :
 - أهداف وحدة التحويلات الهندسية المطورة مصاغة بصورة إجرائية .
 - غلاف خاص بمحتوى كل درس من دروس وحدة التحويلات الهندسية المطورة يشتمل على " أهداف الدرس – أوراق النشاط – معينات التعلم – الأنشطة التي يقوم بها التلميذ داخل الفصل – أساليب التقويم".

- محتوى دروس وحدة التحويلات الهندسية المطورة وتمثل في "١٢" درسا مقترن من إعداد الباحثة بحيث يشتمل كل درس على مجموعة من الأنشطة والتدريبات والأمثلة (المسائل) الرياضية .

(١). ملحق (١) : قائمة بأسماء السادة المحكمين المتخصصين في تعليم الرياضيات .

(٢). ملحق (٣) : تحليل محتوى موضوعات التحويلات الهندسية المقرر على الصف الأول الإعدادي لعام ٢٠١٤ / ٢٠١٥ .

(٣). ملحق (٤) : قائمة أسس بناء وحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة .

(٣- ب) : إعداد دليل المعلم لتدرس وحدة التحويلات الهندسية المطورة بحيث يشتمل على :

- **الجزء الأول : مقدمة الدليل وتتضمن نبذة مختصرة عن الآتي :-**

تطور علم التحويلات الهندسية وأهمية الهندسة كفن للتحويل ، نموذج من نماذج بيئة التعلم المناسبة لتدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة " معمل الرياضيات " ، أهم طرق التدريس المناسبة " التعلم التعاوني - العصف الذهني - حل المشكلات - خرائط المفاهيم - التعلم بالاكتشاف " ، مهارات التفكير الهندسي المستهدف تعميمها في البحث الحالى " الإستقراء ، الإستنباط ، البرهان الهندسى ، التصور البصري المكانى " ، الخصائص العمرية لتلاميذ المرحلة الإعدادية .

- **الجزء الثاني : محتويات الدليل ويشتمل على :-**

(أ) : صورة وحدة التحويلات الهندسية المطورة وتكون من (أهداف الوحدة " العامة والخاصة " ، والإجراءات التدريسية التي يمكن إتباعها لتحقيق أهداف الوحدة ، الوسائل والأنشطة التعليمية المناسبة ، وأساليب التقويم المستخدمة فيها) .

(ب) : خطة السير فى كل درس من دروس وحدة التحويلات الهندسية المطورة بحيث يشتمل على:-

عنوان الدرس ، عدد الحصص ، عدد الأنشطة والأمثلة والتدريبات المستخدمة ، أهداف الدرس مصاغة بصورة إجرائية ، الأدوات والوسائل التعليمية المناسبة ، طرق التدريس المناسبة ، خطوات التدريس والتقويم.

(ج) : قائمة المراجع وموقع الإنترت التي يمكن أن يستعين بها المعلم أثناء تدريسه .

وتم إجراء التعديلات اللازمة لأدوات التجريب (دليل التلميذ - دليل المعلم) بعد عرضهم على السادة المحكمين ^(١) وتجربتهم وإستطلاعياً لضبطهم والتأكد من صلاحيتهم ، وبذلك أصبح دليل التلميذ لوحدة التحويلات الهندسية المطورة في صورته النهائية ^(٢) جاهز للتطبيق وكذلك دليل المعلم ^(٣) .

رابعاً : إعداد اختبار التفكير الهندسى لوحدة التحويلات الهندسية :

لإعداد اختبار التفكير الهندسى وتحديد صلاحيته ، تم إتباع الخطوات التالية :-

(٤-أ) : تحديد الهدف من الاختبار :

يهدف الاختبار إلى قياس مهارات التفكير الهندسى " الإستقراء - الإستنباط - البرهان الهندسى - التصور البصري المكانى" لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي فيما تم دراسته من معلومات وخبرات في وحدة التحويلات الهندسية المطورة .

(٤- ب) : صياغة مفردات الاختبار :

عند صياغة مفردات اختبار التفكير الهندسى في وحدة التحويلات الهندسية المطورة تم مراعاة الآتى :-

- أن تشمل هذه المفردات محتوى وحدة التحويلات الهندسية المطورة .

- أن تشمل هذه المفردات مهارات التفكير الهندسى (الإستقراء ، الإستنباط ، البرهان الهندسى ، التصور البصري المكانى) .

(١). ملحق (١) : قائمة بأسماء السادة المحكمين المتخصصين في تعليم الرياضيات .

(٢). ملحق (٥) : دليل التلميذ لوحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة .

(٣). ملحق (٦) : دليل المعلم لوحدة التحويلات الهندسية المطورة في ضوء الإتجاهات المعاصرة .

- أن تتتنوع هذه المفردات بحيث تشمل مفردات للإكمال وأخرى تتطلب الإختيار من متعدد ومفردات مقالية .

وتم صياغة مفردات الاختبار حيث إشتمل على مفردات تتطلب الإكمال وت تكون من (٩) مفردة ، والإختيار من متعدد وت تكون من (١٤) مفردة ، ومفردات المقال وت تكون من (٣) مفردة .

(٤ - ج) - تحديد تعليمات الاختبار :

تم صياغة تعليمات الاختبار وروعى فيها الوضوح والإيجاز بحيث تؤدى إلى فهم الهدف من الاختبار وكيفية الإجابة وزمن الاختبار .

(٤ - د) : إعداد جدول المواقف للاختبار :

الجدول التالي يوضح مهارات التفكير الهندسى وعدد الأسئلة التى تقيس كل مهارة من هذه المهارات .

جدول (٤)

مواصفات اختبار التفكير الهندسى فى وحدة التحويلات الهندسية المطورة

(٤ - ن) الحكم على صدق الاختبار :

الاختبار الصادق هو الذى يقيس ما وضع لأجل قياسه ، نظراً لما للصدق من أهمية – فى بناء الاختبار وفي تطبيقه والإفادة منه – فقد تم استخدام صدق المضمون (الصدق المنطقى) ؛ فتم عرض الصورة المبدئية للاختبار على السادة الممكينين ^(١) وطلب إبداء الرأى حول :

- وضوح تعليمات الاختبار .
- سلامة صياغة العبارات ودقة ألفاظها .
- إرتباط المفردات بذروس محتوى وحدة التحويلات الهندسية المطورة .
- ملاءمة المفردات لخصائص النمو العقلى للتلاميذ .

م	المهارات المستهدفة	الأسئلة	عدد الأسئلة	الوزن النسبى%
١	مهارة الاستقراء	(٧)، (١٣)، (١٠)، (١٤)، (١٨)، (١٩)	٦	٢٣,١
٢	مهارة الاستنباط	(١٢)، (١)، (٢)، (١٧)، (١٥)	٦	٢٣,١
٣	مهارة البرهان الهندسى	(٢٢)، (٢٦)، (٢١)، (٢٤)، (٢٣)	٦	٢٣,١
٤	مهارة التصور البصرى المكانى	(٦)، (٥)، (٤)، (٣)، (٨)، (١١)، (٩)، (١٦)	٨	٣٠,٧
٤ مهارات		الإجمالي		% ١٠٠
وبعد إجراء التعديلات اللازمة التى أبدتها السادة الممكينين ، أصبح الاختبار يتمتع بصدق الممكينين .				

(١). ملحق (١) : قائمة بأسماء السادة الممكينين المتخصصين فى تعليم الرياضيات .

(٤ - ط) تقدير درجات الاختبار :

نظراً لأن الاختبار يقيس مهارات التفكير الهندسى " الاستقراء – الاستنباط – البرهان الهندسى – التصور البصرى المكانى " لدى التلاميذ فقد جاءت الأسئلة من إنتاج الإجابة ، وتم تحديد درجة كل مفردة من مفردات الاختبار على أساس عدد الخطوات العقلية التى يستخدمها كل تلميذ على حده أثناء حل المسألة (المشكلة) الرياضية ، بحيث تأخذ كل خطوة من خطوات الحل درجة واحدة فجاءت النهاية العظمى للاختبار (٥٥) درجة .

(٤ - و) التجربة الإستطلاعية للاختبار :

هدف التجربة الإستطلاعية إلى ما يلى :

- تحديد الزمن المناسب للاختبار .
- حساب معامل ثبات الاختبار .

وقد تم تطبيق الاختبار على مجموعة من تلاميذ الصف الأول الإعدادي بلغ عددها (٢٥) تلميذاً من خارج عينة الدراسة بمدرسة طيبة الخاصة بإدارة بندر دمنهور - محافظة البحيرة للعام الدراسي ٢٠١٤/٢٠١٥ م .
وفيما يلى توضيح أهم نتائج التجربة الإستطلاعية :

▪ تحديد الزمن المناسب للاختبار :

تم حساب الزمن المناسب ^(١) لأداء التلاميذ للاختبار من خلال حساب الزمن الذي يستغرقه كل تلميذ في حل الإختبار ، ثم أخذ المتوسط الزمني للجميع ؛ حيث كان عدد تلاميذ المجموعة (٢٥) تلميذاً وتلميذه ، وقد بلغ هذا الزمن بالتقريب (٦٠ دقيقة) .

▪ حساب معامل ثبات الاختبار :

تم حساب ثبات الإختبار بطريقة النصفية للإختبار (فردي - زوجي) بإستخدام معامل الإرتباط لبيرسون ^(٢) ، ووجد أنه يساوى (٧٧،). وقد تم تصحيح معامل الإرتباط بإستخدام معادلة سيرمان براون ^(٣) ، ووجد أنه يساوى (٨٧،) وهو معامل ثبات مرتفع يمكن الوثوق به.

(٤ - ى) إعداد اختبار التفكير الهندسى فى صورته النهائية :

بعد إجراء التعديلات على مفردات الاختبار فى ضوء آراء المحكمين ، ونتائج التجربة الإستطلاعية للإختبار ، أصبح الاختبار فى صورته النهائية ^(٤) قابلاً للتطبيق .

خامساً : التصميم التجاربى وإجراءات التجربة :-

(٥ - أ) : إختيار التصميم التجاربى الملائم :

لما كان البحث الحالى يهدف إلى قياس أثر تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي ؛ لذا تم استخدام التصميم التجاربى ذى المجموعة الواحدة حيث أن التلاميذ لم يسبق لهم دراسة محتوى وحدة التحويلات الهندسية المطورة من قبل من خلال استخدام أسلوب القياس القبلى والبعدى.

مجموع الزمن لجميع التلاميذ

(١) متوسط الزمن عدد التلاميذ

(فؤاد البهى ، ١٩٧٨ ، ٨٠).

ن مج س ص - مج س × مج ص

(٢). رـ $\sqrt{[ن مج س - (مج س)(ن مج ص)] / [ن مج ص - (مج ص)]}$ ات الأسئلة الزوجية ، (ص) : درجات الأسئلة الفردية.

(٣). معامل ثبات الإختبار (رـ $\frac{\sum_{i=1}^n}{n}$) حيث أن ر هو معامل الإرتباط بين نصفيه (صلاح الدين علام ، ٢٠٠٠ ، ١٦٤).

(٤). ملحق (٧) : اختبار التفكير الهندسى فى وحدة التحويلات الهندسية المطورة.

(٥ - ب) : إختيار مجموعة البحث :

مجموعة البحث من تلميذات الصف الأول الإعدادي وعدهم (٤٠) تلميذة بفصل ٦/١ بمدرسة " ماجدة الصيرفى الإعدادية بنات " إدارة إيتاى البارود التعليمية - بمحافظة البحيرة للعام الدراسي ٢٠١٤/٢٠١٥ .

(٥ - ج) : تنفيذ الدراسة التجريبية لوحدة التحويلات الهندسية المطورة ، وذلك على النحو التالي :

- تم تطبيق قبلى لإختبار التفكير الهندسى على مجموعة البحث خلال الأسبوع الأول من التطبيق فى يوم ١٧/٣/٢٠١٥ ، ثم تصحيح أوراق الإجابة ورصد الدرجات.
- ثم تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة من دليل التلميذ المعد لذلك وطبقاً لدليل المعلم الخاص بتدريس الوحدة المطورة، وذلك بواقع (٥) حصص أسبوعياً ومدة كل حصة (٤٥) دقيقة .
- وقد بدأ التدريس لمجموعة البحث لمدة ٥ أسابيع خلال الفترة الزمنية من ٢٠١٥/٣/١٧ إلى ٢٠١٥/٤/٢٦ فى الفصل الدراسي الثانى ويوضح الجدول التالى الخطة الزمنية لدراسة وحدة التحويلات الهندسية المطورة.

جدول (٥) :

م	الدرس	عدد الحصص
١ -	التحويل في حياتنا	١
٢ -	التحويلة الهندسية	١
٣ -	الإنعكاس في المستوى وخواصه	٢
٤ -	تطبيقات على الإنعكاس	٣
٥ -	حالة خاصة من الإنعكاس " الإنعكاس في نقطة "	٢
٦ -	الانتقال في المستوى وخواصه	٢
٧ -	تطبيقات على الانتقال	٣
٨ -	الدوران في المستوى وخواصه	٢
٩ -	تطبيقات على الدوران	٣
١٠ -	غير البعد	١
١١ -	التشابه	١
١٢ -	دمج التحويلات الهندسية	١
المجموع		٢٢ حصة

الخطة الزمنية لدراسة وحدة " التحويلات الهندسية المطورة "

بعد الإنتهاء من تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة تم تطبيق اختبار التفكير الهندسي تطبيقاً بعدياً على مجموعة البحث في يوم ٢٠١٥/٤/٢٨ ثم تصحيح أوراق الإجابة ورصد الدرجات ومعالجتها إحصائياً وذلك لتفسير النتائج.

سادساً : المعالجة الإحصائية لنتائج البحث :-
لإجابة عن السؤال البحثي الثالث :

ما فاعلية تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة في تنمية التفكير الهندسي لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي؟

فقد تم إتباع الإجراءات التالية :

(٦ - أ) للتحقق من صحة الفرض التالي :

لا يوجد فرق دال إحصائياً بين متوسطي درجات (مجموعة البحث) في التطبيقات " القبلي / البعدى " لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة ، وذلك لصالح التطبيق البعدى.

تم استخدام " T. Test " لحساب دلالة الفروق بين متوسطي درجات (مجموعة الدراسة) في التطبيقات القبلي والبعدى لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته ويوضح جدول (٦) هذه النتائج.

جدول (٦)

يبين [متوسطى الفروق ، ومجموع مربعات انحرافات الفروق] بين التطبيق " القبلى / البعدى" ، وقيمة (ت) ودلالتها (مجموعة البحث = ٤٠ تلميذة) :-

مستوى الدلالة	قيمة ت الجدولية		قيمة ت المحسوبة	مجموع مربعات انحرافات الفروق	متوسط الفروق	التطبيق	مهارات التفكير الهندسى
	عند ٥٪..	عند ١٪..					
دالة عند ١٪..	٢,٤٢٣	١,٦٨٤	١٩,٦	١٢٦	٥,٥	قبلى	الاستقراء
						بعدى	
دالة عن ١٪..	٢,٤٢٣	١,٦٨٤	٢٠	٢٣٨,١	٧,٨	قبلى	الاستبطاط
						بعدى	
دالة عند ١٪..	٢,٤٢٣	١,٦٨٤	١٧	١٨٧٢	١٨,٥	قبلى	البرهان الهندسى
						بعدى	
دالة عند ١٪..	٢,٤٢٣	١,٦٨٤	١٣	١٧٣,٢	٤,٣	قبلى	التصور البصري المكاني
						بعدى	
دالة عند ١٪..	٢,٤٢٣	١,٦٨٤	٢٢,٦	٤٠١٢,٨	٣٦,٣	قبلى	الاختبار ككل
						بعدى	

(١). " ت " لدالة الفرق بين متوسطى عينتين مرتبطتين (مجموعة واحدة قبل وبعد التطبيق) هو

حيث أن "م ف" هى متوسط الفرق بين درجات التلميذ فى التطبيقين القبلى

$$ت = \sqrt{\frac{م}{ن - ٣}}$$

والبعدى ، " ح ف "

هو إنحراف كل فرق فى درجة كل تلميذ عن متوسط الفروق (رشدى فام منصور ، ١٩٩٧ ، ٦٥).

يتضح من نتائج الجدول السابق أن :

قيمة ت المحسوبة ^(١) < قيمة ت الجدولية عند مستوى دلالة ١٪.. لكل مهارة من مهارات الاختبار " الإستقراء ، الإستبطاط ، البرهان الهندسى ، التصور البصري المكاني" وكذلك الاختبار ككل ؛ أى يتم رفض الفرض الصفرى الذى ينص على : لا يوجد فرق دال إحصائيا بين متوسطى درجات (مجموعة البحث) فى التطبيق " القبلى / البعدى " لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة، وذلك لصالح التطبيق البعدى ، وقبول الفرض البديل الذى ينص على : " يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (١٪..) بين متوسطى درجات (مجموعة البحث) فى التطبيق " القبلى / البعدى " لكل مهارة من مهارات الاختبار على حدا والاختبار ككل وذلك لصالح التطبيق البعدى ، وهو الفرض الأول من فروض البحث.

(٦- ب) : حساب فاعلية وحدة التحويلات الهندسية المطورة على تنمية التفكير الهندسى :-

لتتعرف على فاعلية تدريس وحدة " التحويلات الهندسية المطورة " فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى ؛ تم حساب نسبة الكسب المعدل لبلاك ^(١) بحيث تتراوح نسبة الفاعلية بين (١ ، ٢) ويحدد بلاك الحد الفاصل لهذه النسبة هو (١,٢) لكي تقبل فاعلية الوحدة المطورة وكانت النتائج كالآتى :-

جدول (٧)

نسبة الكسب المعدل لبلاك في التطبيق " القبلي / البعدى " لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة

الأداة	متوسط درجات القبلي	متوسط درجات البعدى	النهاية العظمى	كسب المعدل لبلاك
الإستقراء	١,١	٦,٦	٨	١,٥
الإستنباط	.٩	٨,٦	١١	١,٥
البرهان الهندسى	.٧	١٩,١٨	٢٧	١,٤
التصور البصري المكانى	٣,٣	٧,٦	٩	١,٣
الاختبار ككل	٥,٧	٤٢	٥٥	١,٤

يتضح من الجدول السابق أن : نسبة الكسب لبلاك في التطبيقات القبلي والبعدى بلغت (١,٥ ، ١,٤ ، ١,٣) لمهارات الإستقراء والإستنباط والبرهان الهندسى والتصور البصري المكانى وإختبار التفكير الهندسى ككل على الترتيب وجميعهما أكبر من (١,٢) ، مما يؤكد على قبول الفرض الثانى من فروض البحث والذى ينص على : " تتصف وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة بالفاعلية فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى " .

وتعكس النتائج السابق عرضها الإجابة عن السؤال البحثى الثالث من الأسئلة الفرعية للبحث : ما فاعلية تدريس وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى ؟

٦ - ج) حساب حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة على تنمية التفكير الهندسى

لحساب حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة على التفكير الهندسى لدى تلميذات مجموعة البحث ؛ تم استخدام قيمة (ت) والموضحة بالجدول (٦) لحساب قيمة مربع إيتا^(٢) ويوضح جدول (٨) نتائج هذا التحليل:

جدول (٨)

قيمة مربع إيتا لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة فى وحدة التحويلات الهندسية المطورة ، حيث أن (درجات الحرية = ٣٩) :-

المتغير المستقل	المتغير التابع	قيمة (ت) المحسوبة	قيمة مربع إيتا	حجم التأثير
وحدة التحويلات الهندسية المطورة	الإستقراء	١٩,٦	.٩١	كبير
	الإستنباط	٢٠	.٩١	كبير
	البرهان الهندسى	١٧	.٨٨	كبير
	التصور البصري المكانى	١٣	.٨١	كبير
	الاختبار ككل	٢٢,٦	.٩٣	كبير

يتضح من نتائج الجدول السابق أن : قيمة مربع إيتا لاختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة أكبر من (٤) .. ويمكن تفسير ذلك بأن الفروق بين متوسطى درجات (مجموعه البحث) فى التطبيق " القبلى / البعدى " لإختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة هى فروق جوهرية ؛ وقد ترجع هذه النتيجة إلى المتغير المستقل وهو وحدة التحويلات الهندسية المطورة ، وبهذا تمت الإجابة عن السؤال البحثى الرابع من الأسئلة الفرعية

للبث الذى ينص على : ما حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة على تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى ؟

(٦- د) تفسير نتائج البحث الخاصة باختبار التفكير الهندسى :

أوضحت النتائج السابقة أنه :

- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (١ . .) بين متوسطى درجات تلاميذ مجموعة البحث فى التطبيقيين القبلى والبعدى لإختبار التفكير الهندسى ومهاراته المختلفة لصالح التطبيق البعدى.
- تتصف وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة بالفاعلية على تنمية التفكير الهندسى تلاميذ الصف الأول الإعدادى.
- حجم تأثير وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى ضوء الإتجاهات المعاصرة على تنمية التفكير الهندسى لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى كبير.
- ويمكن تفسير ذلك بالأسباب التالية :-

- ١- التعاون المثمر بين التلاميذات أثناء حل المشكلات الهندسية التى يطلب منهان حلها ساعد على إستثارة الأفكار والإقتداء بالحلول الأفضل .
- ٢- أسهمت الأنشطة التعليمية والتدريبات فى زيادة الوعى بمسارات التفكير والإجراءات التى تقوم بها التلاميذات من أجل إستقراء وإستنباط العلاقات والتوصى إلى حل المشكلات الهندسية وتعدد الحلول .

- ص - ص + ص - ص
- (١). نسبة كسب المعدل لبلاء د - ص - حيث ص هو متوسط درجات القبلى ، " د " هى الدرجة الكلية للإختبار (فؤاد أبوحطب وأمال صادق ، ١٩٩٦ ، ٤٠٥).
- (٢). مربع إيتا هو : إيتا $\frac{\text{م}^2}{\text{م}^2 + (\text{د} - \text{ص})}$ حيث أن " م " هى قيمة ت المحسوبة ، (د.ح) هى درجات الحرية (رشدى فام منصور ، ١٩٩٧ ، ٦٥).

- ٣- جعل وحدة التحويلات الهندسية المطورة محور العملية التعليمية مما ساعد على نقل التلاميذات من ملمعيات المعرفة إلى منتجات لها من خلال إستنتاج العلاقات العامة وتطبيقاتها على الحالات الخاصة ودراسة الأشكال الهندسية والعلاقات بينها وإستنتاج البراهين الهندسية .
- ٤- أسهمت أنشطة وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى تنمية قدرة التلاميذات على إبداء الأسباب لكل خطوة من خطوات الحل مما أسهم فى تنمية مهارة كتابة البرهان الهندسى وإدراك العلاقات بين الأشكال الهندسية .
- ٥- من خلال إستخدام عدد من النماذج والمجسمات أصبحت المفاهيم المجردة ملموسة ولها معنى مما أسهم فى تكوين صورة ذهنية للمفاهيم والمعلومات وفهمها وإدراك العلاقات بينها والذى بدوره أسهم فى تنمية مهارة التصور البصري المكانى لدى التلاميذات .
- ٦- كذلك تشجيع التلاميذات على تقديم أفكارهن والمساهمة فى تقييم أفكار الآخرين خلال التفكير بصوت والعمل التعاونى والعمل فى ثانويات ، مما ساعد على توفير بيئة مشجعة على تنمية التفكير الهندسى .
- ٧- قدمت وحدة التحويلات الهندسية المطورة أنشطة وتدريبات وأمثلة مرتبطة بكل درس تجاوزت مستوى الإستيعاب إلى مستوى إكتشاف العلاقات وإتكار الحلول ، ووضع المسألة فى سياق جديد يتطلب إستخدام مهارات التفكير الهندسى للوصول إلى الحل مما أسهم فى تتميتهما .
- ٨- وفرت وحدة التحويلات الهندسية المطورة الفرصة أمام التلاميذات لإكتشاف المعلومات والأفكار الرياضية بأنفسهن خلال عمليات الإستقراء والإستنباط والتوصى إلى البراهين الهندسية ، مما بسط لهن تلك المعلومات وأدى إلى زيادة إستيعابها .
- ٩- أسهمت وحدة التحويلات الهندسية المطورة فى تعريف الفهم وإعمال العقل من خلال عملية التفاعل بين الباحثة والتلاميذات أثناء المشاركة والتأمل والتفكير فى المواقف المختلفة .

- ١٠ - أسهمت وحدة التحويلات الهندسية المطورة في بناء مواقف تدريسية فعالة ساعدت على بناء المفاهيم الرياضية وإستنتاج العلاقات الرياضية والتعبير عنها بوضوح وإستخدامها في الحل وشرحها للأخرين .
- ١١ - في جميع دروس وحدة التحويلات الهندسية المطورة تم إستخدام تدريبات تتضمن خطوات يتم تطبيقها على برنامج Geometry's Sketch Pad لتوضيح المفاهيم والخواص الرياضية للتحويلات الهندسية مما أسهم في توسيع عمليات التفكير والتصور البصري المكانى لدى التلميذات.
- ١٢ - أسهمت وحدة التحويلات الهندسية المطورة في توفير بيئة تعلم مختلفة عن بيئة التعلم التقليدي " إستخدام معلم الرياضيات " : الذى أتاح للتلמידات فرصة لتصميم أنشطة تعليمية مثل إستخدام القص واللصق والرسم والتلوين وبناء تصميمات هندسية ، بالإضافة إلى وضع تصورات مرئية عن الأشكال الهندسية لتحفيزهن على النشاط الأدائي والعقلي وممارسة التفكير الهندسي .

وإنفقت هذه النتيجة مع دراسة (Smith,R et al ,2014) ، ودراسة (محمد حسني ، ٢٠١٣) ، ودراسة (Guimaraes,L.C et al ,2012) ، ودراسة (على سرور ، ٢٠١١) ، ودراسة (تيسير القىسى ، ٢٠٠٨) حيث توصلت نتائج هذه الدراسات إلى تنمية مهارات التفكير الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية بإستخدام متغيرات بحثية مختلفة .

توصيات البحث :-

في ضوء مشكلة البحث وما توصل إليه ، توصى الباحثة بعدة توصيات منها :-

- ما يخص مناهج الهندسة بالمرحلة الإعدادية :-
- تطوير مناهج الهندسة التي لم يتناولها البحث الحالى بالمرحلة الإعدادية فى ضوء الإتجاهات المعاصرة .
- مراعاة التوازن بين الجوانب المعرفية والمهاراتية والوجدانية عند صياغة أهداف مناهج الهندسة بالمرحلة الإعدادية وعدم التركيز على الأهداف المعرفية فقط .
- ما يخص تدريس الهندسة بالمرحلة الإعدادية :-
- مراعاة قدرات التلاميذ وميلهم من خلال التنوع فى إستخدام طرق التدريس والوسائل التعليمية الملائمة .
- الإهتمام بإشراف التلاميذ فى العملية التعليمية عن طريق إستخدام الأنشطة والوسائل التعليمية أثناء التدريس لما لها من أهمية كبيرة فى تنمية مهارات التفكير الهندسى وإتجاهات التلاميذ الإيجابية نحو الهندسة .
- إستخدام الأساليب والبرامج التكنولوجية الحديثة فى تدريس موضوعات الهندسة بالمرحلة الإعدادية مثل برمجيات (Geometry's Sketch Pad) لما لها من دور كبير فى جذب إنتباة التلاميذ .

مقترنات البحث :-

في ضوء ما توصل إليه البحث الحالى من نتائج ، وإستمرارا وإستكمالا للبحث الحالى تقترح الباحثة الدراسات المستقبلية الآتية :-

- ١- إجراء بحوث مماثلة للبحث الحالى تأخذ فى اعتبارها موضوعات هندسية أخرى مثل موضوعات الهندسة التحليلية ، وهندسة المتجهات ، والهندسة التفاضلية .
- ٢- إعداد بعض الموديولات فى هندسة التحويلات للمتفوقين فى ضوء الإتجاهات المعاصرة .
- ٣- دراسة أثر إستخدام تطبيقات هندسة التحويلات فى تنمية التفكير البصري بمراحل التعليم المختلفة .
- ٤- إعداد برنامج مقترن لتطوير مناهج هندسة مراحل التعليم العام (إبتدائى – إعدادى – ثانوى عام / فنى) فى ضوء الإتجاهات المعاصرة .
- ٥- دراسة فاعلية تدريس وحدة هندسة التحويلات فى ضوء مداخل تربوية حديثة لتنمية التفكير الإبداعى وحل المشكلة الرياضية بمراحل التعليم العام .

المراجع :

أولاً المراجع العربية :-

- ١- أحمد حسين اللقاني ، على أحمد الجمل (٢٠٠٣) : **معجم المصطلحات التربوية المعرفة في المناهج وطرق التدريس** ، ط٣، عالم الكتب ، القاهرة .
- ٢- أحمد محمد رجائي (٢٠٠٨) : فاعالية إستراتيجيات التدريس التبادلي في تنمية فهم الهندسة قرائياً ومهارات البرهان الهندسي والتحصيل لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، المؤتمر العلمي الثامن "الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى" – المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس، الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ٣١٢-٢٦١ .
- ٣- إبراهيم رفعت إبراهيم محمد. (٢٠١٠) : فاعالية برنامج قائم على الأنشطة الإثرائية في تنمية مستويات القدرة على التصور البصري المكانى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، المؤتمر العلمي العاشر – الإتجاهات الحديثة في تطوير تدريس الرياضيات. المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس ، الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ٢٥٧-٢٢٤ .
- ٤- الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات (٢٠٠٦) : "المؤتمر العلمي السادس " تطوير منهج الرياضيات في ضوء المعايير المعاصرة " ، توصيات المؤتمر ، كلية التربية ، جامعة بنها .
- ٥- تيسير خليل القيسي (٢٠٠٨) : أثر نموذج تقويمي مقتراح في التحصيل والتفكير الرياضي والإتجاه نحو الرياضيات لدى طلابات الصف التاسع الأساسي في الأردن ، مجلة العلوم التربوية والنفسية ، كلية التربية ، جامعة البحرين ، العدد التاسع، ص ص ٩١-١١٠ .
- ٦- جودت أحمد سعادة (٢٠٠٣) : **تدريس مهارات التفكير مع مئات الأمثلة التطبيقية** ، دار الشروق للنشر والتوزيع ، نابلس ، فلسطين .
- ٧- حسن حسين زيتون (٢٠٠٣) : **تعليم التفكير – رؤية تطبيقية في تنمية العقول المفكرة** ، عالم الكتب ، القاهرة .
- ٨- حسن شحاته وزينب النجار (٢٠٠٣) : **معجم المصطلحات التربوية والنفسية** ، الدار المصرية اللبنانية ، القاهرة .
- ٩- رشدى أحمد طعيمة (٢٠٠٤) : **تحليل المحتوى في العلوم الإنسانية** ، دار الفكر العربي ، القاهرة .
- ١٠- رشدى فام منصور (١٩٩٧) : **حجم التأثير : الوجه المكمل للدلالة الإحصائية** ، المجلة المصرية للدراسات النفسية ، المجلد السابع ، العدد السادس عشر ، ص ص ٥٥-٨٤ .
- ١١- رمضان مسعد بدوى (٢٠٠٨) : **تضمين التفكير الرياضى فى برامج الرياضيات المدرسية** ، دار الفكر ، عمان .
- ١٢- زينب محمد صفت (٢٠١٤) : **تطوير منهج "الهندسة والقياس" في ضوء مدخل التعلم النشط لتلاميذ المرحلة الإعدادية لتنمية التحصيل والتفكير الإبداعي والإتجاه نحو الرياضيات** ، رسالة دكتوراه ، كلية البنات للأداب والعلوم والتربية ، جامعة عين شمس .
- ١٣- سعاد سيد إبراهيم الفجال (٢٠١١) : **إتجاهات حديثة في التقويم التربوي** ، عالم الكتب ، القاهرة .
- ١٤- صلاح الدين محمود علام (٢٠٠٠) : **القياس والتقويم التربوي والنفسي " أساسياته وتطبيقاته وتجيئاته المعاصرة"** ، دار الفكر العربي ، القاهرة .
- ١٥- عبد المعطى سويد (٢٠٠٣) : **مهارات التفكير ومواجهة الحياة ، العين ، الإمارات العربية المتحدة ، دار الكتاب الجامعي** .
- ١٦- على إسماعيل سرور (٢٠١٠) : فاعالية إستراتيجية مقتراحة في تنمية القدرة على تأليف المشكلات الرياضية والإتجاه نحو حل المشكلات لدى طلاب التعليم الأساسي في ضوء الدراسات الدولية TIMSS&PISA ، المؤتمر العلمي العاشر – الإتجاهات الحديثة في تطوير تدريس الرياضيات – المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس ، الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ٣٥٨-٣٠٠ .
- ١٧- _____ (٢٠١١) : فاعالية نموذج إثرائي ثلاثي البعد معتمد على تطبيقات التعلم الإلكتروني في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثامن الأساسي ، المؤتمر الدولي الثاني للتعلم الإلكتروني والتعليم عن بعد ، ٢٣ فبراير، المملكة العربية السعودية ، متاحة على : <http://www.dr-saud-a.com>
- ١٨- عوض صالح المالكي (٢٠٠٩) : دراسة عن العلاقة بين التصور البصري المكانى فى الرياضيات والمهارة الفنية لدى طلاب وطالبات الصف الثاني المتوسط بمدينة مكة المكرمة ، مجلة تربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، المجلد (١٢) ، ص ص ١٦٧-٢٠٢ .

- ١٩- فتيحة أحمد بطيخ (٢٠١٥) : مهارات تعليم وتعلم الرياضيات المتضمنة بمداخل تدريسها وتوجهات البحث العالمية – إلى متى ستظل غائبة أو شبه غائبة لدى المعلم والمتعلم في مدارسنا؟ ، المؤتمر العلمي الخامس عشر " التعليم وتعلم الرياضيات وتنمية مهارات القرن الحادى والعشرين " - المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس ، الجمعية المصرية للتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ٢٦-٨٩ .
- ٢٠- فريد كامل أبوزينة وعبد الله يوسف عابنة (٢٠٠٧) : مناهج تدريس الرياضيات للصفوف الأولى ، دار المسيرة للنشر والتوزيع ، عمان ، الأردن.
- ٢١- فؤاد أبو حطب وأمال صادق (١٩٩٦) : مناهج البحث وطرق التحليل الإحصائي في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية ، مكتبة الأنجلو المصرية ، القاهرة.
- ٢٢- فؤاد البهى السيد (١٩٧٨) : علم النفس الإحصائي وقياس العقل البشري ، دار الفكر العربي ، القاهرة.
- ٢٣- مجدى عزيز إبراهيم (٢٠٠٤) : موسوعة التدريس "الجزء الأول" (أ-ت) ، دار المسيرة ، عمان ، الأردن .
- ٢٤- _____ (٢٠٠٩) : التفكير الرياضي و حل المشكلات ، عالم الكتب للنشر والتوزيع ، القاهرة.
- ٢٥- محبات أبو عميرة (٢٠٠٠) : تعليم الرياضيات بين النظرية والتطبيق ، الدار العربية للكتاب ، القاهرة.
- ٢٦- محمد أمين المفتى (٢٠٠٨) : دور الرياضيات في تنمية مهارات التفكير ، المؤتمر العلمي الثامن – الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى – المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس ، الجمعية المصرية للتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ١٦-٥ .
- ٢٧- محمد جهاد الجمل (٢٠٠٥) : العمليات الذهنية ومهارات التفكير ، ط ٣ ، دار الكتاب الجامعى ، العين ، الإمارات العربية المتحدة .
- ٢٨- محمد حسنى محمد (٢٠١٣) : فاعلية استخدام السقالات التعليمية في تنمية التفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الإعدادية ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة بنى سويف .
- ٢٩- محمد عيد حسن عوض الله (٢٠٠٣) : فاعلية استخدام خريطة العقل في علاج صعوبات تعلم البرهان الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية (دراسة تشخيصية / علاجية /وقائية) ، مجلة كلية التربية ، جامعة طنطا ، العدد الثاني والثلاثون ، المجلد الثانى ، ديسمبر ، ص ص ١١١-١٨١ .
- ٣٠- محمود جميل طوسون (٢٠٠٠) : موديولات مقترحة لتدريس بعض موضوعات الرياضيات في ضوء تطبيقاتها ، رسالة دكتوراه ، كلية البنات للأداب والعلوم والتربية ، جامعة عين شمس .
- ٣١- ناجي ديسقورس ميخائيل (٢٠٠٨) : الترابطات الرياضية والمواد الدراسية ، " مدخل لتطوير المناهج " ، المؤتمر العلمي الثامن – الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى- المنعقد بدار الضيافة – جامعة عين شمس ، الجمعية المصرية للتربويات الرياضيات ، كلية التربية ، جامعة بنها ، ص ص ٥٠-٣٩ .
- ٣٢- نانيس صلاح لطفي (٢٠٠٣) : برنامج مقترن لتطوير منهج رياضيات كليات إعداد معلم الرياضيات في ضوء الاتجاهات المعاصرة ، رسالة دكتوراه ، كلية البنات للأداب والعلوم والتربية ، جامعة عين شمس .
- ٣٣- نظلة حسن خضر (٢٠٠٤) : معلم الرياضيات والتجديفات الرياضية – هندسة الفرactal وتنمية الإبتكار التدريسي لمعلم الرياضيات ، عالم الكتب ، القاهرة .
- ٣٤- نورا محسن أبوالنجا (٢٠١٣) : فاعلية استخدام إستراتيجيات التفكير المتشعب في تنمية الذكاء البصري والتحصيل في الهندسة لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادي ، رسالة ماجستير ، معهد الدراسات التربوية ، جامعة القاهرة .
- ٣٥- وزارة التربية والتعليم (٢٠٠٩) : معايير مادة الرياضيات من الصف الأول إلى الصف الثالث الإعدادي، وثيقة مناهج الرياضيات في ضوء المعايير القومية للتعليم في مصر ، مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية ، ديسمبر.
- ٣٦- وليم تاوضروس عبيد وعزو عفانة (٢٠٠٣) : التفكير والمنهاج المدرسي ، مكتبة الفلاح للنشر والتوزيع ، الكويت.

ثانياً المراجع الأجنبية :-

37-Baki, Adnan (2008): Learning Objects in High School Mathematics Classroom, Implementation and evaluation, **Journal of computer & Education**, vol.55, Issue 4, Dec, p: 1459.

- 38- Evitts, Thomas.A(2004):*Investigating The Mathematics Connections That Preserve Teachers Use And Developed While Solving Problems From Reform Curricula , D. Ph,The Graduate School, College of education , Pennsylvania State University.*
- 39- Hatter Mann ,Mathias(2008) : *The Dragging process in Three Dimensional Dynamic Geometry environments (DGE) in Figural Olympia ,Cortina , Jose Luis, Alatorre , Silvia , Rojano ,Teresa, Sepulveda, Armando,(HG.),Proceeding of The Joint Meeting of(PME) and PME-NAXXX(v3,pp129.*
- 40- Kinard,J. T.(2003) :*Creating Rigorous Mathematical Thinking Dynamic that drives Mathematics and Science Conceptual Development papers/kinard.pdf Available on line at: <http://www.umanitoba.ca/unevoc/conference/>*
- 41- National Council of Mathematics (NCTM) (2010): **Principles and Standards for School Mathematics**, NCTM, USA
- 42- Paksu, D (2009) : *Effects of Drama-Based Geometry Instruction on Student Achievement, Attitudes and Thinking Levels, Journal of interactive learning research , v.11N(2) , PP163-196.y, 2(1), p54-60.*
- 43- Robert Hannafin, Jill Burros and Catherine ,Little (2015): *Learning with Dynamic Geometry programs, perspectives of teachers and learners, College of William and Mary, Available on line at:*
[http://eat.inist.fr1-amodele=affichN&epsidt=946357. \(21NOV\).](http://eat.inist.fr1-amodele=affichN&epsidt=946357. (21NOV).)
- 44- Siswono ,T.U(2009): Student Thinking Strategies In Reconstructing Theorems , **Proceedings of the 29th conference of the international Group for the Psychology of Mathematics Education (PME29)** , Melbourne , Australia , Volume (4) ,pp. 193-200.
- 45- Smith , R et al(2014) : **The Effects of Dynamic Program for Geometry on College Student's Understandings of Properties of Quandrilaterals in The Poincare Disk Model , Proceedings of 9th International Conference on Mathematics Education in a Global Geometry** , The University of North Carolina Charlotte ,USA , September , pp. 613-618.
- 46- Vande Welle, J. A (2001): Geometric Thinking and Geometric Concepts in Elementary and Middle School Math Teaching Developmentally 4th ed Bos on : Allyn and Bacon, Available on line at:
[http://www.learner.org/channel/courses/learning_math/geometry/pdfs/session/vand.pdf.](http://www.learner.org/channel/courses/learning_math/geometry/pdfs/session/vand.pdf)